

REPUBLIQUE ALGERIENNE DEMOCRATIQUE ET POPULAIRE

Ministère de l'Enseignement Supérieur et de la Recherche Scientifique

Université MENTOURI, Constantine

Faculté des Sciences de l'Ingénieur

Département de Génie Climatique

THESE

Pour obtenir le diplôme de DOCTORAT EN SCIENCES

Spécialité : Génie climatique

Présentée par :

MAMERI Abdelbaki

Thème

Etude numérique de la combustion turbulente du prémélange pauvre méthane/air
enrichi à l'hydrogène

Directeur de thèse : Défunt Dr BOUKEFFA Djamel

Jury :

Président :	Pr A. BELHAMRI	(Université Mentouri, Constantine)
Rapporteur :	Pr A. KAABI	(Université Mentouri, Constantine)
Examineur :	Pr L. BAH	(Université Mentouri, Constantine)
Examineur :	Dr B. BENABES	(Université Larbi Ben M'HIDI, Oum El Bouaghi)
Examineur :	Dr D. SEMMAR	(Université Saad DAHLAB, Blida)

Soutenue le 15/03/2009

Dédicaces

A la mémoire de ma mère de mon ami Djamel BOUKETTA

A ma femme mes filles

Mon père mon frère et ma sœur

A tous ceux qui ont contribué de près ou de loin dans ce travail.

REMERCIEMENTS

Je tiens à remercier vivement mon encadreur défunt Dr Djamel BOUKEFFA qui m'a énormément aidé, que dieu le bénisse. Je remercie Pr KAABI Abdennacer pour son aide précieuse, je remercie également Pr A. BELHAMRI, Pr. L. BAHY, Dr. B. BENABES et Dr D. SEMMAR d'avoir acceptés d'être parmi les membres de jury d'évaluation de la thèse.

Je remercie aussi L'équipe de l'ICARE CNRS d'Orléans et principalement Pr. I. GÖKALP qui m'a accueilli et permis d'utiliser les résultats expérimentaux et de faire mes calculs sur le logiciel CFX du laboratoire.

Finalement, je remercie toute personne ayant participé de près ou de loin dans l'élaboration de ce travail.

ملخص

إن إثراء الهيدروكربونات بالهيدروجين يمكن من تحسين أداء الاحتراق (زيادة التفاعلية، مقاومة التمثيط، الاستقرار، الحد من التلوث، ...). إن معرفة خصائص الاحتراق في ظروف فيزيائية و كيميائية مختلفة مهم جدا و ذلك لاستعمالها بنجاحة في المنشآت الصناعية. إن المنهج التجريبي هو اصح وسيلة للحصول على المعلومات ولكنه مكلف جدا و محدود في حالتنا هذه. من جهة أخرى و نظرا للتطور الهائل الذي عرفه مجال الأعلام الآلي و الحساب أو التنظير العددي فان النمذجة العددية تمثل ثاني أهم سبيل للحصول على هذه المعلومات.

في هذا الإطار تهدف هذه الرسالة العلمية إلى تكملة البحوث التجريبية التي أنجزت في معهد الاحتراق و التفاعلية باورليون في فرنسا.

إن تأثيرات تثمين الغازات بإضافة الهيدروجين و تكوين الملوثات مدروسة في هذا البحث. إن الزيادة في نسبة الميثان يمكن من استقرار الشعلة و لكنه يسبب ارتفاع درجة الحرارة و زيادة إنتاج الغازات الملوثة. كحل لهذه المشكلة يتم استبدال نسبة من حجم الميثان بالهيدوجين الذي يؤدي إلى استقرار الشعلة و يحافظ على المستوى المقبول لدرجة الحرارة و الغازات السامة. ان تبديل نسبة 10 أو 20 بالمائة من حجم الميثان بالهيدروجين خاصة ذي المصدر المتجدد له اثر هام على الاقتصاد الوطني.

الكلمات الرئيسية . الأحتراق المضطرب، الأحتراق المسبق الخلط، الأثراء بالهيدروجين، نموذج MDE, CFT.

RESUME

L'enrichissement des hydrocarbures par l'hydrogène permet d'améliorer les performances de la combustion pauvre (augmentation de la réactivité, résistance à l'étirement, stabilité, réduction des polluants, ...). Il est primordial de connaître les caractéristiques de la combustion de ces combustibles hybrides dans différentes conditions, afin de pouvoir les utiliser d'une manière sûre et efficace dans les installations pratiques. L'approche expérimentale reste coûteuse et limitée à certaines conditions opératoires. Cependant, le calcul numérique peut constituer la solution la plus adaptée, compte tenu du progrès réalisé dans le domaine de l'informatique et de la modélisation.

Dans ce contexte, ce travail que nous avons effectué à l'ICARE (Institut de Combustion, Aérodynamique et Réactivité, CNRS Orléans) vise à compléter les résultats des essais expérimentaux. Les effets de la richesse du mélange et l'ajout de l'hydrogène sur la structure et la formation des polluants sont étudiés dans ce travail. L'augmentation de la richesse du combustible permet de stabiliser la flamme, mais augmente la température et produit plus de CO, CO₂ et NO_x. Par contre, l'addition de H₂ augmente l'efficacité du mélange, stabilise la flamme avec une légère élévation de la température maximale et une diminution des fractions massiques de CO, CO₂ et NO_x. Le remplacement d'une fraction de 10% ou même 20% du gaz principal par l'hydrogène améliore les performances des installations et ne nécessite aucune modification sur les systèmes de combustion.

MOTS CLES

Combustion turbulente, Combustion prémélangée, enrichissement par l'hydrogène, Chimie détaillée, modèle EDM, modèle TFC.

ABSTRACT

Fuel blending represents a promising approach for reducing harmful emissions from combustion systems. The addition of hydrogen to hydrocarbon fuels affects both chemical and physical combustion processes. These changes affect among others flame stability, combustor acoustics, pollutant emissions and combustor efficiency. Only a few of these issues are understood. Therefore, it is important to examine these characteristics to enable using blend fuels in practical energy systems productions. The experimental approach is restricted in general to specific operating conditions (temperature, pressure, H₂ percentage in the mixture, etc.) due to its high costs. However, the numerical simulation can represent a suitable less costly alternative.

The aim of this study done at ICARE is to complete the experiments. Equivalence ratio and hydrogen enrichment effects on lean methane/air flame structure were studied. The increase of the equivalence ratio, increases flame temperature and stability but produces more CO, CO₂ and NO_x. Hydrogen blending, increases flame stability and reduces emissions. The replacement of 10% or 20% of the fuel by hydrogen enhances installation efficiency with no modifications needed on the combustion system.

KEY WORDS

Turbulent combustion, premixed combustion, hydrogen blending, detailed chemistry, EDM, TFC model.

NOMENCLATURE

c	Variable d'avancement de la réaction	[--]
C_p	Chaleur spécifique à pression constante du mélange	[J/(kg K)]
C_{pk}	Chaleur spécifique à pression constante de l'espèce k	[J/(kg K)]
$C_\mu, C_{\varepsilon 1}, C_{\varepsilon 2}, \sigma_k$ et σ_ε	Constantes du modèle $k-\varepsilon$	[--]
D_k	Coefficient de diffusion de l'espèce k dans le mélange	[m ² /s]
Da	Nombre de Damkhöler	[--]
D_{inj}	Diamètre de l'injecteur (brûleur)	[m]
e	Energie interne spécifique du mélange	[J/kg]
$f_{k,j}^0$	Force spécifique de volume agissante sur l'espèce k dans la direction j	[m/s ²]
$h_{f,k}$	Enthalpie chimique spécifique de l'espèce k	[J/kg]
h_k	Enthalpie spécifique de l'espèce k	[J/kg]
$h_{s,k}$	Enthalpie sensible de l'espèce k	[J/kg]
k	Energie de turbulence	[m ² /s ²]
Ka	Nombre de Karlovitz	[--]
l	Echelle intégrale de longueur	[m]
l_δ	Epaisseur de la couche interne de la flamme	[m]
l_f	Epaisseur de la flamme laminaire	[m]
l_{fspa}	Epaisseur de la flamme laminaire (Spalding)	[m]
l_{fel}	Epaisseur de la flamme laminaire (Zeldovitch)	[m]
Le_i	Nombre de Lewis de l'espèce i ($=\lambda_i/\rho_i C p_i$)	[--]
P	Pression	[N/m ²]
\dot{Q}	Source de chaleur	[J/(m ³ s)]
R	Constante universelle des gaz parfaits	[J/(Kg K)]
Re_t	Nombre de Reynolds de la turbulence	[--]
s	Rapport stœchiométrique	[--]
S_L	Vitesse de la flamme laminaire	[m/s]
S_c	Nombre de Schmidt ($=\mu_i/\rho_i D_i$)	[--]
T	Température	[K]
T^0	Température maximale (adiabatique) de la flamme laminaire	[K]
t_η	Echelle de temps de Kolmogorov	[s]
u_i	Vitesse dans la direction i	[m/s]
u_η	Vitesse de retournement du tourbillon de Kolmogorov	[m/s]
u_i'	Fluctuation de vitesse dans la direction i	[m/s]
$V_{k,i}$	Vitesse de diffusion de l'espèce k dans la direction i	[m/s]
W_k	Masse molaire de l'espèce k	[mole/kg]
Y_k	Fraction massique de l'espèce k	[--]
Z	Fraction de mélange	[--]

Lettres grecques

δ_{ij}	Delta de Krönecer ($=1$ si $i=j$, $=0$ sinon)	[--]
η	Echelle de longueur de Kolmogorov	[m]
ε	Taux de dissipation de l'énergie de turbulence	[m ² /s ³]
ϕ	Richesse	[--]
λ	Coefficient d'excès d'air	[--]
μ	Viscosité dynamique	[kg/(m s)]
μ_t	Viscosité turbulente	[kg/(m s)]
v'_k	Coefficient stœchiométrique de l'espèce réactive k	[--]
v''_k	Coefficient stœchiométrique de l'espèce produite k	[--]
$\dot{\omega}_k$	Taux de production de l'espèce k	[mole/(m ³ s)]
$\dot{\omega}_T$	Taux de dégagement de chaleur due à la réaction	[J/(m ³ s)]
χ	Taux de dissipation scalaire	[1/s]

χ_q	Taux de dissipation scalaire critique pour l'extinction	[1/s]
κ, κ_{lim}	Invariant et invariant limité de la correction de Pope	[--]
ρ_k	Densité de l'espèce k	[kg/m ³]
σ_{ij}	Tenseur de la contrainte dans le plan i et la direction j	[N/m ²]
τ	Echelle intégrale de temps	[s]
τ_{ij}	Tenseur des contraintes visqueuses	[N/m ²]

Indices

b	Gaz brûlés
f	Gaz frais
F	Fuel
k	Espèce k
m	Espèce m
N	Nombre de réactions élémentaires
o	Oxydant
p	A pression constante
s	Sensible (enthalpie)
st	Stœchiométrique
v	A volume constant

Exposants

'	Fluctuation (moyenne de Reynolds)
''	Fluctuation (moyenne de Favre)
—	Moyenne de Reynolds
~	Moyenne de Favre

Chapitre I

Introduction et synthèse bibliographique	1
---	---

Chapitre II

Equations de conservation pour les écoulements réactifs laminaires

1) Introduction	10
2) Variables de la thermochimie	10
3) Equations de conservation de masse et d'espèces	12
4) Equations de la quantité de mouvement	12
5) Equation de la conservation d'énergie	13
6) Cinétique chimique	13
7) Facteurs stœchiométriques	14
8) Conclusion	15

Chapitre III

Echelles caractéristiques de la turbulence et de la combustion

1) Introduction	16
2) Echelles caractéristiques de la turbulence	16
3) Echelles caractéristiques d'une flamme	19
4) Régimes de la combustion turbulente prémélangée	20
5) Diagramme de la combustion turbulente prémélangée	22
6) Conclusion	24

Chapitre IV

Modélisation de la turbulence

1) Equations de Navier-Stokes moyennes	25
2) Modélisation de la turbulence	27
2.1) Simulation numérique directe	28
2.2) Simulation numérique des grandes échelles	29
2.3) Fermeture du premier ordre	29
2.3.1) Modèle k- ϵ	30
2.3.2) Correction de Pope	31
2.4) Fermeture du second ordre	32
3) Conclusion	33

Chapitre V

Modélisation de la combustion turbulente prémélangée

1) Introduction	34
2) Variable d'avancement de la réaction	35
3) Fraction de mélange	36
4) Modèles contrôlés par la turbulence	38
4.1) Modèle Eddy Break UP	38
4.2) Modèle EDM dans le code Ansys CFX	39
4.2.1) Amélioration du modèle EDM par la fonction d'efficacité de la combustion	40
4.3) Modèles de fonction de densité de probabilité	40
4.3.1) Approche par la PDF présumée	41
4.3.2) Approche par la PDF transportée	44
4.4) Modèles BML	44
4.5) Modèles des flammelettes	47
4.5.1) Concept des flammelettes laminaires	47
4.5.2) Equation de la flammelette laminaire	48
4.5.3) Couplage de la flammelette laminaire et du champ turbulent	51
4.5.4) Génération des bibliothèques des flammelettes	52
4.6) Modèle de la vitesse de la flamme turbulente TFC	53

4.6.1) Variable d'avancement de la réaction	53
4.6.2) Modélisation du taux de réaction moyen	54
4.6.3) Vitesse de la flamme turbulente	54
4.6.4) Vitesse de la flamme laminaire	57
5) Conclusion	59

Chapitre VI

Méthodes numériques utilisées dans le code CFX

1) Introduction	60
2) Discrétisation des équations de l'écoulement	60
3) Traitement du couplage vitesse-pression	63
4) Terme transitoire	63
5) Fonctions de forme	64
5.1) Élément hexaédrique	65
5.2) Élément tétraédrique	65
5.3) Élément prismatique	65
5.4) Élément pyramide	66
6) Termes de diffusion	66
7) Termes de gradients de pression	66
8) Termes d'advection	67
8.1) Schéma amont (upwind) du 1 ^{er} ordre	67
8.2) Schéma de correction d'advection numérique	67
8.3) schéma aux différences centrées	68
8.4) schémas d'ordre supérieur	68
9) Système d'équations couplées	68
10) Solveur couplé et stratégie de la solution	69
10.1) Solution générale	70
10.2) Solution du système d'équations linéaires	71
10.3) Procédure de normalisation des résidus	71
11) Conclusion	71

Chapitre VII

Résultats du calcul numérique

1) Dispositif expérimental	72
1.1) La chambre de combustion	72
1.2) Le brûleur	73
2) Modélisation de la chambre de combustion	74
2.1) Géométrie de la chambre	74
3) Etude numérique du jet d'air turbulent dans la chambre de combustion	74
3.1) Conditions aux limites	74
3.2) Maillage du calcul	76
3.3) Résultats de la simulation	76
3.3.1) Ajustement de la correction de Pope	77
3.3.2) Cœur potentiel	78
4) Calcul de l'écoulement turbulent réactif	80
4.1) Effet de la richesse sur la flamme du méthane pure	80
4.1.1) Calcul par le modèle EDM	80
4.1.2) Calcul par le modèle TFC	87
4.1.3) Effet de la richesse sur le champ dynamique et la structure interne de la flamme	88
4.2) Effet de l'enrichissement par l'hydrogène sur la flamme de méthane	94
4.2.1) Calcul par EDM	94
4.2.2) Calcul par TFC	97

4.2.3) Effet du dopage sur le champ dynamique et la structure interne de la flamme	99
5) Conclusion	100
<u>CONCLUSION GENERALE</u>	104

CHAPITRE I

INTRODUCTION ET SYNTHÈSE BIBLIOGRAPHIQUE

Introduction

Toute vie biologique a besoin d'un apport énergétique externe. La majorité des plantes sont capables de faire la photosynthèse ; quelques bactéries utilisent les ressources naturelles de l'énergie chimique. Plusieurs autres organismes vivent sur l'énergie contenue dans les aliments. De tout temps, l'homme a eu besoin d'énergie pour se nourrir, se mouvoir, vivre sous diverses conditions climatiques, en grand nombre et souvent dans le confort. Les degrés de dépendance des sociétés humaines sur l'énergie diffèrent comme le climat, le confort et l'activité de chaque société. L'énergie existe sous plusieurs formes. Aujourd'hui, la technologie permet d'en produire en grande quantité, en utilisant toutes les ressources possibles (fossiles, eau, vent, soleil...). À l'aube du XXI^e siècle, l'énergie reste un enjeu majeur, tant au niveau politique, économique, scientifique qu'environnemental...La demande mondiale de l'énergie a énormément augmenté dans les décennies passées comme le montre la figure 1.1. Cette prédiction est publiée par l'Agence Internationale de l'Energie (IEA) en 2007[1], elle montre l'évolution enregistrée et future de la demande énergétique mondiale depuis 1980 à 2030. Ces prédictions sont dérivées d'un scénario basé sur un ensemble de suppositions sur les conditions macroéconomiques, l'évolution de la population, le prix d'énergie, les politiques gouvernementales et la technologie. Selon cette prédiction, la demande énergétique va doubler d'ici l'année 2050 et le pétrole occupe la première place et reste la source d'énergie par excellence. Ce dernier couvre la quasi-totalité des besoins des moyens de transport. En deuxième position vient le plus ancien combustible, le charbon, qui est utilisé dans les centrales thermiques et dans beaucoup d'industries. Le gaz naturel occupe la troisième position, il est utile surtout dans les habitations pour le chauffage et les besoins domestiques. Tous ces combustibles sont consommés par la voie de la combustion.

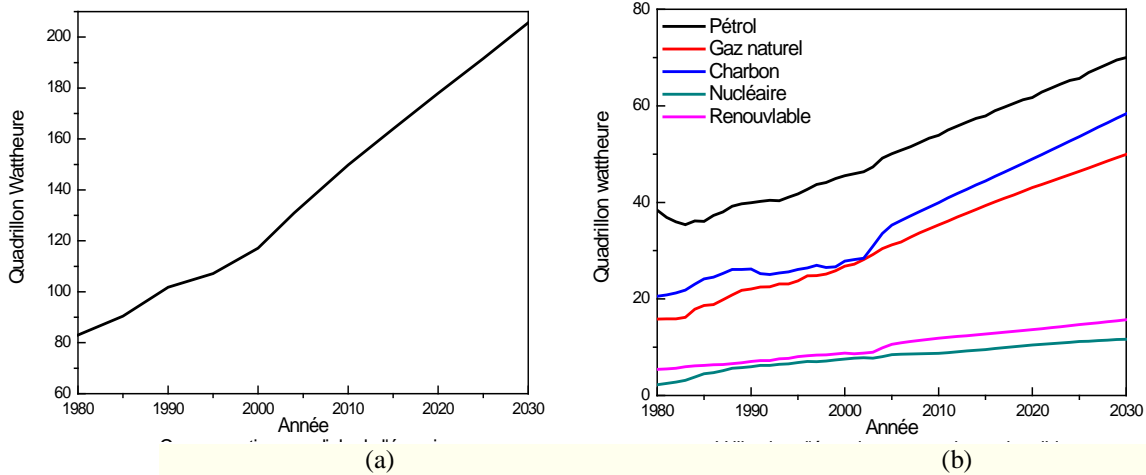


Figure 1.1 Consommation mondiale de l'énergie (a) Totale (b) Par type de combustible.

La combustion est l'un des procédés les plus importants dans la transformation de l'énergie, elle permet de convertir l'énergie chimique contenue dans les combustibles en chaleur. La combustion est nécessaire pour le transport, la génération d'énergie électrique, les procédés de fabrication, les moyens de chauffage, ... Malgré les bienfaits de la combustion, elle reste le plus grand pollueur de notre planète. En plus de la chaleur, la combustion produit des émissions nocives pour l'environnement. Cette pollution résulte principalement des gaz et particules jetés dans l'air par les véhicules à moteur, les installations de chauffage, les centrales thermiques et les installations industrielles. Les émissions polluantes sont les oxydes de carbone, de soufre et d'azote, gaz à effet de serre, poussières, particules radioactives, produits chimiques, dioxygène, etc. La figure 1.2 montre la production mondiale du CO_2 , gaz toxique à effet de serre, qui va aussi doubler en 2050. Actuellement, les changements climatiques que nous vivons témoignent du déséquilibre provoqué par ces émissions.

Afin de lutter contre ce fléau, plusieurs mesures pour la réduction des émissions ont été prises par la communauté mondiale. On peut citer le protocole de Kyoto (1997) qui a été ratifié par plus de 170 pays, ce dernier oblige à diminuer les émissions des gaz à effets de serre à savoir : les CO_2 , CH_4 , NO_x , CFC-11 et CFC-12.

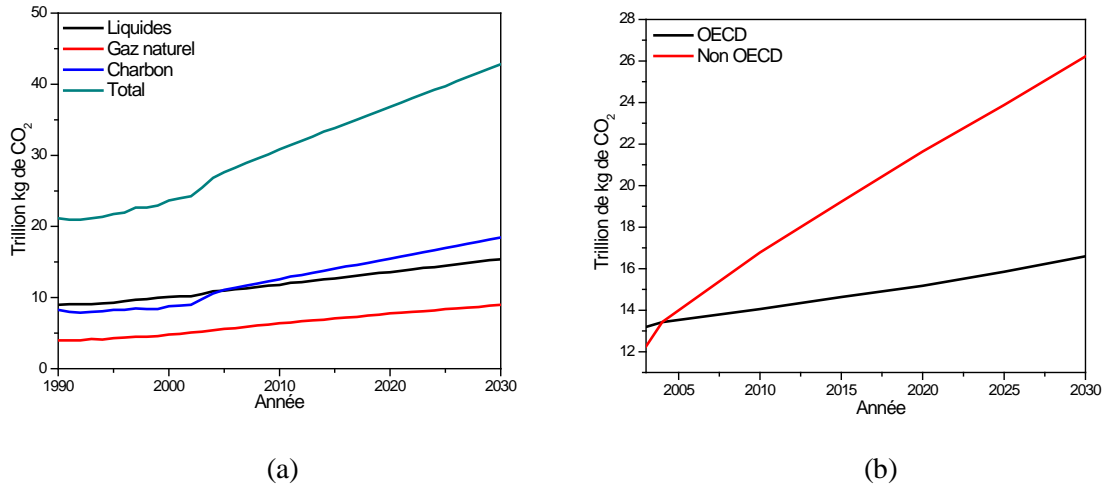


Figure 1.2 Emission mondiale de CO₂ (a) Par type de combustible (b) Par zone économique.

Rapport de l'EIA DOE/EIA-0484(2007)

Les lois restrictives sur les émissions nocives ont motivés la recherche de nouvelles ressources d'énergies propres et renouvelables, les plus importantes sont l'énergie solaire et celle du vent. Ces dernières restent dans un stade de recherche, elles sont actuellement intermittentes, encombrantes et peu rentables. D'autres alternatives moins coûteuses et plus fiables ont fait leurs apparitions, on cite par exemple l'amélioration des systèmes de combustion actuels et l'utilisation des combustibles propres d'origine renouvelable telle que l'hydrogène. Ces alternatives sont nécessaires pour une étape transitoire vers les énergies propres, ainsi plusieurs travaux se sont concentrés sur ces sujets. Pour discuter les améliorations faites sur les systèmes de combustion, il est nécessaire de les classer. Selon la méthode d'injection, deux types des systèmes de combustions peuvent être distingués: non prémélangé et prémélangé.

Le premier type est le plus sécurisé, le combustible et le comburant sont injectés séparément, la qualité de la combustion dépend du mélange qui se fait dans la chambre. Plus le mélange est parfait, plus la combustion est complète, moins les émissions sont toxiques. L'amélioration dans ce cas vise à créer le mélange le plus intime entre le combustible et le comburant. Pour cela plusieurs techniques ont été utilisées surtout dans la géométrie de l'injection, par exemple on peut citer la pré rotation (swirl) qui consiste à injecter le combustible où l'air avec une vitesse tangentielle, de cette façon on aura un jet central entouré d'un autre hélicoïdal. Cette configuration donne naissance à une zone de recirculation au voisinage du système d'injection qui stabilise la flamme et réduit les émissions nocives.

Dans ce travail, on s'intéresse beaucoup plus à la combustion prémélangée, dans laquelle le mélange du combustible et du comburant se fait au préalable à une ou plusieurs richesses et est injecté par un ou plusieurs injecteurs. Ce mode de combustion n'est pas aussi sécurisé que celui non prémélangé mais a d'autres caractéristiques plus intéressantes.

Contrairement à la combustion non prémélangée, qui a toujours une température maximale proche ou égale à la température adiabatique de l'écoulement et qu'on ne peut pas contrôler, la combustion prémélangée peut se faire à une température inférieure et contrôlée par la richesse du mélange. Cet avantage permet d'une part de diminuer la température à laquelle seront soumises les parois des chambres de combustion et d'autre part de contrôler efficacement les émissions nocives et surtout les NOx qui ne se forment qu'aux températures élevées. Ce contrôle est possible par un régime de combustion dit « pauvre », dans lequel la quantité d'air utilisée est supérieure à celle nécessaire pour une combustion théoriquement complète (dite quantité d'air stœchiométrique).

Plusieurs travaux ont porté sur la combustion pauvre, M. CANON et al [2] ont étudié numériquement l'interaction de la flamme avec l'injecteur pour une combustion pauvre prémélangée du méthane en utilisant une chimie tabulée *in situ* [3] avec un mécanisme réactionnel réduit de cinq réactions élémentaires, déduit du GRIMECH 2.11 [4]. Pour modéliser la turbulence, les auteurs ont choisi le modèle k- ϵ avec un modèle PDF pour la vitesse et les composantes du gaz. Les conditions prises sont celles du fonctionnement des turbines à gaz pour une richesse $\phi=0.4-0.6$ et une pression $P=30$ atm. Les résultats trouvés sont en bon accord avec l'expérience dans la zone proche de l'injection $x/d < 6$, cependant ils restent insuffisants dans la couche de mélange. L'amélioration du modèle de la turbulence peut résoudre le problème dans ce cas.

Pour déterminer la position de l'ignition d'un mélange pauvre de méthane (1% en volume dans l'air) à basse température (1000-1200K), M. JAZBEC et al [5] ont fait une étude numérique fondée sur un nouveau modèle développé pour l'hydrodynamique chimique avec un mécanisme réactionnel de 16 espèces et 28 réactions. Le code CFX4 est utilisé pour les calculs hydrodynamiques. Ils ont montré qu'un mécanisme réduit peut produire des résultats précis et peut être même utilisé dans le cas d'une combustion gouvernée par la chimie.

L'efficacité des mécanismes réduits dans la combustion pauvre est aussi soulignée par A. L. SANCHEZ et ses co-auteurs [6]. Ces derniers ont utilisé deux réactions élémentaires pour

simuler la combustion pauvre du méthane et l'émission du CO dans les conditions des turbines à gaz. Selon les auteurs, l'ajout d'une seule réaction permet de simuler les NO. La comparaison des résultats a montré une bonne reproduction de la structure interne de flammes unidimensionnelles incluant les profils de CO et les radicaux.

En 2003, une autre étude expérimentale est faite par P. GRIEBEL et al [7]. Elle a porté sur la mesure du champ d'écoulement et la structure de la flamme prémélangée pauvre ($\phi=0.5$) du méthane sous haute pression (conditions des turbines à gaz). Une mesure PIV (Particle Image Velocimetry) est faite pour les intensités de turbulence et les échelles intégrales dans l'écoulement isotherme. La position du front de flamme moyen et la structure de la flamme ont été mesurée par le PLIF (Planar Laser Induced Fluorescence) du radical OH. Les auteurs ont fait les mesures pour plusieurs grilles de turbulence, ils ont mis en évidence que le champ d'écoulement est divisé en deux zones : une proche de l'injecteur, où la turbulence de grille est dominante, et l'autre loin de l'injection, où la turbulence est générée par la couche de mélange. Des mesures de la position et de la structure du front de flamme sont faites en fonction du nombre de Reynolds, de Damköhler et de Karlovitz. Ils ont trouvé que l'effet de la pression sur le front de flamme est négligeable, par contre elle est importante pour la structure de la flamme qui devient plissée.

Dans une autre étude P. GRIEBEL et al [8] ont repris le même montage expérimental et ont fait une autre série de mesures basée sur la variation de la richesse de ($\phi=0.43-0.52$). Les auteurs ont constaté que la diminution de la richesse provoque l'augmentation de la hauteur de la flamme, ceci est dû à la faible concentration du combustible, ce qui implique une basse température adiabatique de la combustion et par conséquent une faible vitesse de la flamme. Près des limites de soufflement, les flammes pauvres présentent des fluctuations, elles deviennent plus sensibles aux perturbations. Ces flammes se stabilisent dans les zones de grandes fluctuations de la vitesse. Les flammes avec des propriétés de turbulences importantes près de l'injecteur sont plus courtes à cause de leurs vitesses de flamme. Les auteurs ont mis en évidence aussi l'existence d'une zone de recirculation qui alimente la base de la flamme par la chaleur et les radicaux.

Ces études ont montré l'intérêt de la combustion pauvre dans le contrôle de la température de la combustion et dans la minimisation des émissions nocives. Elles ont aussi montré que les flammes pauvres sont plus sensibles aux perturbations et peuvent être soufflées

ou éteintes. Une des meilleures solutions à ce problème d'instabilité des flammes pauvres est le dopage par l'hydrogène. Cette technique consiste à ajouter de l'hydrogène en petites quantités au combustible prémélangé avec l'air. On obtient ainsi un prémélange gazeux dopé par l'hydrogène. L'étude de ce type de combustible n'est pas récente, en 1984 J.C. KECK [9] et al ont fait la mesure de la vitesse de la flamme laminaire de plusieurs mélanges d'hydrocarbures. Ils ont utilisé la bombe sphérique pour des richesses stœchiométriques avec des pressions de 0.5 à 7 atm et des températures de 300 à 550 K respectivement. Ils ont trouvé que les mesures pour les gaz purs étaient en bonne concordance avec les résultats précédents. Pour les mélanges d'hydrogène et d'autres combustibles, ils ont constaté l'existence de deux pics dans la variation de la vitesse de la flamme, ils ont conclu qu'il n'existe pas de relation simple entre les vitesses de combustion et les paramètres physiques. Les expériences ont montré que la combustion laminaire des mélanges de combustibles est un phénomène qui nécessite un complément d'investigations théorique et expérimentale.

Plus tard en 1986, G.YU et al [10] ont repris les mesures, ils ont utilisé un montage à jets opposés adiabatiques avec la technique LDV (Laser Doppler Anemometry) pour les vitesses des flammes. Les mesures ont été faites sur des flammes étirées puis une extrapolation linéaire a permis de trouver les vitesses des flammes non étirées. Ils ont montré que la vitesse de la flamme est fortement affectée par l'ajout de l'hydrogène. Une corrélation linéaire du taux de dopage par l'hydrogène avec la vitesse de flamme du combustible pure à été trouvée.

S.R. BELL et M.GUPTA [11] ont fait une étude très intéressante sur les performances, les émissions et les caractéristiques des mélanges pauvres du gaz naturel et de l'hydrogène dans les moteurs à allumage commandé. Un taux d'hydrogène de 5, 10 et 15% à été ajouté au gaz naturel. Ils ont trouvé que pour des richesses inférieures à 0.8 les améliorations de la puissance, l'efficacité thermique et la consommation sont significatives. Ces auteurs ont noté également une extension des limites pauvres (richesses d'extinction) avec l'ajout de l'hydrogène. Les émissions de CO et NOx ont diminué avec diminution de la richesse; le fonctionnement du moteur est stable et l'impact de la fraction d'hydrogène ajouté n'est pas linéaire.

Une autre étude numérique par J.L.GAUDUCHEAU et al [12] a essayé d'expliquer le phénomène d'extension des limites pauvres lors de l'enrichissement par l'hydrogène. Selon les auteurs, l'ajout de l'hydrogène à richesse globale constante augmente la résistance de la flamme

à l'étirement. Les autres propriétés telles que le temps d'ignition et la température adiabatique de combustion se trouvent peu modifiées.

Une étude expérimentale et numérique est faite par GREGORY S. et al [13] pour connaître l'effet de l'hydrogène sur la réponse des flammes prémélangées pauvres de méthane aux forts étirements (jusqu'à 8000 s^{-1}) induits par l'écoulement. La plage de richesse investiguée est de moins de 0.4 à 0.75. Les auteurs ont montré que l'ajout de l'hydrogène augmente la vitesse de la flamme et par conséquent son taux d'étirement maximal qui provoque l'extinction. Ces auteurs ont également noté le faible impact de la richesse d'extinction sur le taux d'étirement de l'écoulement, et la dépendance de la température d'extinction sur la richesse et non pas sur la composition du mélange.

Dans le même contexte, EVATT R. H. et JACQUELINE H.C. [14] ont effectué une simulation numérique directe pour étudier l'effet de l'enrichissement par l'hydrogène sur les flammes pauvres prémélangées. Ils ont comparé deux flammes par rapport à la stabilité et les émissions polluantes, une flamme de méthane pure proche de la limite pauvre et une autre enrichie à l'hydrogène. Ils ont trouvé que la vitesse de la flamme enrichie est plus importante avec des limites d'extinction étendues. L'augmentation de la vitesse de la flamme turbulente est la combinaison de l'augmentation de la vitesse de la flamme laminaire, la génération améliorée de la surface de la flamme et l'augmentation du taux de combustion par unité de surface. La diffusion préférentielle de l'hydrogène couplée aux échelles de temps très courtes de la flamme traduit l'amélioration de la production de la surface de la flamme. En particulier, la flamme enrichie est moins diffusive, thermiquement stable et plus résistante à l'étirement et à l'extinction que celle du méthane pur. Une diminution de la production du CO est observée tandis qu'une augmentation de NO est le résultat des hautes températures locales et des concentrations des radicaux.

Ce travail est une suite logique des études déjà faites. Il complète, par la voie de la simulation numérique, les recherches faites par L. THIERRY [15] et F. HALTER [16] à l'Institut de la Combustion, Aérothermique et Réactivité (ICARE-CNRS Orléans). Ces travaux ont porté sur les flammes turbulentes des prémélanges pauvres de méthane enrichi à l'hydrogène. Ce sujet est d'un grand intérêt pour l'Algérie qui produit plus de 90% de son énergie électrique au moyen des turbines à gaz naturel composé en grande partie de méthane. Dans une première étude expérimentale L. THIERRY a considéré l'effet de la pression sur la structure et la dynamique des

flammes turbulentes de prémélange pauvre de méthane-air. Pour caractériser la turbulence, une première série de mesures des échelles caractéristiques temporelles, échelles caractéristiques spatiales, intensité de turbulence et vitesses moyennes est faite pour un écoulement d'air froid. Une autre série est faite pour caractériser la flamme de prémélange à travers l'intensité de combustion, la densité de surface de flamme, les rayons de courbures, les orientations de flammelettes, épaisseurs et instabilités du front de flamme. Les mesures sont faites sur l'installation haute pression de l'ICARE, les moyens d'investigation utilisés sont les diagnostics optiques à savoir le dispositif d'anémométrie laser-Doppler, le dispositif de mesure de diffusion Rayleigh induites par laser, le dispositif de mesure de diffusion de Mie induite par laser.

Le travail de F. Halter est fait sur le même dispositif expérimental en ajoutant de l'hydrogène et la haute pression aux flammes turbulentes pauvres de prémélange méthane-air. Les mêmes techniques de mesures sont utilisées dans ce travail. Contrairement à la première étude qui a commencé par l'étude de l'écoulement froid, celle-ci a commencé par l'étude de la combustion des prémélanges gazeux en régime laminaire, dans une chambre sphérique, pour déterminer les vitesses de combustion pour différents cas de pression, différentes richesses et différents taux d'enrichissement de l'hydrogène. Ensuite, les mesures sont faites dans l'installation haute pression pour étudier l'effet de la pression et de l'hydrogène sur les flammes. L'étude macroscopique de la flamme est faite par le diagnostic de tomographie par plan laser, puis la structure interne de la flamme à l'aide de la diffusion de la lumière par effet Rayleigh 2D.

Dans ces deux études, vu la difficulté des mesures en présence de la réaction et de la pression, la caractérisation des phénomènes a été restreinte sur le rayon à une distance axiale de 5 mm du brûleur et sur l'axe de symétrie. C'est l'origine du présent travail numérique pour compléter les résultats dans toute la chambre de combustion et pour étendre le calcul à toutes les propriétés de l'écoulement réactif. Dans cette étude, le code CFX 5 de l'ICARE a été utilisé pour résoudre les équations de l'écoulement turbulent réactif. Des améliorations de ce code ont été faites, en premier lieu la modification du modèle de turbulence $k-\epsilon$ pour prédire correctement l'épanouissement du jet rond qui va influencer directement les paramètres de la combustion. La deuxième modification faite est l'introduction d'une nouvelle fonction d'efficacité de la combustion [17] dans le modèle EDM, cette dernière permet d'ajuster le modèle en utilisant les paramètres physico-chimiques de la flamme à calculer.

Le présent manuscrit est divisé en 7 chapitres. Le chapitre premier englobe une introduction et une synthèse des travaux ainsi que le but de cette étude.

Le deuxième chapitre présente les équations laminaires du phénomène et les définitions de quelques paramètres utilisés. Le chapitre troisième représente une description phénoménologique de la turbulence et de la combustion et leurs interactions, ainsi qu'une présentation du diagramme de la combustion turbulente. Le quatrième chapitre est une synthèse des modèles de turbulence et un détail du modèle utilisé avec l'amélioration apportée. Le chapitre suivant présente les différentes manières de modéliser la combustion turbulente, il fait le point sur les modèles utilisés et présents dans le code CFX. Le sixième chapitre présente les détails de la méthode numérique utilisée dans CFX pour résoudre les équations de la combustion. Finalement, le dernier chapitre est consacré au calcul numérique et aux résultats.

Les calculs faits sont les suivants :

- Simulation de l'écoulement froid de l'air dans la chambre de combustion pour comparer les résultats avec ceux de L.THIERRY, ensuite introduction de la correction de POPE [19] au modèle k- ϵ .
- Calcul de la combustion prémélangée pauvre (pour une richesse de 0.6, 0.7 et 0.8) du méthane et du méthane enrichi à l'hydrogène (10 et 20%) par le modèle EDM (Eddy Dissipation Model) et introduction de la nouvelle fonction d'efficacité de la combustion.
- Calcul par le modèle TFC (Turbulent Flame Closure) de la combustion pauvre du méthane pure et du méthane enrichi à l'hydrogène en utilisant une chimie détaillée.

Finalement, une étude paramétrique en fonction de la richesse du méthane et du pourcentage de dopage du méthane par l'hydrogène est réalisée.

CHAPITRE II

EQUATIONS DE CONSERVATION POUR LES ECOULEMENTS REACTIFS LAMINAIRES

1) Introduction

Ces dernières années, la simulation numérique et essentiellement la CFD (Computational Fluid Dynamics) est devenue un outil primordial dans le procédé de conception des applications efficaces économiquement et écologiquement.

Les ressources de calcul ont évolué d'une manière exponentielle dans le temps. Actuellement, la simulation numérique de la combustion promet des résultats rapides et peu coûteux pour guider le procédé de la conception. Les applications techniques basées sur la combustion font intervenir la simulation numérique pour prédire les champs dynamiques de l'écoulement, les quantités de chaleur dégagées et les gaz produits. Ces informations sont très intéressantes pour l'optimisation de ces applications.

La combustion fait intervenir plusieurs espèces qui réagissent à travers plusieurs réactions élémentaires (mécanismes réactionnels). Ces espèces sont caractérisées par leurs fractions massiques Y_k pour $k=1$ à N où N est le nombre d'espèces dans le mélange réactif. Les fractions massiques Y_k sont définies par:

$$Y_k = \frac{m_k}{m} \quad (2.1)$$

où m_k est la masse de l'espèce k présente dans un volume donné V et m la masse totale du gaz dans le volume V .

2) Variables de la thermochimie

Pour un mélange de N gaz parfaits, la pression totale est la somme des pressions partielles:

$$p = \sum_{k=1}^N p_k \quad \text{Où} \quad p_k = \rho_k \frac{R}{W_k} T \quad (2.2)$$

où T est la température et R la constante des gaz parfaits,

$\rho_k = \rho Y_k$ et W_k sont respectivement la densité et la masse moléculaire de l'espèce k .

Puisque la densité pour un gaz multi espèces est donnée par :

$$\rho = \sum_{k=1}^N \rho_k \quad (2.3)$$

L'équation d'état est :

$$p = \rho \frac{R}{W} T \quad (2.4)$$

où W est la masse moléculaire moyenne du mélange donné par:

$$\frac{1}{W} = \sum_{k=1}^N \frac{Y_k}{W_k} \quad (2.5)$$

L'enthalpie h_k de l'espèce k est donnée par

$$h_k = h_{s,k} + \Delta h_{f,k}^0 = \underbrace{\int_{T_0}^T C_{pk} dT}_{\text{Sensible}} + \underbrace{\Delta h_{f,k}^0}_{\text{Chimique}} \quad (2.6)$$

L'enthalpie sensible $h_{s,k}$ est produite par la réaction chimique, elle est nulle à $T=T_0$.

L'enthalpie chimique ou de formation $\Delta h_{f,k}^0$ représente l'enthalpie nécessaire pour former un kilogramme de l'espèce k .

C_{pk} , chaleur spécifique à pression constante de l'espèce k , est donnée pour un gaz parfait [20] diatomique par :

$$C_{pk} = 2.5 \frac{R}{W_k} \quad (2.7)$$

L'enthalpie du mélange est obtenue en faisant la somme sur toutes les espèces :

$$h = \sum_{k=1}^N h_k Y_k = \int_{T_0}^T C_p dT + \sum_{k=1}^N \Delta h_{f,k}^0 Y_k \quad (2.8)$$

où la chaleur spécifique à pression constante du mélange C_p est donnée par

$$C_p = \sum_{k=1}^N C_{pk} Y_k \quad (2.9)$$

L'énergie interne $e = h - (p/\rho)$ est donnée par

$$e = \int_{T_0}^T C_v dT - RT_0/W + \sum_{k=1}^N \Delta h_{f,k}^0 Y_k = \sum_{k=1}^N e_k Y_k \quad (2.10)$$

où la chaleur spécifique à volume constant du mélange C_v est donnée par

$$C_v = C_p - r \quad (2.11)$$

avec r la constante du gaz

$$r = \frac{R}{W} = R \sum_{k=1}^N \frac{Y_k}{W_k} \quad (2.12)$$

La constante universelle des gaz parfaits est désignée $R=8.3143 \text{ J/(mol K)}$. La masse moléculaire du mélange est W , celle de chaque espèce k est W_k et le nombre total des espèces est N .

3) Equations de conservation de masse et d'espèces

L'équation de conservation de la masse totale pour un écoulement réactif est similaire à celle d'un écoulement inerte car la combustion ne génère pas de masse.

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial \rho u_i}{\partial x_i} = 0 \quad (2.13)$$

L'équation de conservation de masse pour l'espèce k s'écrit:

$$\frac{\partial \rho Y_k}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho (u_i + V_{k,i}) Y_k) = \dot{\omega}_k \quad \text{pour } k=1, N \quad (2.14)$$

avec $V_{k,i}$, la composante i de la vitesse de diffusion V_k de l'espèce k et $\dot{\omega}_k$ est le taux de production de l'espèce k .

Généralement, la vitesse de diffusion est donnée par la loi de Fick sous la forme:

$$V_{k,i} = -D_k \frac{1}{Y_k} \frac{\partial Y_k}{\partial x_i} \quad \text{pour } k = 1, \dots, N_{k-1} \quad (2.15)$$

où D_k est le coefficient de diffusion de l'espèce k dans le mélange.

L'équation de conservation de l'espèce k devient:

$$\frac{\partial \rho Y_k}{\partial t} + \frac{\partial \rho u_i Y_k}{\partial x_i} = \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\rho D_k \frac{\partial Y_k}{\partial x_i} \right) + \dot{\omega}_k \quad \text{pour } k = 1, \dots, N_k \quad (2.16)$$

Dans cette équation, la diffusion de masse due aux gradients de température est négligée.

4) Equations de la quantité de mouvement

L'équation de la quantité de mouvement se trouve inchangée par la réaction chimique, elle s'écrit :

$$\frac{\partial}{\partial t} \rho u_j + \frac{\partial}{\partial x_i} \rho u_i u_j = -\frac{\partial P}{\partial x_j} + \frac{\partial \tau_{ij}}{\partial x_i} + \rho \sum_{k=1}^N Y_k f_{k,j} = \frac{\partial \sigma_{ij}}{\partial x_i} + \rho \sum_{k=1}^N Y_k f_{k,j} \quad (2.17)$$

où $f_{k,j}$ est la force de volume agissant sur l'espèce k dans la direction j et τ_{ij} est le tenseur visqueux, donné par :

$$\tau_{ij} = -\frac{2}{3} \mu \frac{\partial u_k}{\partial x_k} \delta_{ij} + \mu \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) \quad (2.18)$$

Le tenseur σ_{ij} combine la pression et le tenseur visqueux sous la forme suivante :

$$\sigma_{ij} = \tau_{ij} - p\delta_{ij} = -p\delta_{ij} - \frac{2}{3}\mu\frac{\partial u_k}{\partial x_k}\delta_{ij} + \mu\left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i}\right) \quad (2.19)$$

Où μ est la viscosité dynamique et δ_{ij} est le symbole de Kröner.

5) Equations de la conservation d'énergie

C'est l'équation la plus affectée par la combustion, elle peut être écrite sous plusieurs formes, une des plus utilisées est celle de l'enthalpie sensible :

$$\frac{\partial \rho h_s}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i}(\rho u_i h_s) = \dot{\omega}_T + \dot{Q} + \frac{DP}{Dt} + \frac{\partial}{\partial x_i}\left(\lambda \frac{\partial T}{\partial x_i}\right) + \tau_{ij} \frac{\partial u_i}{\partial x_j} - \frac{\partial}{\partial x_i}\left(\rho \sum_{k=1}^N V_{k,i} Y_k h_{s,k}\right) \quad (2.20)$$

Le flux d'énergie $\lambda \partial T / \partial x_i$ est le terme de diffusion de chaleur exprimé par la loi de Fourier.

Un second terme $\rho \sum_{k=1}^N h_k Y_k V_{k,i}$ associe la diffusion de différentes espèces avec des enthalpies différentes. Le terme \dot{Q} représente la source de chaleur due par exemple à un laser ou un arc électrique. Le terme $\dot{\omega}_T$ est le dégagement de chaleur dû à la combustion, il est donné par :

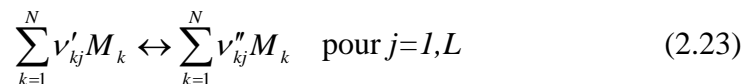
$$\dot{\omega}_T = -\sum_{k=1}^N \Delta h_{f,k}^0 \dot{\omega}_k \quad (2.21)$$

Le système d'équations de Navier-stokes pour un écoulement réactif est fermé par l'équation d'état pour un gaz parfait.

$$P = \rho r T \quad (2.22)$$

6) Cinétique chimique

On considère un système chimique (mécanisme réactionnel) de N espèces qui réagissent à travers L réactions.



Où M_k est le symbole chimique de l'espèce k , ν'_{kj} et ν''_{kj} sont les coefficients stœchiométriques molaires de l'espèce k dans la réaction j .

Le taux de réaction massique global $\dot{\omega}_k$ est la somme des taux $\dot{\omega}_{kj}$ produit par les L réactions :

$$\dot{\omega}_k = \sum_{j=1}^L \dot{\omega}_{kj} = W_k \sum_{j=1}^L \nu_{kj} Q_j \quad \text{Avec } Q_j = \frac{\dot{\omega}_{kj}}{W_k \nu_{kj}} \quad (2.24)$$

Où $\nu_{kj} = \nu_{kj}'' - \nu_{kj}'$ et Q_j est le taux de progression de la réaction j , il est donné par [20]:

$$Q_j = K_{fj} \prod_{k=1}^N \left(\frac{\rho Y_k}{M_k} \right)^{\nu_{kj}'} - K_{bj} \prod_{k=1}^N \left(\frac{\rho Y_k}{M_k} \right)^{\nu_{kj}''} \quad (2.25)$$

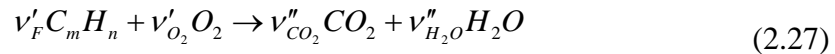
Avec K_{fj} et K_{bj} sont les taux direct et inverse de la réaction j . $\rho Y_k / W_k$ est la concentration molaire de l'espèce k . Ces taux constituent un problème central dans la modélisation de la combustion. Ils sont toujours modélisés en utilisant la loi empirique d'Arrhenius:

$$K_{fj} = A_{fj} T^{\beta_j} \exp\left(-\frac{E_j}{RT}\right) = A_f T^{\beta_j} \exp\left(-\frac{T_{aj}}{T}\right) \quad (2.26)$$

La connaissance de taux d'avancement individuel Q_j de chaque réaction nécessite la connaissance de la constante A_{fj} , l'exposant de la température β_j et la température d'activation T_{aj} (ou l'énergie d'activation $E_j = RT_{aj}$). Avant d'identifier ces constantes, un autre défi est l'identification des espèces et des réactions à inclure dans le mécanisme réactionnel.

7) Facteurs stœchiométriques

En combustion, il est pratique de relier les fractions massiques des réactifs à celles des produits par rapport à une condition stœchiométrique. Cette condition est définie comme étant l'état dans lequel tout le combustible et le comburant sont consommés et les produits sont dans leur état le plus stable. Considérons l'équation représentative de la combustion d'un hydrocarbure :



Les coefficients stœchiométriques sont définis par

$$\nu'_F = 1, \quad \nu'_{O_2} = m + \frac{n}{4}, \quad \nu''_{CO_2} = m \quad \text{et} \quad \nu''_{H_2O} = \frac{n}{2}$$

On définit le rapport stœchiométrique de masse s qui représente la masse minimale d'oxydant par unité de masse du combustible nécessaire pour une combustion complète :

$$s = \left(\frac{Y_O}{Y_F} \right) = \frac{v'_O W_O}{v'_F W_F} \quad (2.28)$$

On définit aussi le coefficient d'excès d'air λ par le rapport suivant :

$$\lambda = \left(\frac{Y_F}{Y_O} \right) / \left(\frac{Y_F}{Y_O} \right)_{st} = \frac{1}{s} \frac{Y_O}{Y_F} \quad (2.29)$$

Un autre paramètre fréquent correspondant à la réciproque du coefficient d'excès d'air est la richesse ϕ définie par :

$$\phi = \frac{1}{\lambda} = \left(\frac{Y_F}{Y_O} \right)_{st} / \left(\frac{Y_F}{Y_O} \right) \quad (2.30)$$

λ et ϕ sont limités par zéro et l'infini, ils peuvent classier le mélange réactif en trois catégories :

- Mélange riche : $0 < \phi < 1$ ou $1 < \lambda < \infty$
- Mélange stœchiométrique : $\phi = 1$ ou $\lambda = 1$
- Mélange pauvre : $1 < \phi < \infty$ ou $0 < \lambda < 1$

8) Conclusion

Dans ce chapitre, on a décrit les différentes variables qui vont être utilisées dans l'écoulement réactif. On a aussi écrit les équations de conservations pour l'écoulement réactif laminaire, à savoir : l'équation de la continuité, l'équation de la quantité de mouvement, l'équation d'énergie et l'équation de la conservation des espèces.

Dans le chapitre suivant, on va introduire la turbulence et on va réécrire les équations de l'écoulement laminaire pour le cas turbulent.

CHAPITRE III

ECHELLES CARACTERISTIQUES DE LA TURBULENCE ET DE LA COMBUSTION

1) Introduction

Pour modéliser la combustion turbulente, Il est nécessaire de connaître les caractéristiques de la turbulence et de la combustion. Ceci nous permettra de décrire l'interaction entre ces deux phénomènes complexes. Dans ce qui suit, on fera une description phénoménologique de la turbulence avec une introduction de ces échelles caractéristiques et de celles de la combustion.

2) Echelles caractéristiques de la turbulence.

La turbulence est une caractéristique de l'écoulement, elle apparaît lorsque les forces d'inertie sont importantes devant celles de la viscosité. Ces écoulements sont irréguliers et fortement instationnaire. Les écoulements turbulents sont caractérisés par l'existence d'une multitude de tourbillons de tailles différentes. Cela est dû au fait qu'aux grands nombres de Reynolds, les grands tourbillons se divisent en petits tourbillons qui se divisent à leurs tours en plus petits tourbillons. Ce procédé continue jusqu'à la prépondérance des forces visqueuses qui dissipent les plus petits tourbillons. Cette cascade de tourbillons est introduite par la théorie de Kolmogorov pour la turbulence homogène et isotrope [21].

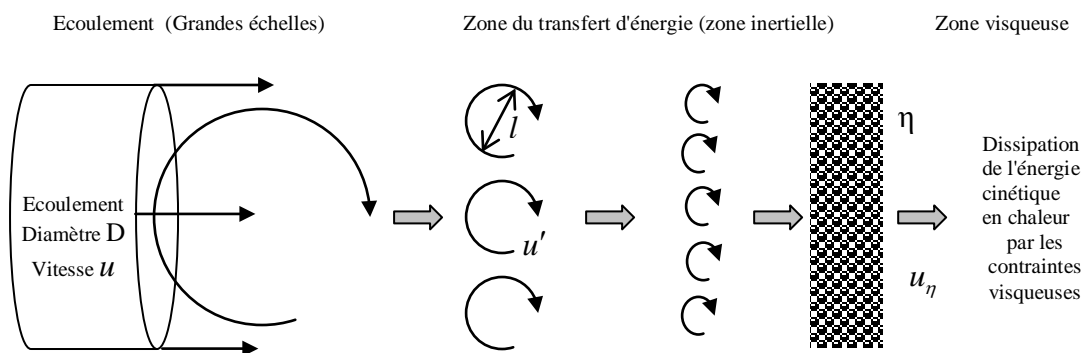


Figure 3.1 Cascade d'énergie de Kolmogorov

Elle suppose que le transfert stationnaire d'énergie des plus grands tourbillons aux plus petits se fait dans la zone dite inertielle de turbulence. Ce transfert d'énergie est local dans le sens où l'énergie d'un tourbillon est seulement transférée au tourbillon de plus petite taille. Cela implique que le taux de transfert d'énergie, i.e. l'énergie cinétique divisée par le temps de

retournement du tourbillon, est indépendant de l'échelle de longueur des tourbillons. Il est constant dans la zone inertielle. Cette invariance est l'hypothèse la plus importante pour les régimes à grands nombres de Reynolds, elle est intégrée dans tous les modèles de turbulence standards.

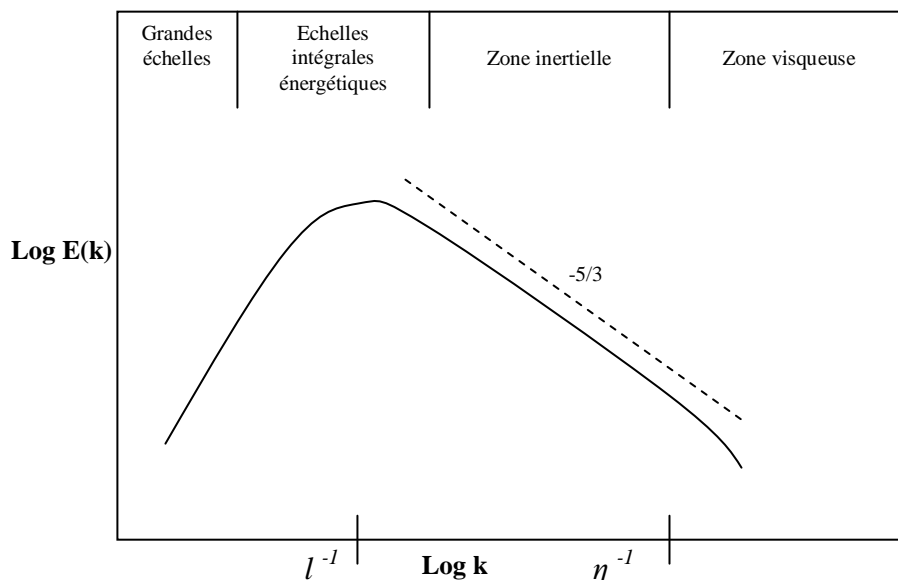


Figure 3.2 : Spectre d'énergie pour une turbulence homogène et isotrope

La figure 3.2 montre le spectre d'énergie $E(k)$ d'une turbulence homogène et isotrope en fonction de la réciproque de la taille du tourbillon (le nombre d'onde k). Le transfert d'énergie constant dans la zone inertielle donne une pente de $-5/3$ qui résulte de l'analyse dimensionnelle et qui est vérifiée par l'expérience [23].

Deux échelles importantes limitant la zone inertielle peuvent être identifiées, l'échelle de Kolmogorov η et intégrale l . L'échelle de Kolmogorov η spécifie les tourbillons les plus petits. A cette échelle, les forces de viscosité dominent, elles transforment l'énergie cinétique des plus petits tourbillons en énergie thermique. L'échelle de Kolmogorov est donc fonction de la viscosité cinématique ν et du taux de dissipation de l'énergie cinétique ε . Elle est déterminée par l'analyse dimensionnelle comme suit :

$$\eta = \left(\frac{\nu^3}{\varepsilon} \right)^{1/4} \quad (3.1)$$

Ainsi, l'échelle de temps de Kolmogorov t_η , qui est proportionnelle au temps de retournement d'un tourbillon de Kolmogorov, peut être calculée par analyse dimensionnelle.

$$t_\eta = \sqrt{\nu/\varepsilon} \quad (3.2)$$

En combinant ces deux équations, la vitesse de retournement d'un tourbillon de Kolmogorov est définie par

$$u_\eta = (\nu\varepsilon)^{1/4} \quad (3.3)$$

L'échelle intégrale l correspond à l'échelle de longueur des tourbillons qui emmagasinent le plus d'énergie. Elle est définie à l'aide de la fonction de corrélation normalisée en deux points de la vitesse [24].

$$R(x,r) = \frac{\overline{u'(x,t)u'(x+r,t)}}{\sqrt{\overline{u'^2(x,t)}}\sqrt{\overline{u'^2(x+r,t)}}} \quad (3.4)$$

La quantité $R(x,r)$ donne la corrélation des fluctuations de la vitesse u' mesurée dans deux points x et $x+r$, indiquant le degré de corrélation des propriétés de la turbulence en deux points distants de r . La fonction de corrélation est égale à l'unité à la limite $r \rightarrow 0$ et diminue asymptotiquement vers zéro pour les grandes valeurs de r .

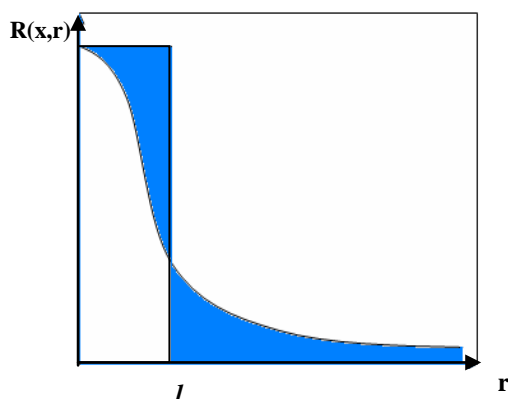


Figure 3.3 : Fonction de corrélation de vitesse

L'échelle intégrale est définie par :

$$l = \int_0^{\infty} R(x,r) dr \quad (3.5)$$

Dans la figure 3.3, l est définie lorsque les zones hachurées au dessus et au dessous de la courbe de la fonction de corrélation sont de tailles égales. L'échelle intégrale l est la distance à partir de laquelle les fluctuations de vitesses ne sont pas corrélées. L'échelle intégrale du temps τ est proportionnelle au temps de retournement d'un tourbillon intégral l/u' , elle est définie par [24] :

$$\tau = k/\varepsilon \quad (3.6)$$

où l'énergie cinétique de turbulence est donnée par

$$k = \frac{1}{2} \overline{u'u'}. \quad (3.7)$$

Suite au transfert d'énergie constant dans la zone inertielle, le taux de dissipation de l'énergie cinétique ε est égal au taux de dissipation de l'énergie cinétique ε^* fourni dans la cascade d'énergie à l'échelle intégrale l . Ce taux d'énergie cinétique ε^* est déterminé par

$$\varepsilon = \varepsilon^* \approx O\left(\frac{u^3}{l}\right) \quad (3.8)$$

3) Echelles caractéristiques d'une flamme.

Les écoulements prémélangés se caractérisent par le fait que le combustible et l'oxydant sont mélangés à une échelle moléculaire. Une augmentation de la température locale, l'ignition, peut démarrer le procédé de la combustion si l'écoulement prémélangé est dans les limites d'inflammabilité [25]. La combustion se fait sous la forme d'un front de flamme se propageant dans l'écoulement.

Le temps caractéristique de la chimie et les échelles de longueurs qui décrivent ces structures sont déterminées par l'étude de la structure interne d'une flamme laminaire de prémélange. La figure 3.4 représente la structure interne d'une flamme laminaire stationnaire. Les zones caractéristiques peuvent être identifiées par : la zone de préchauffage, la couche interne et la couche d'oxydation.

La zone de préchauffage est d'épaisseur $O(l)$, elle est chimiquement inerte avec un équilibre de la convection et la diffusion. Dans cette zone, les gaz frais qui s'approchent de la flamme avec une vitesse S_L sont initialement préchauffés.

La couche interne est une zone mince réactive d'épaisseur $O(\delta)$ [26]. Le combustible est consommé dans cette région avec un équilibre diffusif-réactif. La couche interne est caractérisée par sa température T^0 , qui correspond à la température de passage entre les réactions en chaînes de branchement et de rupture [20]. Le procédé de combustion est maintenu si la couche interne demeure intacte. Les réactions dans la zone interne peuvent s'interrompre si le transport de chaleur et des radicaux vers l'extérieur dépasse leurs productions dans la couche interne, ce qui provoque l'extinction de la flamme.

Dans la couche d'oxydation de taille $O(\varepsilon)$, CO et H_2 s'oxydent pour former CO_2 et H_2O . Ces réactions sont d'une importance mineure par rapport aux caractéristiques de la flamme.

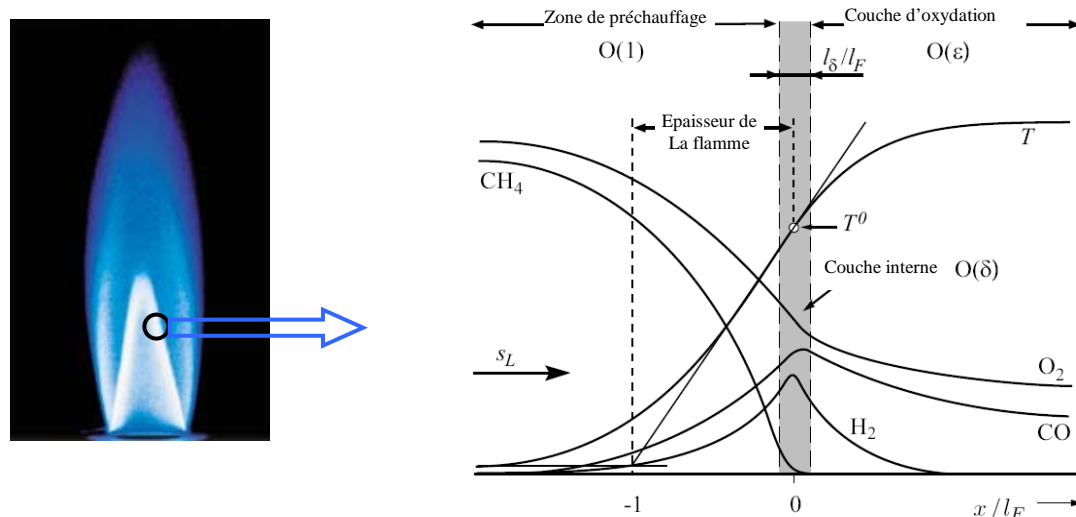


Figure 3.4 : Structure interne d'une flamme laminaire stationnaire de méthane-air

Les échelles caractéristiques de longueur peuvent être identifiées dans la structure de la flamme laminaire. L'épaisseur de la flamme laminaire l_F est approximée par la taille de la zone de préchauffage définie par [26] :

$$l_F = \frac{T^0}{(\partial T / \partial x)^0} = \frac{(\lambda / C_p)^0}{(\rho S_L)} \quad (3.9)$$

où λ est la conductivité thermique, C_p la chaleur spécifique à pression constante, ρ la densité et S_L la vitesse de la flamme laminaire qui décrit la vitesse à laquelle le front de flamme prémélangée se propage dans la direction normale dans le mélange frais (une propriété thermochimique).

4) Régimes de combustion turbulente prémélangée

La compréhension des mécanismes d'interaction entre la turbulence et la combustion est nécessaire pour la modélisation de la combustion turbulente prémélangée. La combustion turbulente prémélangée peut être décrite comme l'interaction entre le front de flamme (défini par son épaisseur l_F et sa vitesse S_L) et un ensemble de tourbillons qui représentent la turbulence. Ces tourbillons ont des échelles de grandeurs de l'échelle de Kolmogorov η à l'échelle intégrale l et les vitesses caractéristiques de la vitesse de Kolmogorov u_η à une fluctuation de vitesse u' .

Pour aboutir aux diagrammes de régimes de la combustion turbulente, il est pratique de supposer des diffusivités D égales pour tous les scalaires réactifs, de prendre un nombre de

Schmidt $Sc = \nu/D = 1$ et de définir l'épaisseur de la flamme l_F et le temps de la flamme t_F comme suit :

$$l_F = D/S_L \quad (3.10)$$

$$t_F = D/S_L^2 \quad (3.11)$$

Le nombre de Reynolds de la turbulence Re_t est le rapport des forces turbulentes inertielles aux forces visqueuses moléculaires. Il est défini en supposant que le nombre de Schmidt est égal à l'unité par :

$$Re_t = \frac{u'l}{\nu} = \frac{u'l}{S_L l_F} \quad (3.12)$$

Le nombre de Damkhöler turbulent Da relie l'échelle de temps intégrale de la turbulence τ à l'échelle de temps de la flamme laminaire t_F par :

$$Da = \frac{\tau}{t_F} = \frac{S_L l}{u'l_F} \quad (3.13)$$

En plus, deux nombres de Karlovitz turbulents peuvent être formulés. Le premier définit le rapport de l'échelle du temps de la flamme t_F à l'échelle de temps de Kolmogorov t_η ,

$$Ka = \frac{t_F}{t_\eta} = \frac{l_F^2}{\eta^2} = \frac{u_\eta^2}{S_L^2} \quad (3.14)$$

Le deuxième nombre de Karlovitz relie l'épaisseur de la couche interne l_δ à l'échelle de longueur de Kolmogorov η ,

$$Ka_\delta = \frac{l_\delta^2}{\eta^2} = \delta^2 Ka \quad (3.15)$$

La relation $l_\delta = \delta l_F$ a été utilisée, la couche interne étant une fraction δ de l'épaisseur de la flamme [26].

Les nombres de Reynolds Re , de Karlovitz Ka et de Damkhöler Da sont reliés par :

$$Re_t = Da^2 Ka^2 \quad (3.16)$$

Ces nombres sont utilisés pour construire les diagrammes de combustion qui permettent de classifier différents régimes de combustion prémélangée.

5) Diagramme de la combustion turbulente prémélangée.

Les diagrammes qui définissent les régimes de la combustion turbulente prémélangée en fonction des rapports des vitesses et des échelles de longueurs ont été proposés par Borghi (1985), Peters (1986), Abdel-Gayed and Bradley (1989), Poinso et al. (1990), et plusieurs autres. Selon ces auteurs, les régimes de la combustion turbulente prémélangée peuvent être identifiés en fonction des rapports de la longueur l/l_F et de la vitesse u'/S_L .

La figure 3.5 montre le diagramme de régimes pour la combustion prémélangée proposé par Peters [27]. En abscisses, le rapport l/l_F mesure la taille des tourbillons de la turbulence qui influent la flamme. En ordonnées le rapport u'/S_L mesure l'intensité de turbulence de l'écoulement. La ligne $Re_t=1$ sépare le régime des flammes laminaires ($Re_t < 1$) de celui des flammes turbulentes ($Re_t > 1$). Quatre régimes de la combustion prémélangée peuvent être identifiés.

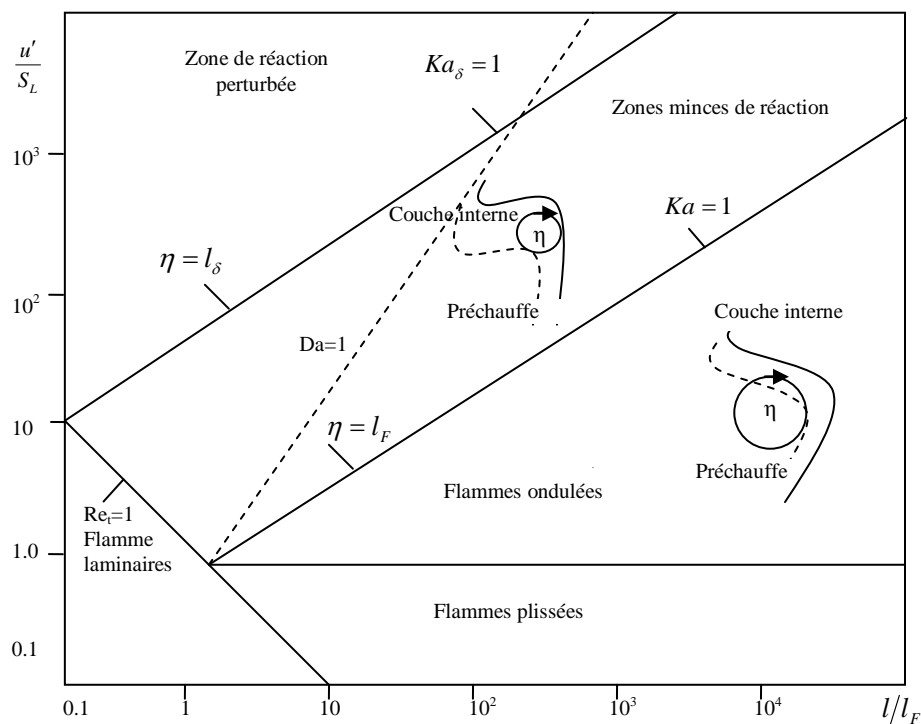


Figure 3.5 : Diagramme de régimes pour la combustion prémélangée

Le premier régime, dit *régime des flammelettes plissées*, est limité par la condition $u'/S_L < 1$. Ici, la vitesse de la flamme laminaire S_L domine toujours la vitesse turbulente des fluctuations u' . Cela veut dire que les déformations du front de flamme dues aux tourbillons sont immédiatement anéanties par la propagation du front de flamme, seulement des petits plissements peuvent être observés. Ce régime est peut important dans les applications techniques où des niveaux de turbulence élevés sont nécessaires pour améliorer le procédé de combustion.

Le second régime est dit régime des *flammelettes ondulées*, il est limité par $u'/S_L \geq 1$ et $Ka < 1$. La vitesse de rotation des tourbillons de grandes échelles est supérieure à la vitesse de la flamme laminaire, ondulant ainsi le front de flamme. La condition $Ka < 1$ implique que les petits tourbillons de taille η sont toujours plus grands que l'épaisseur de la flamme laminaire l_F , ils ne peuvent pas pénétrer dans la structure de la flamme laminaire. L'interaction entre les tourbillons de toutes les tailles et la structure de la flamme laminaire est purement cinétique. Les procédés chimiques et de transport dans la structure de la flamme sont inchangés.

Le troisième régime, dit *régime de la zone de réaction*, il est limité par $Ka \geq 1$ et $Ka_\delta < 1$. La condition $Ka \geq 1$ signifie que les plus petits tourbillons de taille η sont petits par rapport à l'épaisseur de la flamme laminaire l_F . Par conséquent, ils pénètrent dans la structure de la flamme laminaire. Cependant, la condition $Ka_\delta < 1$ implique que les plus petits tourbillons sont toujours plus grands que l'épaisseur de la couche interne l_δ , ils ne peuvent pas y pénétrer. Les tourbillons qui pénètrent dans la zone de préchauffage améliorant le transport des espèces chimiques et de chaleur. Ils ne peuvent pas accéder à la couche interne où les réactions chimiques qui maintiennent la flamme restent essentiellement inaffectées par la turbulence. Les plus petits tourbillons peuvent accéder à la zone d'oxydation où l'influence de la turbulence est limitée car la température et la viscosité sont significativement supérieures à celles des gaz frais. La dissipation des plus petits tourbillons est fortement améliorée.

Le quatrième régime est celui de la *zone de réaction perturbée*, il est limité par $Ka_\delta > 1$. Les plus petits tourbillons pénètrent dans la couche interne, provoquant des ruptures locales des réactions chimiques dues à la perte de chaleur en direction de la zone de préchauffage et induisant une diminution de la température et une perte de radicaux. Dans ce cas, la structure de la flamme prémélangée ne peut pas être préservée et des extinctions locales se produisent.

Dans ce travail, le modèle des flammelettes utilisé est basé sur le régime ondulé et de la zone de réaction mince car tous les écoulements réactifs prémélangés d'intérêt technique se passent dans cette zone.

6) Conclusion

Dans ce chapitre, on a fait une étude phénoménologique de l'interaction entre la turbulence et la flamme prémélangée. Premièrement, une description détaillée des échelles caractéristiques de la turbulence et de la flamme est faite. Ensuite, l'interaction entre ces phénomènes est soulignée par le diagramme des régimes pour la combustion prémélangée. Ce diagramme va permettre de choisir le modèle adéquat de la combustion turbulente.

Dans le chapitre suivant, on va traiter la modélisation quantitative de la turbulence et introduire les différentes approches de modélisations.

CHAPITRE IV
MODELISATION DE LA TURBULENCE

1) Equations de Navier-Stokes moyennes

La turbulence est un phénomène stochastique, une description statistique de la turbulence est nécessaire. D'un point de vue engineering, seulement la moyenne et la variance d'une quantité sont d'un intérêt primaire. Toutes les quantités fluctuantes sont divisées en une partie moyenne et fluctuante,

$$U = \bar{U} + U' \quad (4.1)$$

où la barre montre que la quantité est moyennée, la prime indique la fluctuation. Les quantités moyennes sont calculées par une moyenne d'ensemble sur toutes les réalisations U_k , $k=1,2,\dots,n$ de cette quantité à un point fixe de l'espace et du temps.

$$\bar{U}(x,t) = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n} \sum_{k=1}^n U_k(x,t) \right) \quad (4.2)$$

Dans les écoulements avec gradients importants de densité, une moyenne pondérée par la masse, dite moyenne de Favre est souvent préférée [28],

$$U = \tilde{U} + U'' \quad (4.3)$$

avec

$$\tilde{U} = \frac{\overline{\rho U}}{\rho} \quad (4.4)$$

ici, le tilde montre la moyenne de Favre qui est utilisée pour simplifier l'écriture des équations dans les cas des écoulements à densité variable. La double prime montre la fluctuation de Favre de la quantité. L'application de cette moyenne aux équations de Navier-Stokes réactives donne :

Equation de continuité

$$\frac{\partial \bar{\rho}}{\partial t} + \nabla \cdot (\bar{\rho} \tilde{u}_i) = 0 \quad (4.5)$$

Equation de conservation des espèces

$$\frac{\partial \bar{\rho} \tilde{Y}_k}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\bar{\rho} \tilde{u}_i \tilde{Y}_k) + \frac{\partial}{\partial x_i} (\overline{v_{k,i} Y_k} + \bar{\rho} \tilde{u}_i Y_k'') = \tilde{\omega}_k \quad \text{pour } k=1,N \quad (4.6)$$

Equation de la quantité de mouvement

$$\frac{\partial \overline{\rho \tilde{u}_i}}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\overline{\rho \tilde{u}_i \tilde{u}_j}) + \frac{\partial \overline{P}}{\partial x_i} = \frac{\partial}{\partial x_i} (\overline{\tau_{ij}} - \overline{\rho \tilde{u}_i'' \tilde{u}_j''}) \quad (4.7)$$

Equation d'enthalpie

$$\begin{aligned} \frac{\partial \overline{\rho \tilde{h}_s}}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\overline{\rho \tilde{u}_i \tilde{h}_s}) = \overline{\dot{\omega}_T} + \frac{\overline{DP}}{Dt} + \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\overline{\lambda \frac{\partial T}{\partial x_i}} - \overline{\rho \tilde{u}_i'' \tilde{h}_s''} \right) + \\ \overline{\tau_{ij} \frac{\partial u_i}{\partial x_j}} - \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\overline{\rho \sum_{k=1}^N V_{k,i} Y_k h_{s,k}} \right) \end{aligned} \quad (4.8)$$

avec

$$\frac{\overline{Dp}}{Dt} = \frac{\partial \overline{p}}{\partial t} + u_i \frac{\partial \overline{p}}{\partial x_i} = \frac{\partial \overline{p}}{\partial t} + \tilde{u}_i \frac{\partial \overline{p}}{\partial x_i} + \overline{u_i'' \frac{\partial p}{\partial x_i}}$$

L'équation d'état du gaz parfait moyennée s'écrit :

$$\overline{P} = \overline{\rho r T} \quad (4.9)$$

La prise de la moyenne des équations de Navier-stokes génère trois types de termes non fermés. Le premier qui apparaît dans l'équation de la quantité de mouvement ($\overline{\rho \tilde{u}_i'' \tilde{u}_j''}$) est dit tenseur de contraintes de Reynolds. Le deuxième et troisième, sont les termes de transport turbulent d'énergie ($\overline{\rho \tilde{u}_i'' \tilde{h}_s''}$) et d'espèces ($\overline{\rho \tilde{u}_i'' \tilde{Y}''}$), ils résultent respectivement des équations d'énergie et des fractions massiques moyennées. Ces deux types de termes ouverts sont traités par un modèle de turbulence approprié. Le troisième terme non fermé est le taux moyen de production chimique $\overline{\dot{\omega}_k}$ issu de l'équation des fractions massiques moyennées. La fermeture de ce terme est essentielle dans un modèle de combustion.

Contraintes de Reynolds $\overline{\rho \tilde{u}_i'' \tilde{u}_j''}$

La fermeture de ces termes doit être prise en compte par le modèle de turbulence, cela peut se faire directement par une relation algébrique (par exemple le modèle de Prandtl de longueur de mélange), où par des équations pour les contraintes de Reynolds (par exemple le modèle $k-\varepsilon$ ou RSM). La majorité des modèles de turbulence sont développés pour les écoulements non réactifs et ne tiennent pas compte explicitement de l'effet du dégagement de la chaleur sur les contraintes de Reynolds.

Flux turbulents d'espèces $\overline{\rho u_i'' Y_k''}$ et d'enthalpie $\overline{\rho u_i'' h_s''}$

Généralement, ces flux sont modélisés par une fermeture classique en gradient

$$\overline{\rho u_i'' Y_k''} = - \frac{\mu_t}{Sc_{kt}} \frac{\partial \tilde{Y}_k}{\partial x_i} \quad (4.10)$$

où μ_t est la viscosité turbulente calculée du modèle de turbulence. Sc_{kt} est un nombre de Schmidt turbulent pour l'espèce k . Plusieurs travaux ont montré que cette fermeture n'est pas correcte dans quelques flammes turbulentes prémélangées où le transport en contre gradient existe (direction opposée à celle supposée par l'expression 4.10).

Taux de réaction des espèces chimiques

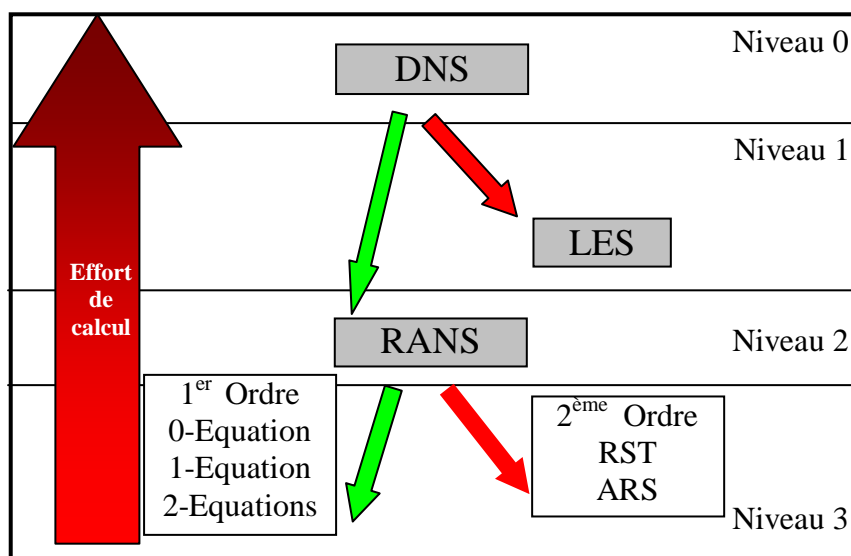
Le terme $\tilde{\omega}_k$ est l'objet de la majorité des travaux qui ont été fait dans la modélisation de la combustion turbulente. Sa modélisation va être détaillée dans le chapitre suivant, les autres termes sont généralement négligés par rapport au transport turbulent.

2) Modélisation de la turbulence

Dans un écoulement turbulent, les molécules bougent de façon aléatoire le long de trajectoires irrégulières. Le fort mouvement chaotique provoque le mélange intensif des couches de fluide. A cause de l'augmentation de l'échange de quantité de mouvement et d'énergie entre les molécules et les parois solides, les écoulements turbulents donnent dans les mêmes conditions, des échanges de chaleur et des frottements pariétaux plus importants comparés aux écoulements laminaires.

Bien que les fluctuations sont chaotiques, les variables de l'écoulement sont de nature déterminante. La simulation numérique des écoulements turbulents continue toujours à rencontrer des problèmes significatifs. Malgré les performances des supercalculateurs modernes, la résolution directe des équations instationnaires de Navier-Stokes (où DNS: Direct Numerical Simulation) [28] n'est applicable que pour des cas relativement simples à bas nombres de Reynolds. Par conséquent, l'approximation de la turbulence reste la seule issue. Pour cela, une large gamme de modèles de turbulence est développée et l'effort continue jusqu'à ce jour. Il existe cinq classes principales des modèles de turbulence : modèle algébrique, à une équation, à plusieurs équations, fermeture du second ordre (RSM Reynolds Stress Models) et simulation des grandes échelles LES (Large Eddy Simulation).

Les trois premiers modèles sont dits à fermetures du premier ordre. Ils sont basés sur l'hypothèse de la *viscosité turbulente* de Boussinesq [29],[30]. Un aperçu des classes de modèles de turbulence est montré par la figure 4.1



DNS: Direct Numerical Simulation. LES: Large Eddy Simulation. RANS: Reynolds Averaged Navier Stokes equations
 1er Ordre : Fermetures du premier ordre. 2ème Ordre : Fermetures du deuxième ordre.
 RST: Reynolds Stress Transport models. ARS: Algebraic Reynolds Stress models.
 0-, 1-, 2-Eq. = Zéro- (algébrique), une-, deux équations (modèle à).

Figure 4.1 Aperçu sur les différents modèles de turbulence

2.1) Simulation numérique directe (DNS):

C'est l'approche la plus précise pour la simulation de la turbulence où les équations instantanées de Navier-Stokes sont résolues. Dans ce cas, le domaine de calcul doit être aussi large que le plus grand tourbillon. Comme référence de longueur, on peut prendre l'échelle intégrale de longueur définie dans (Chap.III eq. 3.5). De plus, dans une DNS valide, les plus petits tourbillons doivent être également résolus explicitement. Par conséquent, le maillage numérique doit avoir des cellules de taille comparable avec l'échelle de longueur de Kolmogorov (Chap. III eq. 3.1) pour l'écoulement considéré. Si on utilise une discrétisation uniforme du domaine de calcul et on prend en compte les contraintes des échelles de longueurs, le coût du calcul peut être estimé [26]. Pour les écoulements froids, le nombre de mailles N nécessaires est de l'ordre de $Re_t^{9/4}$; avec Re_t est le nombre de Reynolds de la turbulence basé sur les fluctuations u' et l'échelle intégrale l :

$$Re_t = Re(l) = \frac{u'l}{\nu} \quad (4.11)$$

Pour la combustion turbulente, les maillages doivent être fins pour capter la structure interne de la flamme. Poinso et Veynante ont donné [28] la relation suivante pour la génération du maillage:

$$\text{Re}_t Da < \left(\frac{N}{Q}\right)^2 \quad (4.12)$$

Où Q est le nombre de mailles nécessaires pour la résolution des échelles chimiques.

Aujourd'hui, les études DNS sont restreintes sur des petites géométries avec des faibles nombres de Reynolds. Cependant, la DNS devient un outil précieux pour la compréhension des écoulements turbulents avec ou sans réaction, ses solutions permettent une analyse profonde des phénomènes isolés et interviennent dans le développement des modèles.

2.2) Simulation numérique des grandes échelles (LES)

La LES est basée sur l'observation des petites structures turbulentes qui ont un caractère plus universel [31] que les grandes. L'idée est de calculer la contribution des grandes échelles énergétiques, responsables du transfert de la quantité de mouvement et d'énergie, et de modéliser l'effet des petites structures qui ne sont pas résolues par le schéma numérique. Vu le caractère universel et homogène des petites structures, on peut s'attendre que les modèles dits de *sous mailles* soient plus simples que les modèles pour les équations RANS. L'approche LES représente la solution instationnaire tridimensionnelle des équations. Elle est moins chère que la DNS, le nombre de mailles nécessaire pour la résolution est de l'ordre de $\text{Re}_t^{1,8}$ [32]. Cela fait que la LES peut résoudre des problèmes d'engineering à prix raisonnable.

2.3) Fermetures du premier ordre

Ce type de fermetures représente la méthode la plus facile pour approximer les contraintes de Reynolds. Elles sont basées sur le principe de la viscosité turbulente de Boussinesq qui s'écrit pour de la moyenne de Favre et de Reynolds des équations de Navier-Stokes [32]:

$$-\overline{\rho \tilde{u}_i \tilde{u}_j''} = 2\mu_t \tilde{S}_{ij} - \frac{2}{3}\mu_t \frac{\partial \tilde{u}_k}{\partial x_k} \delta_{ij} - \frac{2}{3}\tilde{\rho} \tilde{k} \delta_{ij} \quad (4.13)$$

avec

$$\tilde{S}_{ij} = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial \tilde{u}_i}{\partial x_j} + \frac{\partial \tilde{u}_j}{\partial x_i} \right) \quad (4.14)$$

Ce principe découle de la supposition que les procédés de transport turbulent peuvent être modélisés analogiquement aux procédés de transport moléculaires, par les gradients des vitesses de l'écoulement moyen (Chap. II éq. 2.18). Le rôle du modèle de turbulence est de calculer la viscosité turbulente μ_t . Parmi ces modèles, on va citer celui utilisé dans cette étude, le modèle k - ε .

2.3.1) Modèle de turbulence k - ε

L'objectif de ce modèle est de donner une fermeture, à une échelle intégrale l , pour le tenseur de Reynolds et pour les termes de transport turbulent dans les équations de Navier-Stokes moyennées. Ce modèle utilise le principe de la viscosité turbulente μ_t qui est propriété du champ de l'écoulement turbulent et pas du mélange gazeux. Par analyse dimensionnelle, μ_t est reliée à l'échelle intégrale l et à la fluctuation de la vitesse u' par [32] :

$$\mu_t = C_\mu \bar{\rho} \tilde{k}^2 / \tilde{\varepsilon} \quad \text{Avec} \quad C_\mu = 0.09 \quad (4.15)$$

où $\tilde{\varepsilon}$ est le taux de dissipation turbulent de \tilde{k} .

Si on admit une isotropie locale de la turbulence, l'équation de transport de \tilde{k} est obtenue par sommation de la trace du tenseur de contrainte de Reynolds :

$$\frac{\partial \bar{\rho} \tilde{k}}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\bar{\rho} \tilde{u}_i \tilde{k}) = \frac{\partial}{\partial x_i} \left[\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_k} \right) \frac{\partial \tilde{k}}{\partial x_i} \right] - P_k - \bar{\rho} \tilde{\varepsilon} \quad (4.16)$$

L'équation de transport de $\tilde{\varepsilon}$ peut être modélisée analogiquement à celle de \tilde{k} donnant :

$$\frac{\partial \bar{\rho} \tilde{\varepsilon}}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\bar{\rho} \tilde{u}_i \tilde{\varepsilon}) = \frac{\partial}{\partial x_i} \left[\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_\varepsilon} \right) \frac{\partial \tilde{\varepsilon}}{\partial x_i} \right] - C_{\varepsilon 1} \frac{\tilde{\varepsilon}}{\tilde{k}} P_k - C_{\varepsilon 2} \frac{\tilde{\varepsilon}}{\tilde{k}} \bar{\rho} \tilde{\varepsilon} \quad (4.17)$$

avec le taux de production de l'énergie de turbulence donné par :

$$P_k = \mu_t \left(\frac{\partial \tilde{u}_i}{\partial x_j} + \frac{\partial \tilde{u}_j}{\partial x_i} \right) \frac{\partial \tilde{u}_i}{\partial x_j} - \frac{2}{3} \left(\bar{\rho} \tilde{k} + \mu_t \frac{\partial \tilde{u}_i}{\partial x_i} \right) \frac{\partial \tilde{u}_i}{\partial x_i} \quad (4.18)$$

Les cinq constantes du modèle standard k - ε sont données dans la table 4.1. Ces valeurs sont déterminées de l'expérience pour une étude des écoulements cisailés.

C_μ	$C_{\varepsilon 1}$	$C_{\varepsilon 2}$	σ_k	σ_ε
0.09	1.44	1.92	1.0	1.3

Table 4.1 Constantes du modèle k - ε standard

Une discussion détaillée de la dérivation de ces équations est trouvée dans [22]. Avec ce jeu de constantes le modèle k - ε calcule avec précision plusieurs types d'écoulement libres et confinés. Cependant, il est bien connu qu'il surestime l'épanouissement dans les écoulements des jets axisymétriques. Plusieurs tentatives de corrections ont porté sur la modification des constantes du modèle. Particulièrement, dans le but de diminuer l'angle du cône potentiel, la constante $C_{\varepsilon 1}$ est augmenté à une valeur de 1.52 [33] ou 1.6 [36]. Une autre tentative est d'augmenter le terme source du taux de dissipation de l'énergie cinétique $\tilde{\varepsilon}$, Lindstedt et al. [34] qui ont diminué la constante $C_{\varepsilon 2}$ de 1.92 à 1.8.

2.3.2) Correction de Pope.

S. Pope a proposé une explication physique du problème du modèle k - ε [19], selon laquelle il remarque que dans les écoulements axisymétriques, les tourbillons toriques (figure 4.2) qui entourent le jet vont être étirés, ce qui provoque un taux de dissipation $\tilde{\varepsilon}$ plus important comparativement au cas plan. Mathématiquement, cette correction introduit un nouveau terme source dans l'équation de $\tilde{\varepsilon}$ qui s'écrit :

$$\frac{\partial \bar{\rho} \tilde{\varepsilon}}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\bar{\rho} \tilde{u}_i \tilde{\varepsilon}) = \frac{\partial}{\partial x_i} \left[\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_\varepsilon} \right) \frac{\partial \tilde{\varepsilon}}{\partial x_i} \right] - C_{\varepsilon 1} \frac{\tilde{\varepsilon}}{\tilde{k}} P_k + (C_{\varepsilon 3} \tilde{\kappa} - C_{\varepsilon 2}) \bar{\rho} \frac{\tilde{\varepsilon}^2}{\tilde{k}} \quad (4.19)$$

avec :

$$\tilde{\kappa} = \tilde{\omega}_{ij} \tilde{\omega}_{jk} \tilde{S}_{ki} \quad (4.20)$$

$$\tilde{\omega}_{ij} = \frac{1}{2} \frac{\tilde{k}}{\tilde{\varepsilon}} \left(\frac{\partial \tilde{u}_i}{\partial x_j} - \frac{\partial \tilde{u}_j}{\partial x_i} \right) \quad (4.21)$$

$$\tilde{S}_{ij} = \frac{1}{2} \frac{\tilde{k}}{\tilde{\varepsilon}} \left(\frac{\partial \tilde{u}_i}{\partial x_j} + \frac{\partial \tilde{u}_j}{\partial x_i} \right) \quad (4.22)$$

dans le cas d'un écoulement axisymétrique sans pré rotation, l'invariant $\tilde{\kappa}$ se réduit à :

$$\tilde{\kappa} = \frac{1}{4} \left(\frac{\tilde{k}}{\tilde{\varepsilon}} \right)^3 \left(\frac{\partial \tilde{u}}{\partial r} - \frac{\partial \tilde{v}}{\partial x} \right)^2 \frac{\tilde{v}^2}{r} \quad (4.23)$$

L'étirement des tourbillons n'intervient pas dans les écoulements plans, limitant ainsi la correction aux cas axisymétriques seulement. Pour avoir une bonne concordance entre la similitude et l'expérience des jets ronds turbulents, Pope donne une valeur de $C_{\varepsilon 3}=0.79$ issue de l'expérience dans le cas des jets ronds libres incompressibles.

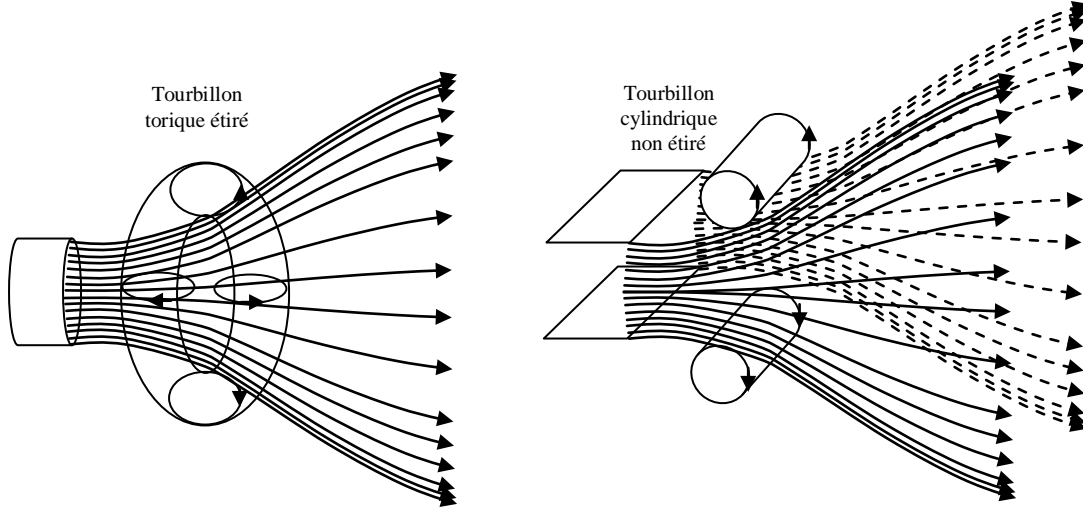


Figure 4.2 : (a) Jet rond axisymétrique (b) Jet avec plan de symétrie

2.4) Fermetures du second ordre

Il est possible de dériver des équations exactes pour les contraintes de Reynolds en prenant la moyenne temporelle (moment du second ordre).

$$\overline{u'_i N(u_j) + u'_j N(u_i)} = 0 \quad (4.24)$$

Où $N(u_i)$ est l'opérateur Navier-Stokes, i.e.,

$$N(u_i) = \rho \frac{\partial u_i}{\partial t} + \rho u_j \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial p}{\partial x_i} - \mu \nabla^2 u_i \quad (4.25)$$

En utilisant la moyenne Eq (4.24) avec l'éq (4.25), on obtient l'équation du transport des contraintes de Reynolds pour un écoulement incompressible donnée par:

$$\frac{\partial \tau_{ij}^R}{\partial t} + \bar{u}_k \frac{\partial \tau_{ij}^R}{\partial x_k} = P_{ij} + \Pi_{ij} - \varepsilon_{ij} - \frac{\partial C_{ijk}}{\partial x_k} + \mu \nabla^2 \tau_{ij}^R \quad (4.26)$$

avec P_{ij} est la production de l'énergie cinétique de turbulence, Π_{ij} le terme des contraintes de pression, ε_{ij} le terme du taux de dissipation et C_{ijk} est le terme de diffusion du troisième ordre, ils sont donnés par :

$$P_{ij} = -\tau_{ij}^R \frac{\partial \bar{u}_j}{\partial x_k} - \tau_{ij}^R \frac{\partial \bar{u}_i}{\partial x_k} \quad (4.27)$$

$$\Pi_{ij} = \overline{p' \left(\frac{\partial u'_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u'_j}{\partial x_i} \right)} = 2 \overline{p' S'_{ij}} \quad (4.28)$$

$$\varepsilon_{ij} = 2\mu \frac{\partial u'_i}{\partial x_k} \frac{\partial u'_j}{\partial x_k} \quad (4.29)$$

$$C_{ijk} = \overline{\rho u'_i u'_j u'_k} + \overline{p' u'_i} \delta_{jk} + \overline{p' u'_j} \delta_{ik} \quad (4.30)$$

La partie S'_{ij} est la partie fluctuante du tenseur de contraintes. La première partie de C_{ijk} est le terme de triple vitesse, il représente le transport par la convection fluctuante. Les deux autres termes sont les termes de transport de pression (corrélation vitesse pression). On remarque que l'équation des contraintes de Reynolds contient une autre inconnue d'ordre supérieur ($\overline{\rho u'_i u'_j u'_k}$). L'équation 4.30 peut être fermée par une formulation empirique, cela est dû à la nature non linéaire des équations de Navier-Stokes.

3) Conclusion

Cette synthèse bibliographique sur les différentes approches de modélisation a montré le progrès réalisé dans les écoulements turbulents. Particulièrement, on a mis en évidence les caractéristiques de l'approche RANS et les propriétés du modèle $k-\varepsilon$ qui est sollicité dans ce travail.

Dans le chapitre suivant, on proposera une classification selon la nature de la chimie (très rapide, rapide ou modérée) des principaux modèles de combustion turbulente employé avec l'approche RANS. Les modèles de combustion utilisés sont également exposés et analysés.

CHAPITRE V

MODELISATION DE LA COMBUSTION TURBULENTE PREMELANGEE

1) Introduction

La description phénoménologique et les diagrammes de combustion turbulente sont nécessaires pour comprendre le phénomène, mais ils ne donnent aucune base mathématique pour la simulation numérique. Le système d'équations réactives de Navier-stokes avec un mécanisme réactionnel élémentaire décrivent le fondement physique et chimique de la combustion turbulente prémélangée.

D'une part, les échelles de temps des réactions chimiques sont généralement inférieures aux petites échelles de temps de la turbulence, donnant ainsi un système d'équations différentielles très complexe, non-linéaire et couplé. Par comparaison avec les calculs DNS des écoulements turbulents non réactifs, les efforts de calcul pour un écoulement réactif dépassent largement les ressources de calcul disponibles aujourd'hui et dans un futur moyen. Le calcul DNS pour les écoulements réactifs prémélangés se limitent à des cas isolés avec des mécanismes réactionnels réduits.

D'autre part, l'effort de calcul peut être réduit à un niveau acceptable si les équations moyennes réactives sont résolues en lieu et place des équations instantanées. Comme la prise de la moyenne donne naissance à d'autres termes ouverts, la modélisation est inévitable dans ce cas. Dans la combustion prémélangée, les modèles peuvent être classifiés selon leurs hypothèses de modélisation en trois groupes principaux :

Modèles contrôlés par la turbulence, modèles PDF (Probability Density function) et modèles des flammelettes. Dans les sections suivantes un exemple de chaque groupe sera brièvement décrit.

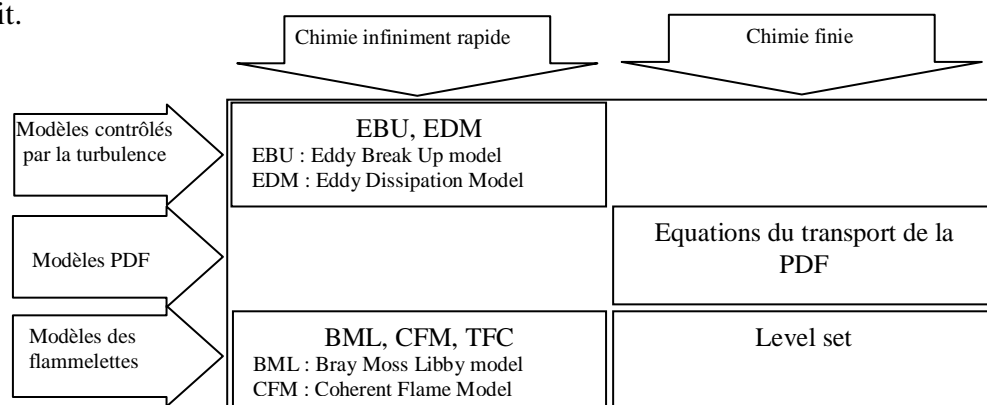


Figure 5.1 : Aperçu sur les modèles de combustion turbulente

2) Variable d'avancement de la réaction

L'avancement de la réaction ou de la flamme est le résultat d'un grand nombre de réactions chimiques élémentaires. Pour l'hydrocarbure le plus simple, une dizaine d'espèces intermédiaires et une centaine de réactions chimiques sont nécessaires. Cependant, il faut noter que peu de réactions influentes sur le processus général. Par conséquent, l'avancement chimique peut être représenté par peu de variables et dans le cas le plus simple par une variable d'avancement de la réaction c . Cette variable doit être normalisée, elle varie entre zéro (pour le mélange frais) et un (pour le gaz brûlé) figure 5.1.

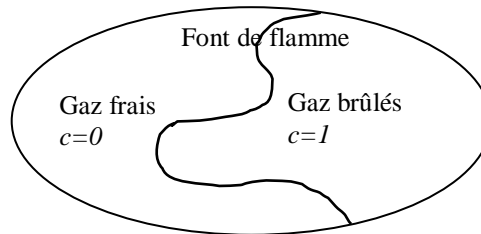


Figure 5.1 Définition de la variable d'avancement

Dans les systèmes adiabatiques fermés, la température varie d'une manière monotone en fonction du procédé chimique. Dans ce cas, une fonction de la température normalisée peut définir la variable d'avancement de la réaction c :

$$c = \frac{T - T_f}{T_b - T_f} \quad (5.1)$$

où T représente la température locale effective, T_f la température des gaz frais et T_b la température des gaz complètement brûlés.

La variable d'avancement peut être également basée sur une fraction normalisée d'une espèce des réactifs ou de produit stable de la combustion. Par exemple, Ferreira [36] utilise la définition suivante :

$$c = \frac{Y_F - Y_{F,f}}{Y_{F,b} - Y_{F,f}} \quad (5.1a)$$

avec Y_F la fraction massique réelle locale du combustible, $Y_{F,f}$ et $Y_{F,b}$ sont respectivement les fractions massiques dans les conditions fraîches et brûlées.

L'équation de transport donnant la variable d'avancement c peut être écrite sous la forme :

$$\frac{\partial \rho c}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho u_i c) = \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\rho D \frac{\partial c}{\partial x_i} \right) + \dot{\omega}_c \quad (5.2)$$

3) Fraction de mélange

C'est un scalaire chimiquement inerte défini par Z , il permet la mesure du degré de mélange du combustible et du comburant. Les valeurs de Z sont comprises entre 0 (dans le comburant) et 1 (dans le combustible). De ce fait la structure de la flamme peut être décrite en fonction de ce paramètre, Z est défini par [37] :

$$Z = \frac{\beta - \beta_{\min}}{\beta_{\max} - \beta_{\min}} \quad (5.3)$$

avec β une propriété conservée qui peut être une propriété extensive du fluide. β ne peut être ni produite ni consommée, elle est normalisée par ses valeurs minimales et maximales pour donner la fraction de mélange Z .

Intuitivement, la fraction de mélange peut être obtenue pour le cas des diffusivités égales de toutes les espèces. Les variations des fractions massiques de l'oxygène et du combustible (notés par les indices O_2 et F) sont reliés par :

$$\frac{dY_{O_2}}{v'_{O_2} W_{O_2}} = \frac{dY_F}{v'_F W_F} \quad (5.4)$$

En intégrant cette relation de l'état frais à l'état intermédiaire réactif et en utilisant la définition du rapport stœchiométrique de la masse s , on obtient :

$$sY_F - Y_{O_2} = sY_{F,f} - Y_{O_2,f} \quad (5.5)$$

Comme l'état intermédiaire est arbitraire et l'état frais (noté par f) est conservé, l'équation (5.5) définit un scalaire conservé connu sous le nom de la variable de couplage de Shvab-Zel'dovich :

$$\beta = sY_F - Y_{O_2} \quad (5.6)$$

Dans les cas pratiques, les chambres de combustion sont très complexes. Cependant, le procédé physique peut être simplifié au mélange du combustible et du comburant, le cas de l'injection séparée est le plus simple à considérer (figure 5.2).

$$Z = \frac{sY_F - Y_{O_2} + Y_{O_2,2}}{sY_{F,1} + Y_{O_2,2}} \quad (5.7)$$

Pour un mélange stœchiométrique, on obtient :

$$Z_{st} = \frac{1}{1 + (sY_{F,1}/Y_{O_2,2})} \quad (5.8)$$

Dans ce cas, les valeurs minimale et maximale du scalaire conservé β_{max} et β_{min} correspondent aux limites à l'injection du combustible 1 et du comburant 2 (figure (5.2.a)).

Dans le cas du mélange du combustible pur avec l'air, les fractions de mélange stœchiométriques prennent de petites valeurs (0.0284 pour H_2 , 0.055 pour CH_4 , 0.0635 pour C_2H_2, \dots). Cela signifie qu'une grande quantité d'air est nécessaire pour consommer complètement les hydrocarbures.

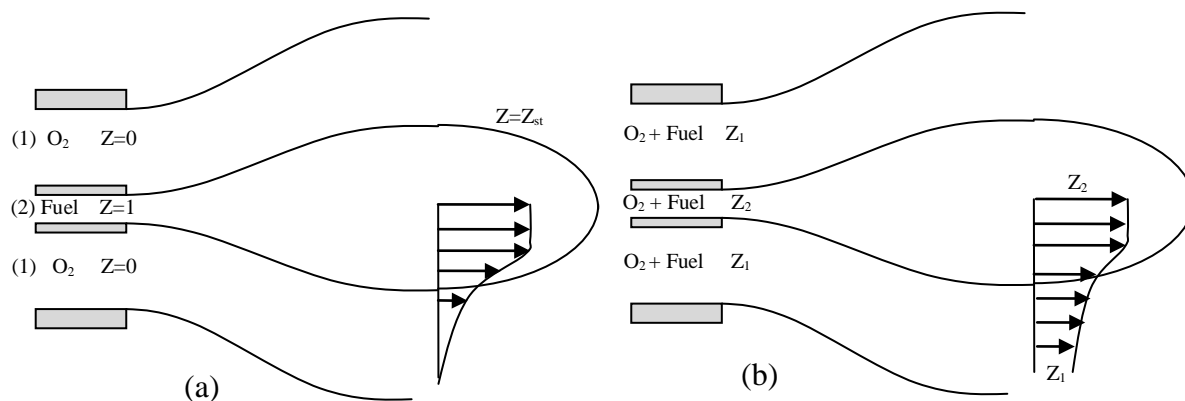


Figure 5.2 Exemple de l'injection séparée (a) non prémélangée (b) prémélangée

En utilisant les relations précédentes, la fraction de mélange Z peut être obtenue en fonction de la richesse ϕ .

$$\phi = \frac{Z}{1-Z} \left(\frac{Z_{st}}{1-Z_{st}} \right)^{-1} \quad (5.9)$$

Une relation souvent utilisée pour trouver la fraction de mélange à partir des données expérimentales ou numériques est proposée par Bilger [37]:

$$\beta = \frac{Z_C}{mW_C} + \frac{Z_H}{nW_H} - 2 \frac{Z_O}{v'_{O_2} W_{O_2}} \quad (5.10)$$

où m et n sont les nombres de moles de C et H . Les paramètres Z_j sont les fractions de mélange élémentaires, elles sont définies par :

$$Z_j = \sum_{k=1}^N a_{kj} \frac{W_j}{W_k} Y_k \quad (5.11)$$

avec a_{kj} est le nombre total d'éléments chimiques j dans l'espèce k . W_j et W_k sont respectivement les masses molaires de l'élément j et de l'espèce k .

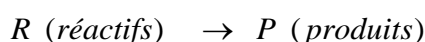
A diffusivités et capacités calorifiques égales, une équation de conservation de la fraction de mélange Z peut être obtenue en sommant toutes les équations de conservation des espèces. La conservation des éléments chimiques impose l'annulation des termes sources. La fraction de mélange n'est pas affectée par les réactions chimiques car elle concerne les éléments et pas les molécules chimiques.

$$\frac{\partial \rho Z}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho u_i Z) = \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\rho D \frac{\partial Z}{\partial x_i} \right) \quad (5.12)$$

4) Modèles contrôlés par la turbulence

4.1) Modèle Eddy Break Up

Ce modèle est basé sur une analyse phénoménologique de la combustion turbulente aux grands nombres de Reynolds ($Re \gg 1$) et de Damköhler ($Da \gg 1$). Suivant la cascade de Kolmogorov, la turbulence provoque la cassure des tourbillons des gaz frais. Une des premières approches modélisant le terme source chimique moyen est proposée par Spalding[38]. Il suppose que le mélange turbulent contrôle le taux de réaction chimique. En prenant une réaction chimique irréversible à un pas:



Le taux de réaction moyen est donné pour les produits par :

$$\tilde{\omega}_p = C_{EBU} \bar{\rho} \frac{\tilde{\varepsilon}}{\tilde{k}} \left(\tilde{Y}_p^{n^2} \right)^{1/2} \quad (5.13)$$

avec $\tilde{Y}_p^{n^2}$ la variance de la fraction massique des produits et C_{EBU} une constante du modèle.

Plus tard, ce modèle est amélioré par Magnussen et Hjertager [39], donnant ainsi le modèle EDM (Eddy Dissipation Model). Dans ce dernier, la variance $\tilde{Y}_p^{n^2}$ est remplacée par la fraction massique de l'espèce en déficit. D'où, le terme source moyen est calculé par:

$$\tilde{\omega} = A \bar{\rho} \frac{\tilde{\varepsilon}}{\tilde{k}} \min \left(\tilde{Y}_F, \frac{\tilde{Y}_O}{\nu}, B \frac{\tilde{Y}_P}{1+\nu} \right) \quad (5.14)$$

où A et B sont des constantes de modélisation et ν le coefficient stœchiométrique donné par :

$$\nu = \frac{\nu_O M_O}{\nu_F M_F} \quad (5.15)$$

ν_O est le coefficient stœchiométrique de l'oxygène et ν_F est le coefficient stœchiométrique du combustible.

Les termes de transport turbulent pour les scalaires réactifs sont modélisés par l'approximation du gradient. Dans les deux modèles l'échelle de temps chimique est remplacée par celle du temps turbulent, représentant la chimie infiniment rapide seulement. Il faut noter que les constantes des deux modèles sont libres. Elles sont déterminées par optimisation pour chaque combustible et pour chaque géométrie. Ces modèles sont largement utilisés dans les codes, surtout pour démarrer d'autres modèles plus complexes, à cause de leurs implémentations très simples et leurs coûts en calcul négligeable.

4.2) Modèle EDM dans le code Ansys CFX

Le modèle EDM est intégré dans CFX en trois étapes indépendantes l'une de l'autre. Le taux de production d'une réaction élémentaire k , est déterminé par le minimum des deux expressions suivantes :

Limiteur des réactifs

$$R_m = A \frac{\varepsilon}{k} \min \left(\frac{[I]}{v'_{mi}} \right) \quad (5.16)$$

où $[I]$ est la concentration molaire du composant I qui inclut seulement les réactifs. v'_{mi} est le coefficient stœchiométrique du composant I dans la réaction m et A une constante libre du modèle.

Limiteur des produits

$$R_m = AB \frac{\varepsilon}{k} \min \left(\frac{\sum_P [I] M_I}{\sum_P v'_{mi} M_I} \right) \quad (5.17)$$

Ici l'indice I parcourt les produits dans la réaction élémentaire m et B une autre constante libre du modèle. Dans le code CFX, le limiteur des produits est désactivé quand le coefficient B prend une valeur négative.

Limiteur de la température maximale de la flamme

On peut inclure une autre expression dans le calcul du taux de réaction où une température maximale de la flamme est appliquée dans le modèle EDM pour CFX. Le taux de production chimique est régulièrement annulé lorsque la température locale s'approche de celle maximale prescrite. Le taux de réaction est donné par :

$$R_{mMFT} = A \frac{\varepsilon}{k} \max \{ (T_{\max} - T), 0 [K] \} \frac{\rho C_p}{\Delta H_R} \quad (5.18)$$

avec C_p la chaleur spécifique du mélange à une pression constante et ΔH_R la chaleur dégagée de la réaction.

4.2.1) Amélioration du modèle EDM par la fonction d'efficacité de la combustion

Dans cette étude, on a introduit la fonction d'efficacité de la combustion dans le modèle EDM. Cette fonction $\Gamma_{\bar{K}}$ est issue de la DNS (Direct Numerical Simulation) [17], elle relie l'efficacité de la combustion aux paramètres physico-chimiques de la flamme.

Plusieurs auteurs ont utilisés cette fonction pour améliorer les modèles de combustion [53],[54]et[55]. La fonction d'efficacité est donnée par :

$$\Gamma_{\bar{K}}\left(\frac{l}{l_f}, \frac{u'}{S_L}\right) = \Gamma_K - \frac{3}{2}\left(\frac{l}{l_f}\right)\left(\frac{u'}{S_L}\right)^{-1} \ln\left(\frac{1}{1-P_q}\right) \quad (5.18b)$$

avec
$$\Gamma_K = 10^{r(s, u'/S_L)} = -\frac{1}{(s+0.4)}e^{-(s+0.4)} + (1 - e^{-(s+0.4)})\left(\sigma_1\left(\frac{u'}{S_L}\right)s - 0.11\right),$$

$$s = \log_{10}\left(\frac{l}{l_f}\right), \quad \sigma_1\left(\frac{u'}{S_L}\right) = \frac{3}{2}\left(1 - \frac{1}{2}e^{u'/S_L}\right),$$

$$P_q\left(\frac{l}{l_f}, \frac{u'}{S_L}\right) = \frac{1}{2}\left(1 + \tanh(\text{sign}(x)x^2)\right),$$

$$x = \frac{\log_{10}\left(\frac{u'}{S_L}\right) - g\left(\frac{l}{l_f}\right)}{\sigma\left(\frac{l}{l_f}\right)}, \quad g\left(\frac{l}{l_f}\right) = \left(0.7 + \frac{1}{s}\right)e^{-s} + (1 - e^{-s})(1 + 0.36s),$$

et
$$\sigma\left(\frac{l}{l_f}\right) = 0.04\log_{10}\left(\frac{l}{l_f}\right)$$

Cette fonction permet d'introduire les propriétés physico-chimiques de la flamme dans le modèle de combustion. Elle est fonction des échelles de longueur de la flamme l_f , de l'écoulement l , des fluctuations turbulentes u' et de la vitesse de la flamme laminaire S_L .

L'échelle de longueur de turbulence et les fluctuations turbulentes sont calculées à partir du champ d'écoulement par les équations (5.66) et (5.69). L'épaisseur et la vitesse de la flamme laminaire sont calculées par le code PREMIX [56] en utilisant le mécanisme réactionnel GRIMECH 3.0 [4]. Les relations (5.18b) sont ensuite utilisées pour calculer la fonction d'efficacité de la combustion qui corrigera le modèle EDM.

4.3) Modèles en fonction de densité de probabilité PDF

Le calcul numérique des écoulements réactifs turbulents d'intérêt technique est généralement basé sur les méthodes stochastiques de la turbulence. La fonction de densité de probabilité (PDF) est souvent utilisée pour considérer la probabilité de distribution de la quantité stochastique.

En écoulement turbulents, la fonction de densité de probabilité P est fonction de la position dans l'espace x et du temps t . Alors, $P(u; x, t)dU$ signifie la probabilité de trouver à la position x et au temps t une valeur u dans l'intervalle $U \leq u \leq U + dU$. Si P est connue, la valeur moyenne d'une quantité est définie par le moment d'ordre un,

$$\bar{u} = \int_{-\infty}^{+\infty} uP(u; x, t)du, \quad (5.19)$$

et la variance de u par le moment central d'ordre deux,

$$\overline{u'^2} = \int_{-\infty}^{+\infty} (u - \bar{u})^2 P(u; x, t)du. \quad (5.20)$$

Puisque toutes les quantités de l'écoulement sont connectées les unes aux autres par les équations de Navier-Stokes, il est nécessaire de considérer les PDF jointes de ces quantités. Par exemple, pour deux quantités u et v , la PDF jointe est définie par:

$$\overline{u'v'} = \int_{-\infty}^{+\infty} (u - \bar{u})(v - \bar{v})P(u, v; x, t)dudv \quad (5.21)$$

En plus des quantités de l'écoulement, les gradients peuvent être aussi inclus dans la PDF jointe. Cette description stochastique a plusieurs avantages théoriques :

- La PDF peut être définie dans n'importe quel champ d'écoulement turbulent.
- Elle contient toute l'information pour décrire un écoulement instationnaire et réactif.
- Ces fonctions peuvent être aussi extraites des données expérimentales et des simulations DNS.

La difficulté réside dans la détermination de la PDF qui change d'un point à l'autre dans l'écoulement. Actuellement, deux approches sont utilisées :

- Présumer une forme de la PDF [40].
- Résoudre une équation de transport pour la PDF [41].

4.3.1) Approche par la PDF présumée

En général, une fonction PDF peut avoir plusieurs formes et présenter plusieurs extrêmes. Elle contient l'information sur la variable moyenne, sur sa variance et aussi sur tous les moments d'ordre supérieur. Pour plusieurs applications de la combustion, les fonctions PDF présentent des caractéristiques communes, ce qui fait que ces fonctions peuvent être décrites en utilisant un nombre de paramètres limité.

La PDF la plus populaire est celle proposée par Borghi, Bray et al. [42], dite fonction β :

$$\tilde{P}(c) = \frac{1}{B(a,b)} c^{\alpha-1} (1-c)^{b-1} = \frac{\Gamma(a+b)}{\Gamma(a)\Gamma(b)} c^{\alpha-1} (1-c)^{b-1} \quad (5.22)$$

Où $B(a,b)$ est un facteur de normalisation nommée fonction eulérienne bêta qui n'existe que si $a > 0$, $b > 0$, défini par :

$$b(a,b) = \int_0^1 c^{\alpha-1} (1-c)^{b-1} dc \quad (5.23)$$

La fonction Γ , fonction eulérienne de seconde espèce est définie par :

$$\Gamma(x) = \int_0^{\infty} e^{-t} t^{x-1} dt \quad x > 0 \quad (5.24)$$

souvent tabulée ou trouvée dans les bibliothèques scientifiques.

Les paramètres de la PDF a et b sont déterminés à partir de la valeur moyenne de \tilde{c} et de sa variance \tilde{c}''^2 par :

$$\begin{aligned} a &= \tilde{c} \left[\frac{\tilde{c}(1-\tilde{c})}{\tilde{c}''^2} - 1 \right] \\ b &= \frac{a}{\tilde{c}} - a \end{aligned} \quad (5.25)$$

Les fonctions β sont généralement utilisées pour présumer les PDF car elles sont capables de changer continument d'une forme PDF avec un ou deux pics à une forme gaussienne. Cette approche simplifiée est utilisé dans la simulation de quelques applications industrielles. Une équation de la variable d'avancement c et de sa variance \tilde{c}''^2 sont nécessaires pour calculer les paramètres de la PDF.

Dans l'approche RANS (Reynolds Averaged Navier Stokes equations), une équation de bilan est dérivée, fermée et résolue pour \tilde{c}''^2 . Si on multiplie l'équation (Eq. 5.2) par c . On obtient une équation pour c^2 :

$$\frac{\partial \rho c^2}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho u_i c^2) = \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\rho D \frac{\partial c^2}{\partial x_i} \right) - 2 \rho D \frac{\partial c}{\partial x_i} \frac{\partial c}{\partial x_i} + 2c \dot{\omega} \quad (5.26)$$

Similairement, l'équation de la variable d'avancement moyenne au carré peut être donnée par:

$$\frac{\partial \rho \tilde{c}^2}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho \tilde{u}_i \tilde{c}^2) = 2\tilde{c} \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\overline{\rho D \frac{\partial c}{\partial x_i}} - \overline{\rho u_i'' c''} \right) + 2\tilde{c} \bar{\omega} \quad (5.27)$$

La soustraction de l'équation (5.27) de (5.26) donne l'équation du bilan pour la variance de la variable d'avancement $\tilde{c}''^2 = c^2 - \tilde{c}^2$

$$\begin{aligned} \frac{\partial \overline{\rho \tilde{c}''^2}}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\overline{\rho \tilde{u}_i \tilde{c}''^2}) &= \underbrace{\frac{\partial}{\partial x_i} \left(\overline{\rho D \frac{\partial \tilde{c}''^2}{\partial x_i}} \right)}_{\text{diffusion moléculaire}} + 2 \overline{c''} \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\overline{\rho D \frac{\partial \tilde{c}}{\partial x_i}} \right) \\ &- \underbrace{\frac{\partial}{\partial x_i} \left(\overline{\rho u_i'' c''^2} \right)}_{\text{transport turbulent}} - \underbrace{2 \overline{\rho u_i'' c''}}_{\text{production}} \frac{\partial \tilde{c}}{\partial x_i} - \underbrace{2 \overline{\rho D \frac{\partial c''}{\partial x_i} \frac{\partial c''}{\partial x_i}}}_{\text{dissipation}} + 2 \underbrace{\overline{c'' \dot{\omega}}}_{\text{réaction}} \end{aligned} \quad (5.28)$$

Aux grands nombres de Reynolds, les termes de la diffusion moléculaire sont généralement négligés devant le transport turbulent dans l'approche RANS. Les termes de production et de transport sont modélisés par la supposition classique du gradient :

$$\overline{\rho u_i'' c''^2} = -\bar{\rho} \frac{v_t}{Sc_{t1}} \frac{\partial \tilde{c}''^2}{\partial x_i} \quad (5.28)$$

$$\overline{\rho u_i'' c''} \frac{\partial \tilde{c}}{\partial x_i} = -\bar{\rho} \frac{v_t}{Sc_{t2}} \frac{\partial \tilde{c}}{\partial x_i} \frac{\partial \tilde{c}}{\partial x_i} \quad (5.30)$$

où Sc_{t1} et Sc_{t2} sont deux nombres de Schmidt turbulents.

On suppose que le taux de dissipation scalaire des fluctuations de c est lié au temps turbulent de mélange τ_t par la relation linéaire suivante :

$$\overline{\rho D \frac{\partial c''}{\partial x_i} \frac{\partial c''}{\partial x_i}} = C_s \frac{\tilde{c}''^2}{\tau_t} = C_s \frac{\varepsilon}{k} \tilde{c}''^2 \quad (5.31)$$

où C_s est une constante du modèle de l'ordre de l'unité. Cette modélisation simple néglige les effets du flux turbulent en contre gradient.

La PDF présumée donne de bons résultats lorsque un seul paramètre, tel que la température réduite ou la variable d'avancement est nécessaire pour décrire la réaction chimique. Lorsque plusieurs variables sont nécessaires, la construction des PDF devient plus difficile.

La construction des PDF multidimensionnels est relativement complexe [43], malgré la supposition du découplage statistique des variables chimiques qui n'est pas correcte, car cette hypothèse

$$P(c_1, c_2, \dots, c_n) = P(c_1)P(c_2) \dots P(c_n) \quad (5.32)$$

n'est pas valide dans les cas pratiques par le fait que les fractions massiques des espèces et la température sont étroitement liées et ne sont pas statistiquement indépendantes.

4.3.2) Approche par la fonction de densité de probabilité PDF transportée

Une équation du bilan est écrite pour la fonction de densité de probabilité [42]. Pour une PDF multi espèces pondérée par la masse $\tilde{P}(c_1, c_2, \dots, c_n)$, cette équation s'écrit :

$$\begin{aligned}
 \bar{\rho} \frac{\partial \tilde{P}}{\partial t} + \bar{\rho} \tilde{u}_k \frac{\partial \tilde{P}}{\partial x_k} &= \underbrace{-\frac{\partial}{\partial x_k} \left[\overline{\rho (u_k'' | Y = c)} \tilde{P} \right]}_{\text{Convection turbulente}} \\
 - \bar{\rho} \underbrace{\sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^N \frac{\partial}{\partial c_i} \frac{\partial}{\partial c_j} \left[D \left(\frac{\partial Y_i}{\partial x_k} \frac{\partial Y_j}{\partial x_k} \middle| Y = c \right) \tilde{P} \right]}_{\text{Mélange moléculaire}} \\
 - \bar{\rho} \underbrace{\sum_{i=1}^N \frac{\partial}{\partial c_i} \left(\dot{\omega}_i(c_1, c_2, \dots, c_n) \tilde{P} \right)}_{\text{Réaction chimique}}
 \end{aligned} \tag{5.33}$$

$\overline{Q|Y=c}$ Correspond à la prise de la moyenne conditionnelle de Q pour les valeurs d'échantillonnage c_i .

Les trois premiers termes dans l'équation (5.33) correspondent respectivement à l'évolution instationnaire, convection par l'écoulement moyen et convection par le mouvement turbulent. Ces termes convectifs décrivent la PDF dans l'espace physique (i.e. champ d'écoulement). Les deux derniers termes correspondent respectivement au mélange moléculaire et la réaction chimique et décrivent la PDF dans l'espace de composition (c_i), à cause du mélange et de la combustion.

Le plus grand intérêt dans l'équation du bilan de la PDF est que le terme de la réaction chimique dépend seulement des variables chimiques et ne nécessite aucune modélisation. Ainsi, l'équation de la PDF transportée peut tenir compte de n'importe quel mécanisme chimique. Cependant, le terme du mélange moléculaire, exprimé comme une dissipation scalaire, est ouvert et difficile à modéliser.

Cette méthode puissante et générale, reste difficile à appliquer et consomme beaucoup de temps.

4.4) Modèles BML (Bray-Moss-Libby)

Ce modèle est connu par les initiales de ces auteurs, Bray, Moss et Libby ou de l'hypothèse physique utilisée dans sa formulation BiModal Limit. Ce modèle est proposé en premier en 1977 [42], il a fait l'objet de grandes améliorations (travaux de Bray, Moss et Libby, puis Bray, Champion et Libby). Ce modèle combine une approche statistique utilisant la fonction de densité de probabilité PDF avec une analyse physique. On se limite ici au concept de base des formulations BML.

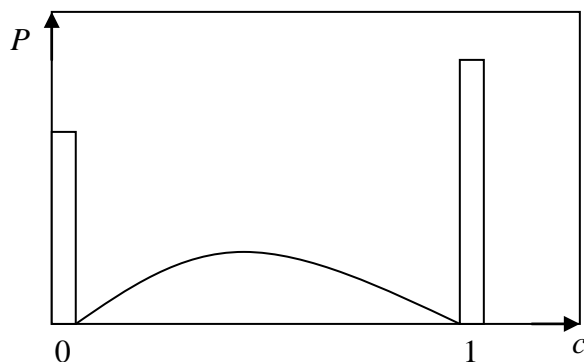


Figure 5.3 : Fonction de densité de probabilité dans la combustion turbulente prémélangée

Considérons une réaction chimique irréversible à un pas (cas du modèle EDM). Les hypothèses classiques sont supposées pour simplifier la formulation (gaz parfait, écoulement incompressible, propriétés chimiques constantes, nombres de Lewis unitaires,...). Une variable d'avancement c de la réaction chimique est introduite, elle prend la valeur $c=0$ dans les gaz frais et $c=1$ dans les gaz complètement brûlés. L'idée principale du BML est de présumer la PDF de la variable d'avancement c dans une position (x,t) comme la somme des contributions des gaz frais, brûlés et en combustion (figure 5.3),

$$P(c, x, t) = \underbrace{\alpha(x, t)\delta(c)}_{\text{gaz frais}} + \underbrace{\beta(x, t)\delta(1-c)}_{\text{gaz brûlés}} + \underbrace{\gamma(x, t)f(c, x, t)}_{\text{gaz en combustion}} \quad (5.34)$$

Où α , β et γ indiquent respectivement la probabilité d'avoir à une position (x, t) , des gaz frais, des gaz brûlés et des gaz en combustion. $\delta(c)$ et $\delta(1-c)$ sont respectivement des fonctions de Dirac correspondantes aux gaz frais ($c=0$) et aux gaz brûlés ($c=1$). La normalisation de la PDF s'écrit:

$$\int_0^1 P(c, x, t) dc = 1 \quad (5.35)$$

ce qui donne:

$$\alpha + \beta + \gamma = 1, \quad \int_0^1 f(c, x, t) dc = 1$$

avec : $f(0) = f(1) = 0$

L'équation de la variable d'avancement c est écrite sous la forme :

$$\frac{\partial \rho c}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho u_i c) = \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\rho D \frac{\partial c}{\partial x_i} \right) + \dot{\omega}_c \quad (5.36)$$

Cette équation est moyennée et le taux de réaction moyen est donné à la position (x,t) :

$$\overline{\dot{\omega}_c}(x,t) = \int_0^1 \dot{\omega}(c)P(c,x,t)dc = \gamma(x,t) \int_0^1 \dot{\omega}_c(c)f(c,x,t)dc \quad (5.37)$$

Toutes les études sur ces modèles sont basées sur cette formulation. L'objectif est de déterminer les fonctions α , β et γ et la fonction de densité de probabilité f .

En utilisant le nombre de Damkhöler Da , et en comparant les échelles de temps de turbulence et chimique et le nombre de Reynolds turbulent Re_t , deux cas particuliers émergent :

$Re \gg Da \gg 1$: La combustion est contrôlée par le transport turbulent et la zone de réaction peut être supposée infiniment fine. Ce qui veut dire que $\gamma \ll 1$ (i.e. $\alpha \gg \gamma$, $\beta \gg \gamma$ on peut négliger γ)

$Re \gg Da > 1$ ou $Re > Da \gg 1$: Dans le premier cas, l'épaisseur de la flamme n'est pas négligeable. Dans le second, les réactions chimiques ne sont pas infiniment rapides comparées au transport turbulent. Cette situation correspond aux "modèles des flammelettes". La zone de réactions est analysée comme une collection de flammes laminaires.

Pour le cas où $Re \gg Da \gg 1$, l'analyse permet de donner :

$$\alpha = \frac{1 - \tilde{c}}{1 + \tilde{\tau}} \quad (5.38)$$

$$\beta = \frac{(1 + \tau)\tilde{c}}{1 + \tilde{\tau}} \quad (5.39)$$

$$\overline{\dot{\omega}_c} = \frac{2}{2c_m - 1} \frac{\overline{\rho}\tilde{c}(1 - \tilde{c})}{\tau_t} \quad (5.40)$$

avec :

$$\tau = \frac{\rho_u}{\rho_b} - 1 = \frac{T_b}{T_u} - 1 \quad (5.41)$$

$$\tau_t = \frac{\varepsilon}{k} \quad \text{et} \quad c_m = \frac{\int_0^1 c \omega_c f(c) dc}{\int_0^1 \omega_c f(c) dc} \quad (5.42)$$

On remarque que l'équation (5.40) démontre le modèle EBU. Le modèle BML est une dérivation théorique, où des suppositions sont clairement faites, tandis que EBU est basé initialement sur une approche phénoménologique.

4.5) Modèles des flammelettes

Le terme flammelette définit une couche mince unidimensionnelle réactive-diffusive incorporée dans un écoulement turbulent non réactif. Les flammes de prémélange turbulent peuvent être considérées comme une moyenne d'ensemble des flammelettes. Puisque la structure de la flamme est mince, l'analyse asymptotique utilisant les suppositions de la couche limite peuvent donner les équations de la flammelette. Ces équations décrivent la structure interne de la flamme laminaire instantanée et découplent la chimie du champ de l'écoulement turbulent en supposant une séparation d'échelles entre l'échelle chimique et turbulente. La position de la flamme instantanée dans le champ de l'écoulement turbulent peut alors être déterminée par les iso-surfaces des scalaires non réactifs. En cette position du front de flamme, la solution des équations de la flammelette, i.e. la structure de la flamme, est alors rattachée au champ de l'écoulement turbulent.

4.5.1) Concept des flammelettes laminaires

Le concept des flammelettes [44] pour la combustion non prémélangée décrit l'interaction de la chimie avec la turbulence à la limite des réactions rapides (Grands nombres de Damköhler). La combustion se fait dans des couches minces avec une structure interne dite flammelette. La flamme turbulente est traitée comme un ensemble de flammelettes laminaires qui sont incorporées dans le champ de l'écoulement turbulent (figure 5.4).

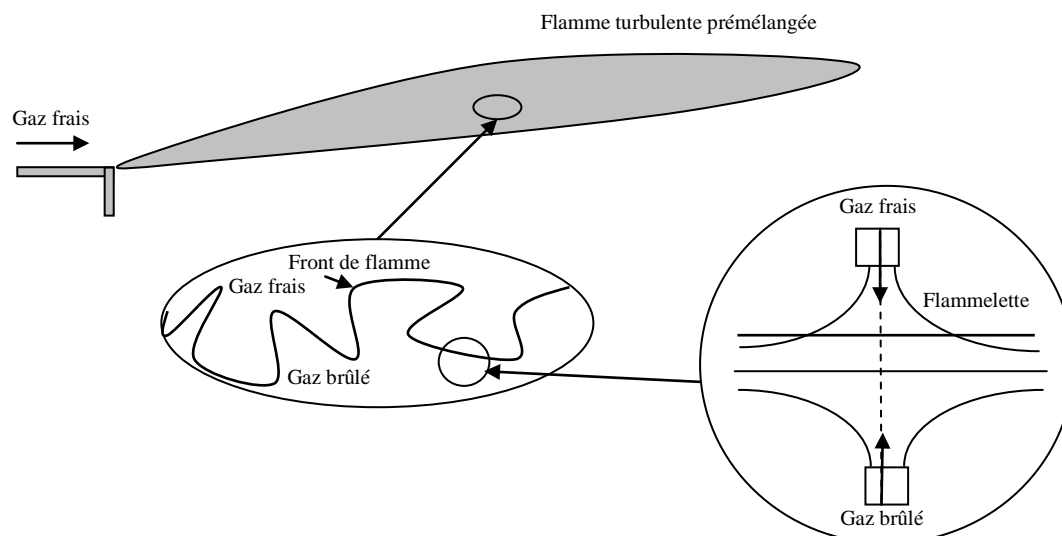


Figure 5.4 : Concept de la flammelette laminaire

L'avantage principal de ce modèle est l'information détaillée du procédé de transport moléculaire et la cinétique élémentaire qui sont incluses. La résolution numérique des petites échelles de temps et de longueurs n'est pas nécessaire, ceci évite les problèmes de la cinétique fortement non linéaire dans le champ d'écoulement fluctuant, ce qui rend la méthode très robuste.

Seulement deux équations scalaires doivent être résolues indépendamment du nombre d'espèces chimiques requises dans la simulation. Les informations du modèle des flammes laminaires sont pré calculés et stockés dans des bibliothèques pour réduire le temps de calcul. D'autre part, le modèle reste toujours limité par les suppositions de la limite rapide de la chimie et néglige les différences des nombres de Lewis pour les espèces chimiques. Le couplage de la chimie laminaire avec le champ d'écoulement fluctuant est fait par une méthode statistique. Pour obtenir le modèle des flammelettes, il est nécessaire de faire les suppositions suivantes :

- Chimie rapide, nombre de Lewis unitaires pour toutes les espèces $Le_i = 1$.
- La combustion se fait dans le régime des flammelettes.

4.5.2) Equations de la flammelette laminaire

Pour introduire l'effet du non équilibre dans les modèles de combustion, Linan [61] a été le premier à analyser la structure d'une flamme laminaire, dite ici flammelette, en utilisant une description asymptotique avec un grand nombre de Damkhöler comme paramètre d'expansion. Cette approche est similaire à celle de Prandtl pour les couches limites. La région interne de la couche mince de réaction avec sa structure bien définie est dite « flammelette ». Une description plus facile des flammelettes est faite par Peters [45] en introduisant un nouveau système de coordonnées. Une des coordonnées est localement perpendiculaire à la surface du mélange définie par Z (figure 5.5).

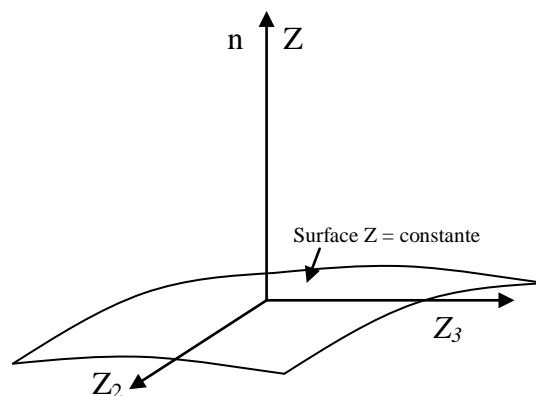


Figure 5.5: Iso surface Z et son système de coordonnées orthogonal

A titre d'exemple, la transformation est faite sur l'équation de la température donnée par :

$$\rho \frac{\partial T}{\partial t} + \rho u_i \frac{\partial T}{\partial x_i} - \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\rho D \frac{\partial T}{\partial x_i} \right) = \sum_{k=1}^N \frac{h_k}{C_p} \omega_k \quad (5.43)$$

Le changement de système de coordonnées est donné par :

$$\begin{aligned} \frac{\partial}{\partial t} &= \frac{\partial}{\partial \tau} + \frac{\partial Z}{\partial t} \frac{\partial}{\partial Z} \\ \frac{\partial}{\partial x_k} &= \frac{\partial}{\partial Z_k} + \frac{\partial Z}{\partial x_k} \frac{\partial}{\partial Z} \quad k = 2,3 \\ \frac{\partial}{\partial x_1} &= \frac{\partial Z}{\partial x_1} \frac{\partial}{\partial Z} \end{aligned} \quad (5.44)$$

On supposant que le nombre de Lewis est constant :

$$Le_k = \frac{\lambda_k}{\rho_k C_{pk}} \quad (5.45)$$

On obtient :

$$\begin{aligned} &\rho \left(\frac{\partial T}{\partial \tau} + u_2 \frac{\partial T}{\partial Z_2} + u_3 \frac{\partial T}{\partial Z_3} \right) - \frac{\partial(\rho D)}{\partial x_2} \frac{\partial T}{\partial Z_2} - \frac{\partial(\rho D)}{\partial x_3} \frac{\partial T}{\partial Z_3} \\ &- \rho D \left[\left(\frac{\partial Z}{\partial x_\alpha} \right)^2 \frac{\partial^2 T}{\partial Z^2} + 2 \frac{\partial Z}{\partial x_2} \frac{\partial^2 T}{\partial Z \partial Z_2} + 2 \frac{\partial Z}{\partial x_3} \frac{\partial^2 T}{\partial Z \partial Z_3} + \frac{\partial^2 T}{\partial Z_2^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial Z_3^2} \right] \\ &= \frac{1}{\rho C_p} \sum_{k=1}^N h_k \dot{\omega}_k \end{aligned} \quad (5.46)$$

Puisque la flammelette est mince, seulement les gradients normaux à la surface de mélange sont importants, les autres termes peuvent être négligés. L'équation ainsi obtenue est unidimensionnelle :

$$\rho \frac{\partial T}{\partial t} - \frac{\rho \chi}{2} \frac{\partial^2 T}{\partial Z^2} = \frac{1}{C_p} \sum_{k=1}^N h_k \dot{\omega}_k \quad (5.47)$$

La même procédure est appliquée aux équations des espèces chimiques qui s'écrivent dans le nouveau système de coordonnées :

$$\rho \frac{\partial Y_k}{\partial t} - \frac{\rho \chi}{2 Le_k} \frac{\partial^2 Y_k}{\partial Z^2} = \dot{\omega}_k \quad (5.48)$$

Où χ est dit taux de dissipation scalaire laminaire,

$$\chi = 2D(\nabla Z)^2 \quad (5.49)$$

il représente un temps de résidence réciproque. Le taux de dissipation scalaire est augmenté par les effets de l'éirement du champ d'écoulement et réduit par la diffusion, la flamme

s'éteint à une valeur critique de $\chi=\chi_q$. L'étirement dans l'espace physique réduit l'épaisseur de la zone de réaction, les pertes de chaleur par conduction dépassent la production par réaction et la température chute à des valeurs des gaz frais et l'extinction de la flamme se produit.

Comme première approximation, le taux de dissipation scalaire laminaire peut être considéré constant à travers la flammelette. Une distribution plus correcte peut être trouvée par l'étude d'une configuration physique qui reflète le caractère unidimensionnel des équations de la flammelette. Une telle configuration consiste dans la flamme à jets opposés (figure 5.4). Peters a montré que sous certaines simplifications [26] l'allure de χ est fonction de Z , elle est donnée par :

$$\chi = \chi_{st} \frac{\Phi}{\Phi_{st}} \frac{f(Z)}{f(Z_{st})} \quad (5.50)$$

La fonction $f(Z)$ s'écrit :

$$f(Z) = \exp\left\{-2\left[\operatorname{erfc}^{-1}(2Z)\right]^2\right\} \quad (5.51)$$

où erfc^{-1} est l'inverse de la fonction erreur complémentaire et Φ un coefficient qui tient compte de la variation de la masse volumique. Ce coefficient s'écrit:

$$\Phi = \frac{3}{4} \frac{\left(\sqrt{\rho_\infty/\rho} + 1\right)^2}{2\sqrt{\rho_\infty/\rho} + 1} \quad (5.52)$$

L'indice ∞ désigne les gaz frais.

La conclusion la plus importante c'est que la structure de la flammelette en présence de la chimie rapide peut être décrite par un modèle de flamme unidimensionnel. Cela va être utilisé pour modéliser les écoulements turbulents réactifs. Si on a un mécanisme réactionnel chimique donné, des conditions aux limites appropriées et un profil du taux de dissipation scalaire fixé, les équations de la flammelette peuvent être résolues et les distributions des fractions massiques et de la température peuvent être déterminées :

$$\begin{aligned} Y_k &= Y_k(Z, \chi) \\ T &= T(Z, \chi) \end{aligned} \quad (5.53)$$

Les champs obtenus sont laminaires, il est nécessaire d'utiliser une approche statistique pour déterminer les champs turbulents.

4.5.3) Couplage de la flammelette laminaire et du champ d'écoulement turbulent

Pour obtenir le champ turbulent, on utilise une PDF présumée du type bêta (voir section 4.3.1). On résout l'équation de la fraction de mélange Z (Eq. 5.12) pondérée par la masse (Favre) :

$$\frac{\partial \bar{\rho} \tilde{Z}}{\partial t} + \frac{\partial (\bar{\rho} \tilde{u}_j \tilde{Z})}{\partial x_j} = \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_z} \right) \frac{\partial \tilde{Z}}{\partial x_j} \right) \quad (5.54)$$

L'information statistique sur la fraction de mélange est obtenue à partir de la variance de Z de l'équation (obtenue de la même façon que l'Eq. 5.28):

$$\frac{\partial \bar{\rho} \tilde{Z}^{n^2}}{\partial t} + \frac{\partial (\bar{\rho} \tilde{u}_j \tilde{Z}^{n^2})}{\partial x_j} = \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_{z^{n^2}}} \right) \frac{\partial \tilde{Z}^{n^2}}{\partial x_j} \right) + 2 \frac{\mu_t}{\sigma_z} \left(\frac{\partial \tilde{Z}}{\partial x_j} \right)^2 - \bar{\rho} \tilde{\chi} \quad (5.55)$$

La structure de cette équation est similaire à celle de l'équation de \tilde{Z} excepté pour les deux derniers termes à droites qui modélisent la production et la dissipation de la variance.

Dans ce travail, le taux de dissipation scalaire est modélisé dans l'écoulement turbulent par la relation suivante [26]:

$$\tilde{\chi} = C_\chi \frac{\tilde{\varepsilon}}{\tilde{k}} \tilde{Z}^{n^2} \quad (5.56)$$

Qui introduit l'effet de l'étirement et des fluctuations de la fraction de mélange. Les coefficients sont donnés par la table 5.1:

σ_z	$\sigma_{z^{n^2}}$	C_χ
0.9	0.9	2.0

Table 5.1

La composition moyenne du fluide est calculée en fonction de la fraction du mélange moyenne, de sa variance et du taux de dissipation scalaire en utilisant une table calculée au préalable pour la flammelette laminaire.

$$\tilde{Y}_i = \tilde{Y}_i(\tilde{Z}, \tilde{Z}^{n^2}, \tilde{\chi}_{st}) = \int_0^1 Y_i(Z, \tilde{\chi}_{st}) P_{\tilde{Z}, \tilde{Z}^{n^2}}(Z) dZ \quad (5.57)$$

L'intégration n'est pas faite durant le calcul CFD, elle fait partie de la génération de la bibliothèque des flammelettes. Le solveur CFD utilise directement les valeurs de cette bibliothèque (voir figure 5.6).

4.5.4) Génération des bibliothèques des flammelettes

Ansys-CFX utilise CFX-RIF (Représentative Interactive Flamelets) comme outils numérique pour générer les tables (bibliothèques) des flammelettes qui sont exploitées par le solveur dans le code CFD. A partir d'un mécanisme réactionnel élémentaire détaillé, ce programme effectue la résolution des équations des flammelettes laminaires qui sont celles des fractions massiques de toutes les espèces et celle de la température en fonction de la fraction de mélange Z . On obtient la fraction du mélange moyenne \tilde{Z} et sa variance \tilde{Z}^{n2} du solveur CFD, ce qui permet de calculer la PDF et de faire l'intégration pour trouver les fractions dans le champ turbulent.

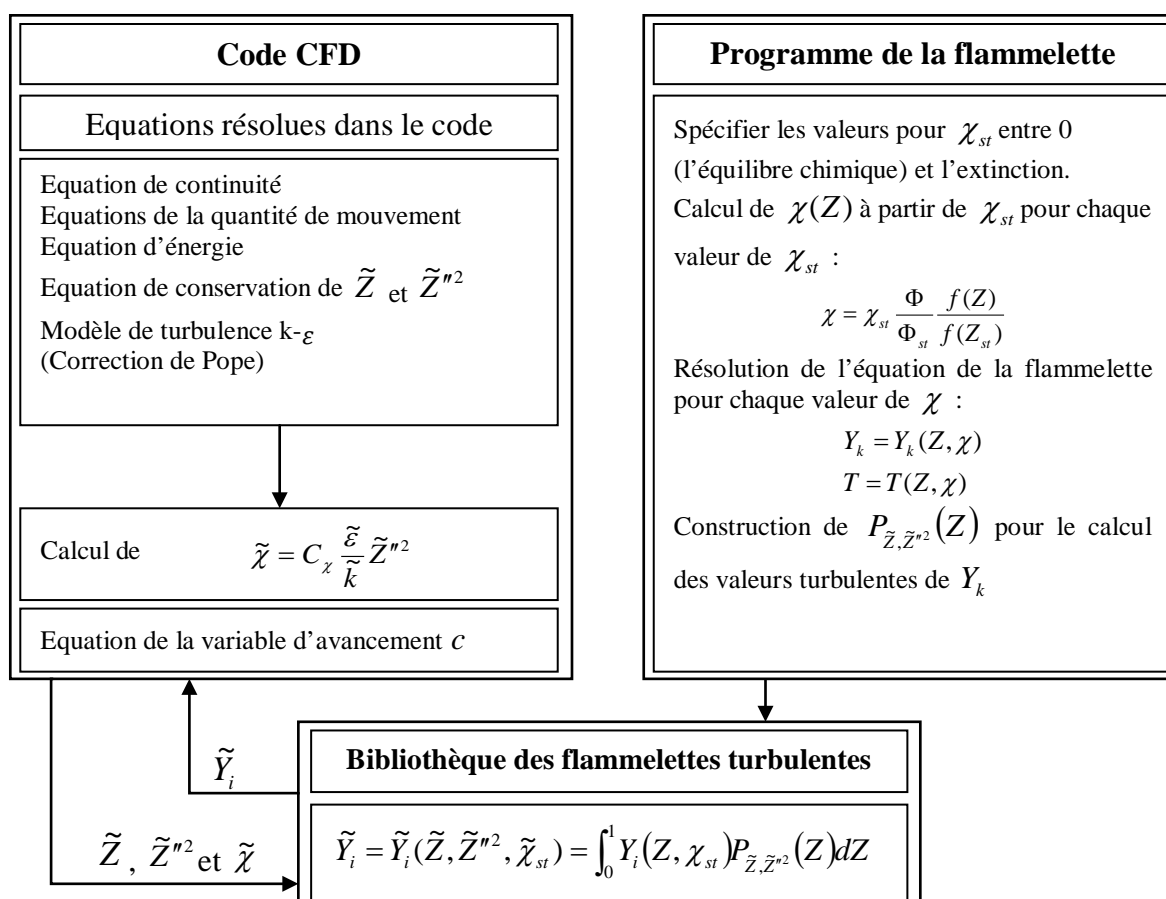


Figure 5.6 Relation entre le code CFD et le générateur de flammelettes

4.6) Modèle de la vitesse de la flamme turbulente TFC (Turbulent Flame Closure)

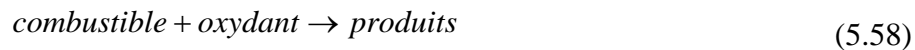
Le modèle de la vitesse de la flamme turbulente pour combustion turbulente prémélangée ou partiellement prémélangée est divisé en deux parties indépendantes, à savoir :

- Modèle pour la variable d'avancement de la réaction globale, modèle BVM (Burning Velocity Model), dit aussi TFC (Turbulent Flame Closure).
- Modèle des flammelles laminaires avec PDF présumée pour déterminer la composition des fractions fraîches et brûlées du fluide.

Les fractions massiques des espèces dans les gaz frais, Y_{ifrais} , sont obtenues par une interpolation linéaire entre le combustible et le comburant. Les fractions massiques des espèces dans les gaz brûlés, $Y_{ibrûlés}$, sont calculées par le modèle des flammelles.

4.6.1) Variable d'avancement de la réaction

Une seule variable d'avancement, c , est utilisée pour décrire l'avancement de la réaction globale :



La composition du fluide est déterminée par un mélange des deux compositions des gaz frais où $c=0$ et des gaz brûlés où $c=1$. Dans les écoulements turbulents, une distribution bimodale de c est adoptée. A n'importe quel temps et position dans l'espace, le fluide est considéré comme frais ou complètement brûlé, cette supposition est justifiée si l'échelle de temps de la réaction est petite par rapport à celle intégrale de l'écoulement turbulent. La variable d'avancement moyenne \tilde{c} est la probabilité pour que le gaz soit brûlé.

La composition moyenne du gaz est calculée par:

$$\tilde{Y}_i = (1 - \tilde{c})\tilde{Y}_{ifrais} + \tilde{c}\tilde{Y}_{ibrûlés} \quad (5.59)$$

On reprend la moyenne de l'équation (5.2). La variable d'avancement moyenne est donnée par la résolution de l'équation de transport suivante :

$$\frac{\partial \overline{\rho c}}{\partial t} + \frac{\partial (\overline{\rho u_i c})}{\partial x_j} = \frac{\partial}{\partial x_j} \left[\left(\overline{\rho D} + \frac{\mu_t}{\sigma_c} \right) \frac{\partial \tilde{c}}{\partial x_j} \right] + \overline{\omega}_c \quad (5.60)$$

avec σ_c , le nombre de Schmidt turbulent, de l'ordre de 0.9. On note que le terme de production chimique nécessite une modélisation, ce qui fait l'objet de la section suivante.

4.6.2) Modélisation du taux de réaction moyen

Le taux de production moyen dans l'équation de la variable d'avancement $\bar{\omega}_c$ est donné par [46] :

$$\bar{\omega}_c = \bar{\rho}_u S_T |\nabla \tilde{c}| - \frac{\partial}{\partial x_j} \left[\bar{\rho} \bar{D} \frac{\partial \tilde{c}}{\partial x_j} \right] \quad (5.61)$$

où $\bar{\rho}_u$ est la densité du mélange frais.

Il faut noter que le terme de diffusion moléculaire est négligeable devant le terme de diffusion turbulente, c'est pourquoi il est déduit dans l'expression du taux de production dans l'équation de la variable d'avancement. La modélisation est complétée par une fermeture pour la vitesse de flamme turbulente S_T . Par conséquent, ce type de modèle est dit modèle de vitesse de la flamme turbulente TFC. Ce concept a deux avantages comparés aux modèles fondés sur les taux de réaction moléculaires.

- Dans une configuration donnée, S_T varie seulement par un ordre de grandeur. En contre partie, le taux de réaction moléculaire dans la combustion des hydrocarbures varie dans le même domaine de calcul par plusieurs ordres de grandeur.
- S_T peut être mesuré directement dans les expériences, i.e. les données existent pour une quantité qui doit être modélisée. Davantage, la vitesse de la flamme détermine directement des quantités cible d'une simulation, comme la position de la flamme. Il est ainsi plus facile de trouver et d'affiner des modèles pour la vitesse de la flamme turbulente que de chercher des approches basées sur le taux de réaction moléculaire.

4.6.3) Vitesse de la flamme turbulente

Pour les écoulements turbulents, la vitesse de la flamme turbulente S_T diffère de celle laminaire S_L , car la turbulence provoque une augmentation de cette vitesse par le fait du plissement du front de la flamme résultant d'un accroissement de la surface effective de la flamme.

Aux intensités de turbulences élevées, l'effet opposé peut se produire, diminuant ainsi la vitesse effective de la flamme turbulente à cause des extinctions locales. Un modèle est nécessaire pour décrire la vitesse de la flamme turbulente comme fonction de la vitesse de la flamme laminaire et des propriétés de la turbulence.

La vitesse de la flamme est définie relativement aux gaz frais. Elle est supérieure par un facteur égal au rapport d'expansion du fluide par rapport aux gaz brûlés.

L'équation de continuité donne:

$$S_T^{brûlé} = S_T \frac{\rho_u}{\rho_b} \quad (5.62)$$

Plusieurs corrélations sont proposées pour modéliser la vitesse de la flamme turbulente S_T , celles intégrées dans Ansys CFX sont :

a) Corrélation de Zimont

Cette fermeture est développée par Zimont et *al.* [18] elle s'écrit :

$$S_T = AGu'^{3/4} S_L^{1/2} \lambda_u^{-1/4} l_t^{1/4} \quad (5.63)$$

avec A , un facteur de modélisation qui a une valeur universelle de 0.5 excepté pour les flammes de H_2/Air où $A=0.6$.

Le facteur d'étirement G prend en compte la production de la vitesse de la flamme par les taux de déformation élevés (taux de dissipation élevé de l'énergie cinétique de turbulence). Cet effet modélisé en termes de probabilité est tel que le taux de dissipation ε est supérieur à un taux critique ε_{cr} .

Si $\varepsilon < \varepsilon_{cr}$, l'effet de l'étirement est ignoré complètement. En supposant une distribution log normale de ε , le facteur d'étirement est donné par [18]:

$$G = \frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left[-\frac{1}{\sqrt{2}\sigma} \left(\ln \left(\frac{\varepsilon_{cr}}{\varepsilon} \right) + \frac{\sigma}{2} \right) \right] \quad (5.64)$$

où σ est la déviation standard de la distribution de ε , donnée par

$$\sigma = \mu_{str} \ln \frac{l}{\eta} \quad (5.65)$$

μ_{str} est un coefficient empirique qui vaut $0,28$. L'échelle intégrale de longueur l est donnée par :

$$l = \frac{k^{3/2}}{\varepsilon} \quad (5.66)$$

Celle de Kolmogorov par

$$\eta = \frac{\nu^{3/4}}{\varepsilon^{1/4}} \quad (5.67)$$

Le taux de dissipation critique est calculé à partir du gradient de vitesse critique g_{cr} et de la viscosité cinématique du fluide ν par la relation :

$$\varepsilon_{cr} = 15\nu g_{cr}^2 \quad (5.68)$$

Le gradient de vitesse critique g_{cr} est le seul paramètre d'affinement du modèle. Pour les turbines à gaz brûlant le mélange méthane/air, g_{cr} peut prendre les valeurs de 6000 à 10000 s⁻¹ en fonction de la géométrie.

u' est la fluctuation de vitesse, elle est calculée par

$$u' = \sqrt{\frac{2}{3}k} \quad (5.69)$$

λ_u est la conductivité thermique du mélange frais (eq. 5.63).

Reste la vitesse de la flamme laminaire S_L qui est disponible empiriquement pour plusieurs carburants et à différentes richesses.

b) Corrélation de Peters

Cette corrélation est initialement développée pour le modèle dit « équation G » de N. Peters [26]. La vitesse de la flamme turbulente est donnée par :

$$S_T = S_L(1 + \sigma_t) \quad (5.70)$$

Où

$$\sigma_t = -A \frac{l}{l_f} + \sqrt{\left(A \frac{l}{l_f}\right)^2 + \frac{u' l}{S_L l_f}} \quad (5.71)$$

$$A = \frac{a_4 b_3}{2b_1} \quad (5.72)$$

$$B = a_4 b_3^2 \quad (5.73)$$

$$u' = \sqrt{\frac{2}{3}k} \quad (5.74)$$

Les effets de la turbulence sont modélisés en fonction du rapport de l'échelle intégrale de la turbulence l et de l'épaisseur de la flamme laminaire l_f

$$l = a_1 \frac{u'^3}{\varepsilon} \quad (5.75)$$

$$l_f = \frac{D}{S_L} = \frac{(\lambda / C_P)_u}{\rho_u S_L} \quad (5.76)$$

Le coefficient de diffusion pour la flamme est calculé à partir des propriétés du mélange frais indicé par u . Les valeurs par défaut des constantes sont données dans le tableau 2.

A ₁	a ₄	b ₁	b ₃
0.37	0.78	2.0	1.0

Tableau 2.

c) Corrélation de Mueller

Cette approche similaire à celle de Peters, tient compte de la variation de la vitesse moyenne de la flamme laminaire due aux fluctuations turbulentes de la fraction de mélange et prend en charge l'extinction dans le cas des valeurs élevées du taux de dissipation scalaire. Cependant la corrélation de Mueller utilise une autre corrélation pour la dépendance de la turbulence

$$S_T = S_L(1 + \sigma_t) \left(1 + \alpha \frac{\bar{\chi}}{\chi_q} \right) \quad (5.77)$$

$$\sigma_t = b_1 \frac{u'}{S_{L,st}} + b_2 \sqrt{\frac{u'}{S_{L,st}}} \quad (5.78)$$

$$u' = \sqrt{\frac{2}{3}k}$$

Où $S_{L,st}$ est la vitesse de la flamme laminaire à la fraction de mélange stœchiométrique ($\phi = 1.0$), $S_{L,st} = S_L(Z_{st})$.

La vitesse laminaire de la flamme est intégrée sur une PDF présumée pour tenir compte des fluctuations de la fraction de mélange.

$$\bar{S}_L = \int_0^1 P(Z) S_L(Z) dZ \quad (5.79)$$

La PDF présumée est décrite dans le partie (4.3.1). La table 3 donne les valeurs des coefficients du modèle.

b ₁	b ₂	X _q (l/s)
1.5	0.8	1.0

Table 3.

4.6.4) Vitesse de la flamme laminaire

La vitesse de la flamme laminaire a fait l'objet de beaucoup de travaux expérimentaux. Elle est mesurée en fonction de la richesse du mélange ϕ , la pression p et la température. Plusieurs expressions sont proposées dans la littérature pour approximer ces vitesses.

a) Corrélations de la vitesse laminaire de la flamme basées sur la richesse.

Elles sont basées sur l'approche de Metghalchi et Keck [9], exprimant la vitesse de la flamme laminaire S_L en fonction de la vitesse laminaire fondamentale S_L^0 multipliée par des facteurs de correction pour le réchauffement et la pression :

$$S_L = S_L^0 \left(\frac{T_u}{T_{ref}} \right)^\alpha \left(\frac{P}{P_{ref}} \right)^\beta \quad (5.80)$$

Les exposants α et β sont des polynômes quadratiques en fonction de la richesse:

$$\begin{aligned} \alpha &= a_0 + a_1\phi + a_2\phi^2 \\ \beta &= b_0 + b_1\phi + b_2\phi^2 \end{aligned} \quad (5.81)$$

Pour déterminer la vitesse fondamentale ou de référence, trois approximations sont possibles dans CFX. Ces dernières tiennent compte de la limite pauvre $\phi_{flam,p}$ et riche $\phi_{flam,r}$ d'inflammabilité. La vitesse de la flamme est nulle à l'extérieur de ces limites.

Calcul de la vitesse laminaire fondamentale

Approche en polynôme d'ordre cinq

La vitesse fondamentale de la flamme peut être calculée à partir d'un polynôme du cinquième ordre :

$$S_L^0 = s_0\phi^0 + s_1\phi^1 + s_2\phi^2 + s_3\phi^3 + s_4\phi^4 + s_5\phi^5 \quad (5.82)$$

Ce polynôme est défini sur un intervalle d'interpolation, $\phi_{int,p} < \phi < \phi_{int,r}$. A l'extérieur de cet intervalle, la vitesse décroît linéairement jusqu'à zéro à la limite d'inflammabilité.

Formule en quadrature

Dans cette approximation, une vitesse de référence maximale S_{max}^0 est donnée avec la richesse correspondante ϕ_{max} . Pour les petites et grandes valeurs de la richesse, la vitesse fondamentale décroît avec un coefficient de décroissement C_{dec} :

$$S_L^0 = S_0^{max} - C_{dec} (\phi - \phi_{max})^2 \quad (5.83)$$

Cette formule est définie sur un intervalle d'interpolation, $\phi_{int,p} < \phi < \phi_{int,r}$. A l'extérieur de cet intervalle, la vitesse décroît linéairement jusqu'à zéro à la limite d'inflammabilité.

Fonction bêta

La corrélation par la fonction bêta utilise une vitesse de référence maximale S_{\max}^0 avec la richesse correspondante ϕ_{\max} . Une fonction bêta est utilisée pour modéliser le décroissement à zéro aux limites riche et pauvre d'inflammabilité.

$$S_L^0 = S_0^{\max} \left(\frac{\phi - \phi_{\text{flam},p}}{\phi_{\max} - \phi_{\text{flam},p}} \right)^a \left(\frac{\phi_{\text{flam},r} - \phi}{\phi_{\text{flam},r} - \phi_{\max}} \right)^b \quad (5.84)$$

où
$$a = 2 \frac{\phi_{\max} - \phi_{\text{flam},p}}{\phi_{\text{flam},r} - \phi_{\text{flam},p}} \quad \text{et} \quad b = 2 \frac{\phi_{\text{flam},r} - \phi_{\max}}{\phi_{\text{flam},r} - \phi_{\text{flam},p}}$$

Indice de Carbone	Fuel	S_0^{\max} [m/s]	C_{dec} [m/s]	ϕ_{\max}	$\phi_{\text{flam},p}$	$\phi_{\text{flam},r}$
1	Méthane	0.350	1.387	1.06	0.533	1.68
3	Propane	0.342	1.387	1.08	0.536	2.50
8	Iso-octane	0.263	0.847	1.13	0.601	3.80

Table 4 : Coefficients de Metghalchi et Keck pour différents combustibles

$\phi_{\text{int},p}$	$\phi_{\text{int},r}$	a_0	a_1	a_2	b_0	b_1	b_2
0.7	1.4	2.98	-0.8	0	-0.38	0.22	0

Table 5 : Coefficients communs de Metghalchi et Keck

Pour les combustibles dont l'indice de carbone n'est pas listé dans la table, une interpolation linéaire peut être faite en fonction de cet indice.

5) Conclusion

Dans ce chapitre, les modèles de combustion prémélangée turbulente ont été explicités. Une description détaillée des modèles EDM et TFC est faite. Les grandeurs caractéristiques majeures de la flamme sont présentées. De plus l'intégration des modèles EDM et TFC dans le code CFX est soulignée.

Dans le chapitre suivant, on présentera la méthode numérique utilisée dans le code de calcul pour la résolution des équations différentielles aux dérivées partielles du phénomène.

CHAPITRE VI

METHODES NUMERIQUES UTILISEES DANS LE CODE CFX

1) Introduction

Les solutions analytiques des équations de Navier Stokes existent seulement pour les cas des écoulements les plus simples pour des conditions idéales. Pour obtenir les solutions des configurations réelles, l'approche numérique est inévitable. Dans ce cas, les équations différentielles sont remplacées par des systèmes d'équations algébriques qui peuvent être résolues par les méthodes numériques.

2) Discrétisation des équations de l'écoulement

Les méthodes numériques nécessitent la discrétisation du domaine spatial en volumes de contrôle utilisant un maillage. Les équations sont intégrées sur chaque volume de contrôle, de telle façon que chaque quantité (masse, quantité de mouvement, énergie, fraction massique,...) soit conservée. La figure 6.1 montre un maillage type avec une profondeur unitaire (deux dimensions) sur lequel le volume de contrôle est représenté par la surface hachurée. Chaque nœud est entouré d'un ensemble de surfaces qui définissent le volume de contrôle. Toutes les variables et les propriétés du fluide sont stockées aux nœuds.

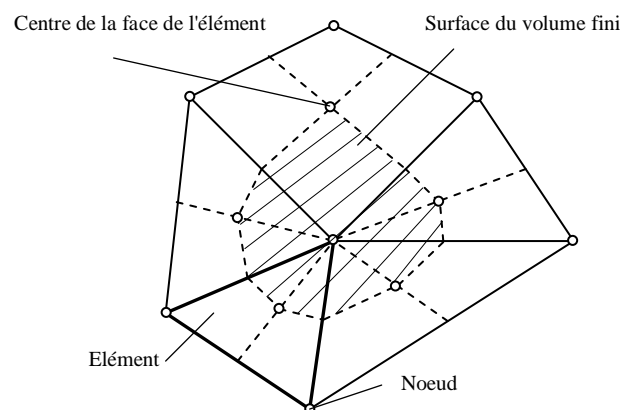


Figure 6.1 : Volume de contrôle

Considérons la forme moyennée des équations de conservation pour la masse, la quantité de mouvement et d'un scalaire passif ϕ exprimée en coordonnées cartésiennes par :

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial (\rho u_j)}{\partial x_j} = 0 \quad (6.1)$$

$$\frac{\partial \rho u_i}{\partial t} + \frac{\partial (\rho u_i u_j)}{\partial x_j} = -\frac{\partial P}{\partial x_i} + \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\mu_{eff} \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) \right) \quad (6.2)$$

$$\frac{\partial \rho \phi}{\partial t} + \frac{\partial (\rho u_j \phi)}{\partial x_j} = \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\Gamma_{eff} \left(\frac{\partial \phi}{\partial x_j} \right) \right) + S_\phi \quad (6.3)$$

Ces équations sont intégrées sur le volume de contrôle, le théorème de divergence de Gauss est appliqué pour convertir les intégrales de volume en intégrales de surface. Si les volumes de contrôle ne se déforment pas dans le temps, les dérivées par rapport au temps peuvent être placées à l'extérieur de l'intégrale de volume et les équations s'écrivent :

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho dV + \int_S \rho u_j dn_j = 0 \quad (6.4)$$

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho u_i dV + \int_S \rho u_i u_j dn_j = -\int_S P dn_j + \int_S \mu_{eff} \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) dn_j + \int_V S_{u_i} dV \quad (6.5)$$

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho \phi dV + \int_S \rho u_j \phi dn_j = \int_S \Gamma_{eff} \left(\frac{\partial \phi}{\partial x_j} \right) dn_j + \int_V S_\phi dV \quad (6.6)$$

où V et S indiquent respectivement le volume et la surface d'intégration et dn_j sont les composantes différentielles cartésiennes du vecteur extérieur normal à la surface. Les intégrales de volume représentent les termes sources ou d'accumulation, ceux de surface le bilan des flux.

La première étape dans la résolution numérique de ces équations est de créer un système couplé d'équations algébriques linéarisées. Ceci est fait par convertir chaque terme en une forme discrète.

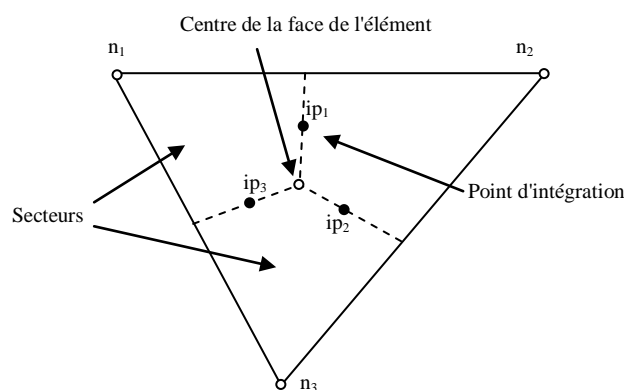


Figure 6.2 Élément de maillage

Considérons par exemple un élément isolé comme celui montré par la figure 6.2.

- Les termes de volume sont convertis dans leurs formes discrétisées par approximation des valeurs spécifiques dans chaque secteur. Ensuite, ces valeurs sont intégrées sur tous les secteurs qui contribuent au volume de contrôle.
- Les termes de surfaces sont convertis en leurs formes de discrétisation en effectuant dans un premier temps une approximation des flux aux points d'intégrations ip_n . Ces points sont localisés au centre de chaque segment de surface dans l'élément tridimensionnel entourant le volume de contrôle.
- Les flux sont alors évalués par intégration sur toutes les surfaces qui contribuent au volume de contrôle.

Plusieurs approximations de discrétisation pour la CFD sont basées sur des développements en séries de fonctions continues (par exemple série de Taylor). L'ordre de précision de l'approximation est déterminé par le terme le plus grand dans la partie tronquée du développement en série, il est toujours le premier terme exclu de l'approximation.

L'augmentation de l'ordre de précision d'une approximation implique généralement la réduction des erreurs avec le raffinement du maillage ou du pas du temps. Cependant, les approximations d'ordre supérieur ne sont généralement pas robustes (moins stables numériquement).

La forme discrétisée des équations intégrales s'écrit :

$$V \left(\frac{\rho - \rho^0}{\Delta t} \right) + \sum_{ip} (\rho u_j \Delta n_j)_{ip} = 0 \quad (6.6)$$

$$V \left(\frac{\rho u_i - \rho^0 u_i^0}{\Delta t} \right) + \sum_{ip} (\rho u_j u_i \Delta n_j)_{ip} = \sum_{ip} (P \Delta n_i)_{ip} + \sum_{ip} \left(\mu_{eff} \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) \Delta n_j \right) + \bar{S}_{mi} V \quad (6.7)$$

$$V \left(\frac{\rho \phi - \rho^0 \phi^0}{\Delta t} \right) + \sum_{ip} (\rho u_j \phi \Delta n_j)_{ip} = \sum_{ip} \left(\Gamma_{eff} \left(\frac{\partial \phi}{\partial x_j} \right) \Delta n_j \right) + \bar{S}_\phi V \quad (6.8)$$

avec V le volume de contrôle, Δt le pas de temps et Δn_j le vecteur de surface sortant discrétisé. L'indice ip indique l'évaluation dans un point d'intégration, les sommations se font sur tous les points d'intégration du volume de contrôle. L'exposant «⁰» se réfère à l'ancien pas du temps.

3) Traitement du couplage vitesse-pression

CFX utilise le maillage co-localisé (non-déplacé) où les volumes de contrôle sont identiques pour toutes les équations de transport. Pour éviter le découplage du champ de pression, Patankar [47], Rhie et Chow [48] ont proposé une alternative de discrétisation pour les flux de masse. Majundar [49] a modifié cette méthode pour éliminer la dépendance de l'état stationnaire sur le pas temporel. L'expression pour la vitesse d'advection en chaque point d'intégration est donnée par :

$$u_{i,ip} = \bar{u}_{i,ip} + f_{ip} \left(\left. \frac{\partial P}{\partial x_i} \right|_{ip} - \left. \frac{\partial \bar{P}}{\partial x_i} \right|_{ip} \right) - C_{ip} f_{ip} (u_{i,ip}^0 - \bar{u}_{i,ip}^0) \quad (6.9)$$

$$f_{ip} = \frac{d_{ip}}{1 - C_{ip} d_{ip}} \quad (6.10)$$

$$d_{ip} = -\frac{V}{A} \quad (6.11)$$

A est une approximation du coefficient central de l'équation de la quantité de mouvement dans le terme transitoire.

$$C_{ip} = \frac{\rho}{\Delta t} \quad (6.12)$$

Les bars “ $\bar{}$ ” indiquent la moyenne de la valeur des points adjacents au point d'intégration.

4) Terme transitoire

L'approximation générale de la discrétisation du terme transitoire pour le $n^{\text{ième}}$ pas du temps est :

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho \phi dV \approx \frac{(\rho \phi)^{n+\frac{1}{2}} - (\rho \phi)^{n-\frac{1}{2}}}{\Delta t} V \quad (6.13)$$

où les valeurs du début et de la fin du pas de temps sont notées par les exposants « n^+ » et « n^- » respectivement.

Pour le schéma d'Euler régressif du premier ordre, les valeurs du début et de la fin du pas de temps sont respectivement approximées par la solution du pas précédent et actuel, ce qui donne :

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho \phi dV \approx \frac{(\rho \phi) - (\rho \phi)^0}{\Delta t} V \quad (6.14)$$

Cette approximation est robuste, limitée, conservative dans le temps, totalement implicite et n'a aucune contrainte sur le pas du temps. Son inconvénient est l'erreur de discrétisation qui diffuse et donne une solution similaire à celle de la fausse diffusion (voir le schéma amont dans la discrétisation des termes d'advection).

Le schéma d'Euler régressif du second ordre, donne :

$$\begin{aligned}(\rho\phi)^{n-\frac{1}{2}} &= (\rho\phi)^0 + \frac{1}{2}\left((\rho\phi)^0 - (\rho\phi)^{00}\right) \\(\rho\phi)^{n+\frac{1}{2}} &= (\rho\phi) + \frac{1}{2}\left((\rho\phi) - (\rho\phi)^0\right)\end{aligned}\tag{6.15}$$

En substituant ces termes dans l'équation 6.13, on obtient :

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho\phi dV \approx \frac{(\rho\phi)^{n+\frac{1}{2}} - (\rho\phi)^{n-\frac{1}{2}}}{\Delta t} V = \frac{V}{\Delta t} \left(\frac{3}{2}(\rho\phi) - 2(\rho\phi)^0 + \frac{1}{2}(\rho\phi)^{00} \right)\tag{6.16}$$

Ce schéma est aussi robuste, implicite, conservatif et n'a aucune contrainte sur le pas du temps. Il est du second ordre dans le temps, son inconvénient est qu'il n'est pas limité et peut induire des oscillations non physiques de la solution.

5) Fonctions de forme

Les champs de solutions sont stockés dans les nœuds du maillage. Cependant, plusieurs termes dans les équations nécessitent l'approximation des solutions où des gradients des solutions aux points d'intégration. Les fonctions de forme des éléments finis sont utilisées pour évaluer la solution et sa variation aux éléments du maillage. La variable ϕ est représentée dans un élément comme suit :

$$\phi = \sum_{i=1}^{N_{\text{nœuds}}} N_i \phi_i\tag{6.17}$$

où N_i est la fonction de forme pour le nœud i et ϕ_i est la valeur de ϕ au nœud i . La somme est effectuée sur tous les nœuds d'un élément.

Les propriétés d'une fonction de forme sont :

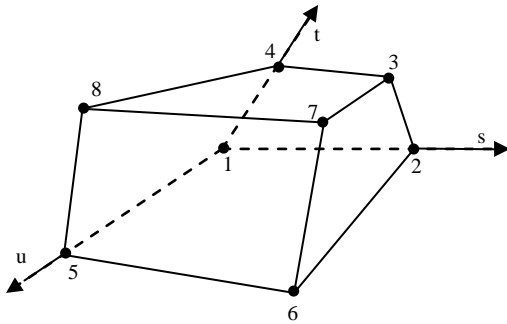
$$\sum_{i=1}^{N_{\text{nœuds}}} N_i = 1 \text{ au nœud } j, N_i = \begin{cases} 1 & i = j \\ 0 & i \neq j \end{cases}\tag{6.18}$$

Les fonctions utilisées dans CFX sont linéaires en termes de coordonnées paramétriques. Elles sont utilisées pour calculer différentes quantités géométriques et aussi les coordonnées ip et les valeurs de surfaces.

Les fonctions de forme pour les éléments utilisées dans CFX sont décrites ci dessous.

5.1) Élément hexaédrique

Les fonctions de forme tri-linéaire pour les nœuds sont :



$$N_1(s, t, u) = (1 - s)(1 - t)(1 - u)$$

$$N_2(s, t, u) = s(1 - t)(1 - u)$$

$$N_3(s, t, u) = st(1 - u)$$

$$N_4(s, t, u) = (1 - s)t(1 - u)$$

$$N_5(s, t, u) = (1 - s)(1 - t)u$$

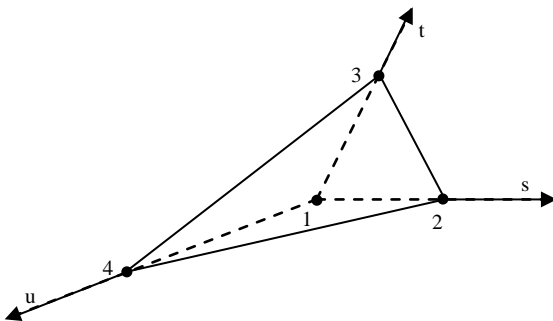
$$N_6(s, t, u) = s(1 - t)u$$

$$N_7(s, t, u) = stu$$

$$N_8(s, t, u) = (1 - s)tu$$

5.2) Élément tétraédrique

Les fonctions de forme tri-linéaire pour les nœuds sont :



$$N_1(s, t, u) = 1 - s - t - u$$

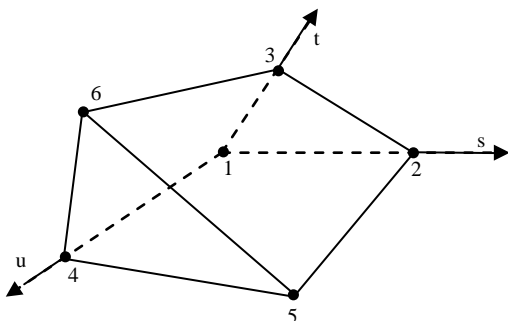
$$N_2(s, t, u) = s$$

$$N_3(s, t, u) = t$$

$$N_4(s, t, u) = u$$

5.3) Élément prismatique

Les fonctions de forme tri-linéaire pour les nœuds sont :



$$N_1(s, t, u) = (1 - s - t)(1 - u)$$

$$N_2(s, t, u) = s(1 - u)$$

$$N_3(s, t, u) = t(1 - u)$$

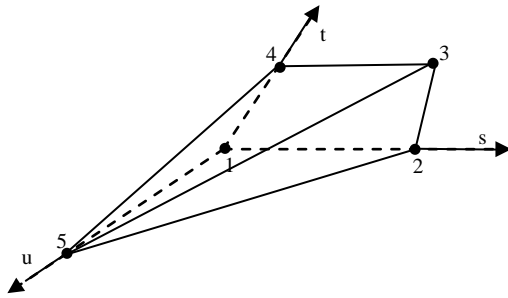
$$N_4(s, t, u) = (1 - s - t)u$$

$$N_5(s, t, u) = su$$

$$N_6(s, t, u) = tu$$

5.4) Elément pyramide

Les fonctions de forme tri-linéaire pour les nœuds sont :



$$\begin{aligned}
 N_1(s, t, u) &= (1 - s)(1 - t)(1 - u) \\
 N_2(s, t, u) &= s(1 - t)(1 - u) \\
 N_3(s, t, u) &= st(1 - u) \\
 N_4(s, t, u) &= (1 - s)t(1 - u) \\
 N_5(s, t, u) &= u
 \end{aligned}$$

6) Termes de diffusion

Selon l'approche standard des éléments finis, les fonctions de forme sont utilisées pour évaluer les dérivées spatiales de tous les termes de diffusion. Par exemple, pour une dérivée dans la direction x au point d'intégration ip :

$$\left. \frac{\partial \phi}{\partial x} \right|_{ip} = \sum_n \left. \frac{\partial N_n}{\partial x} \right|_{ip} \phi_n \tag{6.19}$$

La sommation est faite sur toutes les fonctions de formes de l'élément. Les dérivés cartésiens des fonctions de forme peuvent être exprimés en termes de leurs dérivés locaux à travers le Jacobien.

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial N}{\partial x} \\ \frac{\partial N}{\partial y} \\ \frac{\partial N}{\partial z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial x}{\partial s} & \frac{\partial x}{\partial t} & \frac{\partial x}{\partial u} \\ \frac{\partial y}{\partial s} & \frac{\partial y}{\partial t} & \frac{\partial y}{\partial u} \\ \frac{\partial z}{\partial s} & \frac{\partial z}{\partial t} & \frac{\partial z}{\partial u} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{\partial N}{\partial s} \\ \frac{\partial N}{\partial t} \\ \frac{\partial N}{\partial u} \end{bmatrix} \tag{6.20}$$

7) Terme de gradient de pression

L'intégration du gradient de pression dans l'équation de la quantité de mouvement nécessite l'évaluation de l'expression :

$$(P \Delta n_{ip})_{ip} \tag{6.21}$$

La valeur de P_{ip} est calculée en utilisant les fonctions de forme :

$$P_{ip} = \sum_n N_n(s_{ip}, t_{ip}, n_{ip}) P_n \tag{6.22}$$

8) Terme d'advection

Pour compléter la discrétisation des termes d'advection, la variable ϕ_{ip} doit être approximée en terme des valeurs nodales de ϕ . Les schémas d'advection implantés dans CFX peuvent être écrits sous la forme :

$$\phi_{ip} = \phi_{up} + \beta \nabla \phi \cdot \Delta \vec{r} \quad (6.23)$$

où ϕ_{up} est la valeur amont du nœud et \vec{r} , le vecteur de forme du nœud amont au nœud ip . Lorsqu'on utilise une interpolation spécifiée, $\nabla \phi$ est la moyenne des gradients nodaux adjacents et lorsqu'on utilise les schémas d'ordre supérieur, $\nabla \phi$ est le gradient nodal du nœud amont. Le choix particulier de β et $\nabla \phi$ donne des schémas différents.

8.1) Schéma amont (upwind) du 1er ordre

Une valeur de $\beta = 0$ donne un schéma amont du premier ordre, ce schéma est très robuste, mais il introduit des erreurs diffusifs de discrétisation qui donnent des gradients spatiaux erronés comme indiqué par la figure 6.3.

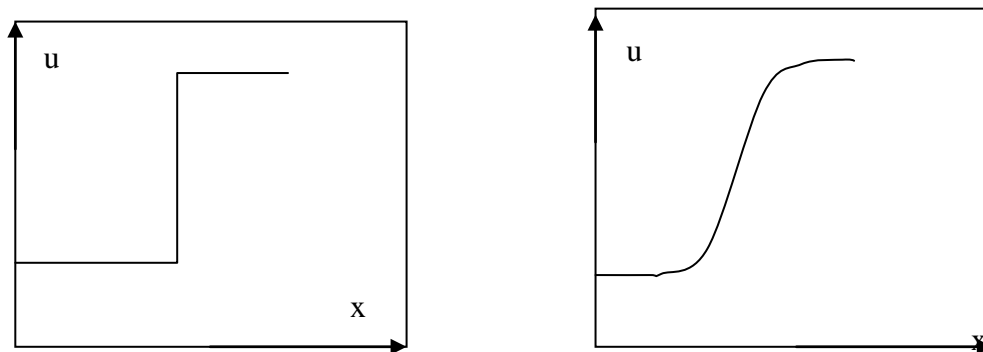


Figure 6.3 Fausse diffusion induite par le schéma amont du premier ordre

8.2) Schéma de correction d'advection numérique

En choisissant une valeur de β entre 0 et 1, et $\nabla \phi$ égal à la moyenne des gradients nodaux adjacents, les erreurs de discrétisation associés au schéma amont sont réduites. La quantité $\beta \nabla \phi \cdot \Delta \vec{r}$ est dite correction d'advection numérique et peut être considérée comme une correction anti diffusion appliquée au schéma amont. Le choix de $\beta = 1$ est formellement d'une précision du second ordre dans l'espace et la discrétisation résultante va être plus précise dans le calcul des gradients. Cependant, elle va introduire des erreurs de discrétisation

qui tendent à générer des oscillations non physiques dans les régions de variations rapides comme indiquée sur la figure 6.4. Ce schéma n'est pas aussi robuste que le schéma amont.

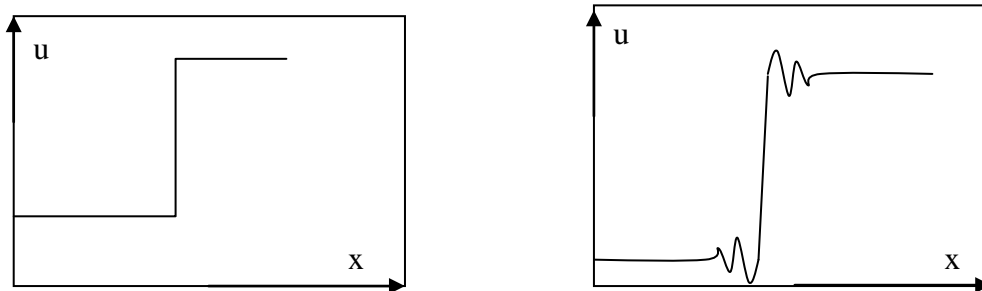


Figure 6.4 Oscillations induites par le schéma amont du second ordre

8.3) Schéma aux différences centrées

Dans ce schéma, la valeur de $\beta = 1$ et $\nabla\phi$ est égale au gradient local de l'élément. Une interprétation alternative est que ϕ_{ip} est évaluée en utilisant une fonction de forme tri linéaire

$$\phi_{ip} = \sum_n N_n(s_{ip}, t_{ip}, u_{ip}) \phi_n \quad (6.24)$$

Le schéma résultant est aussi du second ordre, il partage les avantages et les inconvénients du schéma précédent. L'utilisation de ce schéma est recommandée dans la modélisation de la turbulence par LES (Large Eddy Simulation).

8.4) Schéma d'ordre supérieur

Ce schéma calcule β localement très proche de 1 sans introduction d'oscillations locales, et pose $\nabla\phi$ égale au gradient dans le volume de contrôle du nœud amont. β est calculé selon Jesperson [50]. Ce schéma est limité et précis, il se réduit au premier ordre près des discontinuités.

9) Système d'équations couplées

L'ensemble des équations linéaires résultantes de l'application de la méthode des volumes finis à tous les éléments du domaine sont les équations de conservation discrètes. Le système d'équations est écrit sous la forme

$$a_p \phi_p - \sum_{nb,i} a_i^{nb} \phi_i^{nb} = b_i \quad (6.25)$$

où ϕ est la solution, b le second membre, les termes a sont les coefficients des équations, i est le numéro identifiant le volume de contrôle ou le nœud en question et nb les nœuds adjacents.

L'application de ces équations à tous les volumes de contrôles donne le système d'équations linéaires. Pour une équation scalaire (eg. L'enthalpie ou l'énergie cinétique de turbulence), les termes a_i^{nb} , b_i^{nb} et b_i sont des nombres. Pour l'équation couplée masse-quantité de mouvement en trois dimensions, ce sont des matrices (4*4) ou des vecteurs (4*1) exprimés par :

$$a_i^{nb} = \begin{bmatrix} a_{uu} & a_{uv} & a_{uw} & a_{up} \\ a_{vu} & a_{vv} & a_{vw} & a_{vp} \\ a_{wu} & a_{wv} & a_{ww} & a_{wp} \\ a_{pu} & a_{pv} & a_{pw} & a_{pp} \end{bmatrix}_i^{nb}, \quad \phi_i^{nb} = \begin{bmatrix} u \\ v \\ w \\ p \end{bmatrix}_i^{nb} \quad \text{et} \quad b_i = \begin{bmatrix} b_u \\ b_v \\ b_w \\ b_p \end{bmatrix}_i^{nb} \quad (6.26)$$

C'est au niveau de cette équation que le couplage est conservé. Les avantages d'un tel traitement de couplage par rapport à l'approche du découplage sont la robustesse, l'efficacité, la généralité et la simplicité. Ces avantages font du solveur couplé une option extrêmement puissante. L'inconvénient principal est l'espace mémoire utilisé pour le stockage des coefficients.

10) Solveur couplé et stratégie de la solution

Les solveurs séparés ou ségrégués utilisent une stratégie où les équations de la quantité de mouvement sont premièrement résolues en utilisant un champ de pression estimé et une équation pour la correction de pression. A cause de la nature du système linéaire « prédiction-corrrection », un très grand nombre d'itérations sont typiquement nécessaires en plus du choix judicieux des paramètres de relaxation pour les variables.

CFX utilise un solveur couplé qui effectue la résolution des équations hydrodynamiques (pour u , v , w , p) comme un seul système. Cette approche utilise une discrétisation totalement implicite pour les équations à n'importe quel pas du temps donné. Pour les problèmes stationnaires, le pas du temps joue le rôle d'un paramètre d'accélération pour guider la solution approximative d'une manière physique vers la solution stationnaire. Ce qui réduit le nombre d'itérations nécessaires à converger vers l'état stationnaire, ou pour calculer la solution pour chaque pas du temps dans une analyse stationnaire.

10.1) Solution générale

Le diagramme suivant illustre le procédé de la solution générale. La solution de chaque ensemble d'équations dans le diagramme consiste en deux opérations numériques intensives pour chaque pas de temps :

- Génération des coefficients où les équations non linéaires sont linéarisées et assemblées dans une matrice.
- Les équations linéaires obtenues sont résolues en utilisant une méthode algébrique.

Lors de la résolution, l'itération externe (pas de temps) est contrôlée par l'échelle de temps physique ou le pas de temps pour le cas stationnaire ou instationnaire respectivement. Seulement une itération interne (linéarisation) est faite par itération externe dans le cas stationnaire, cependant, plusieurs itérations internes sont faites par pas de temps dans le cas transitoire.

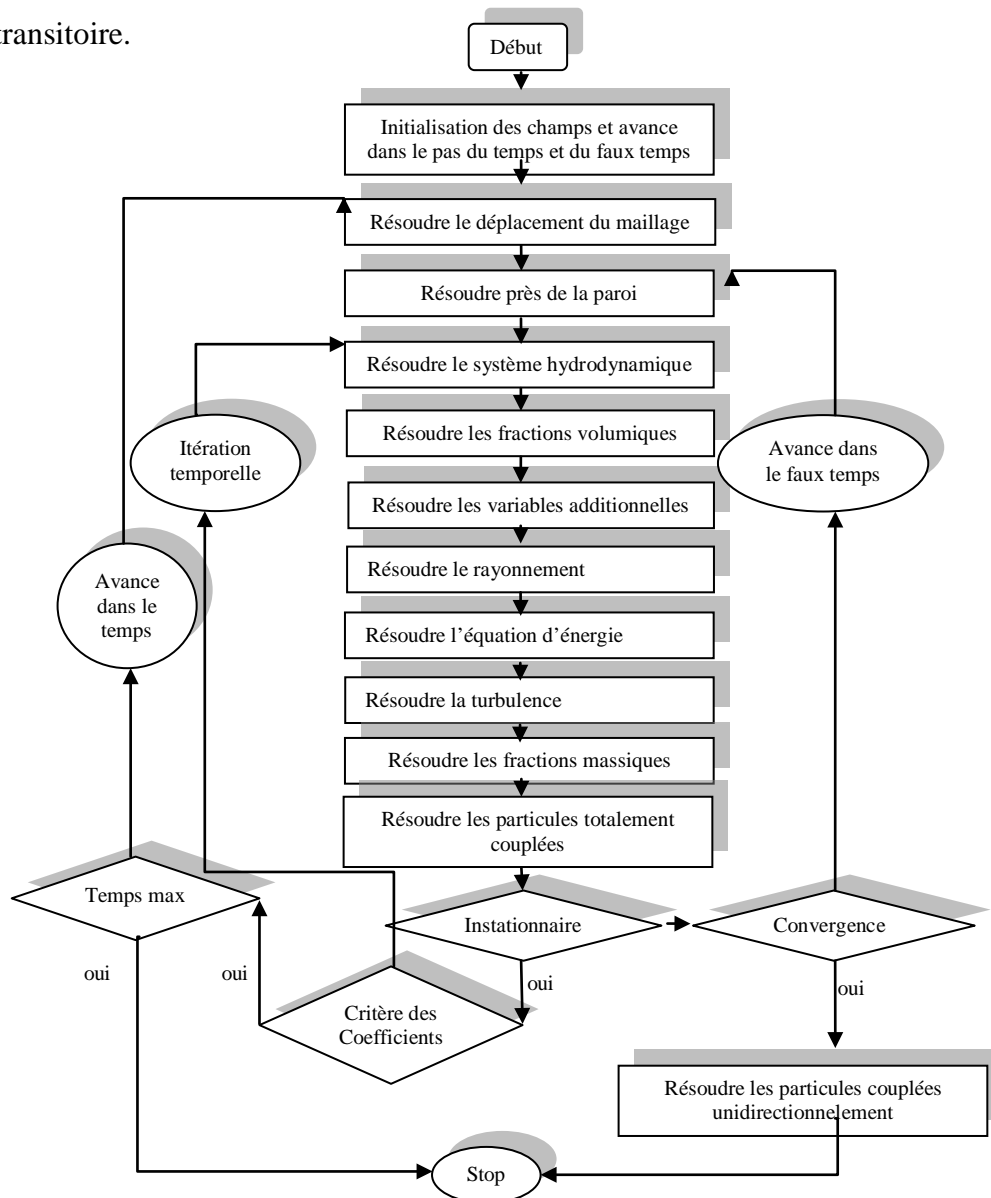


Figure 6.5 Algorithme de résolution

10.2) Solution du système d'équations linéaires

CFX utilise une technique de factorisation ILU accélérée ILU (Incomplete Lower Upper) pour résoudre le système d'équations discrètes et linéarisées. C'est une méthode itérative qui donne une solution approchée après plusieurs itérations. Le système d'équations a la forme générale matricielle suivante:

$$[A][\phi] = [b] \quad (6.27)$$

Cette équation peut être résolue itérativement par une première approximation ϕ^n , qui va être améliorée par une correction ϕ' pour donner une solution meilleure ϕ^{n+1} , i.e.

$$\phi^{n+1} = \phi^n + \phi' \quad (6.28)$$

où ϕ' est une solution de

$$A\phi' = r^n \quad (6.29)$$

Avec r^n le résidu obtenu de

$$r^n = b - A\phi^n \quad (6.29)$$

La répétition de cet algorithme donne une solution à la précision voulue.

10.3) Procédure de normalisation des résidus

Le résidu r est calculé comme le reste du système d'équations de discrétisation. Ce résidu est normalisé pour le contrôle de la solution et l'obtention du critère de convergence. Pour chaque variable ϕ , le résidu normalisé est donné par :

$$[\tilde{r}_\phi] = \frac{|r_\phi|}{a_p \Delta\phi} \quad (6.30)$$

Où r_ϕ est le reste, a_p le coefficient représentatif du volume de contrôle et $\Delta\phi$ l'intervalle représentatif de la variable dans le domaine.

11) Conclusion

Dans ce chapitre, une brève description de la procédure de transformation des équations différentielles du phénomène en équations algébriques est faite. Le traitement du couplage des équations est expliqué. Les schémas principaux de discrétisation sont détaillés ainsi que leurs avantages et inconvénients. Ensuite on a décrit la technique de résolution des systèmes d'équations algébriques. L'algorithme général de résolution est donné à la fin de ce chapitre.

Dans le chapitre suivant, on va présenter les résultats de calcul pour l'écoulement froid et réactif à différentes richesses et fractions d'enrichissement à l'hydrogène.

CHAPITRE VII

RESULTATS DU CALCUL NUMERIQUE

1) Dispositif expérimental

1.1) La chambre de combustion

La chambre de combustion (figure 7.1) est composée de deux cylindres en acier, chacun a une hauteur de 600 mm et un diamètre intérieur de 300 mm. Les deux blocs ont quatre accès optiques circulaires de diamètre 100 mm disposés à 90°. Les deux parties sont superposées et coiffées par un couvercle qui récupère les condensats issus de la combustion, qui sont ensuite évacués par une pompe. La pression est réglée par quatre soupapes de sécurité posées sur le couvercle. A la base de la chambre de combustion se trouve un brûleur pouvant se déplacer verticalement car les dispositifs de mesure sont fixes. Les accès optiques sont chauffés par des résistances électriques afin d'éviter la condensation d'eau.

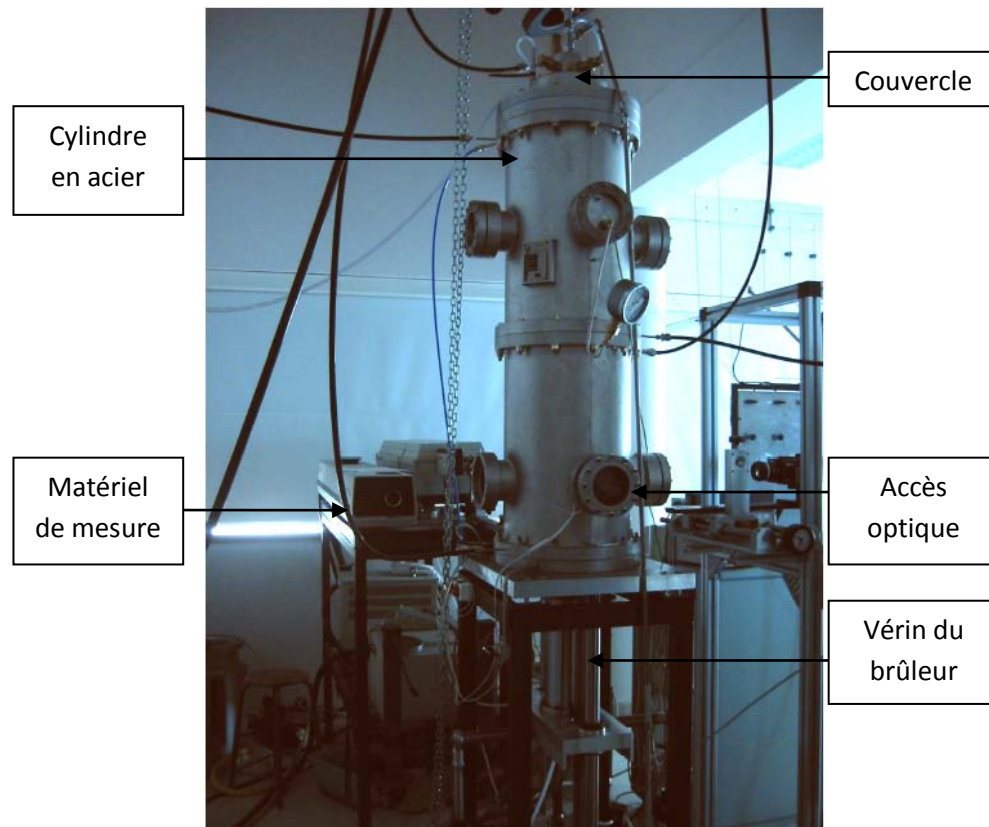


Figure 7.1 Installation de combustion haute pression

1.2) Le brûleur

C'est un tube en laiton enveloppé par un autre en acier inoxydable, sa longueur est de 230 mm et son diamètre intérieur de 25 mm. Ce tube est muni d'une grille de turbulence (de solidité = rapport entre la surface bloquée et la surface totale = 51%) placée à 50 mm en amont de la sortie. Afin d'éviter les détériorations causées par les problèmes de rentrée de la flamme (flash back), la grille est réalisée en titane. Le brûleur principal est entouré par une flamme pilote annulaire de largeur 2 mm. Cette flamme permet de stabiliser la flamme principale lorsque le mélange est pauvre et de compenser les pertes thermiques à la base du brûleur. L'allumage de la flamme pilote est fait par une électrode en cuivre (haute tension 11 kv). Cette électrode ne perturbe que très peu la flamme pilote et aucunement la flamme principale. L'allumage de la flamme principale est réalisé par la flamme pilote.

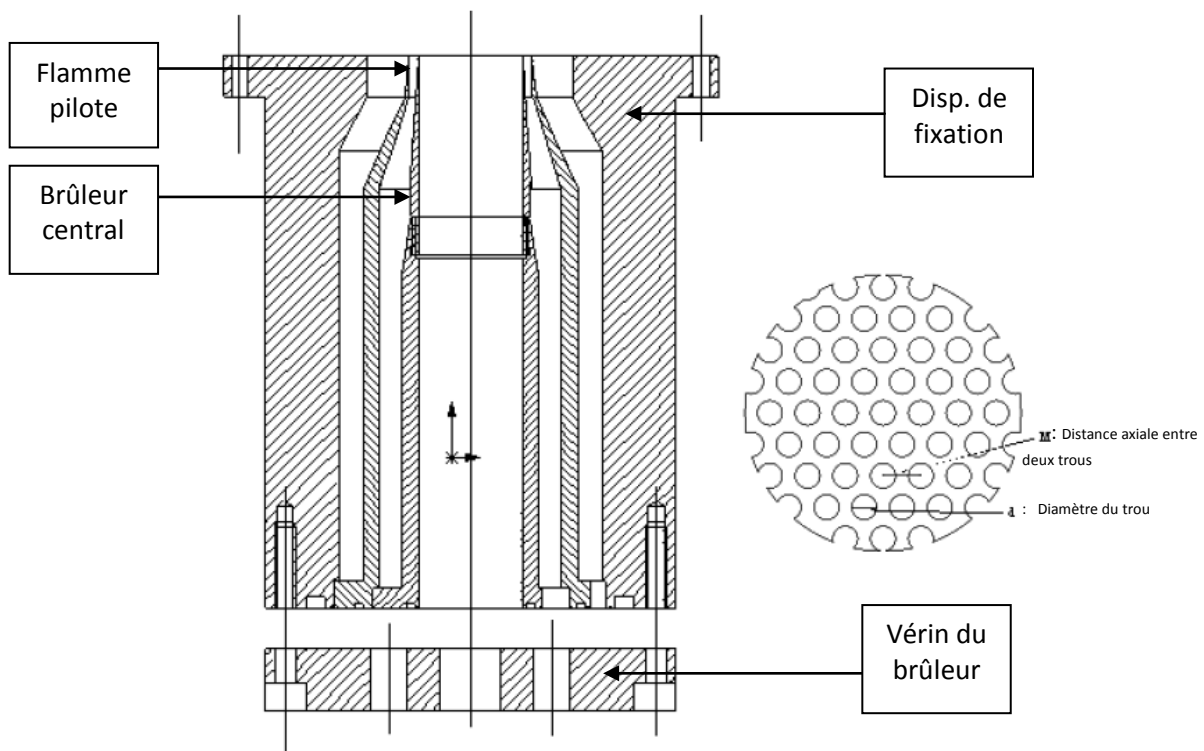


Figure 7.1 bis : (à gauche) Brûleur de prémélange
(à droite) Grille de tranquillisation de la turbulence

2) Modélisation de la chambre de combustion

2.1) Géométrie de la chambre

La chambre de combustion est modélisée par un cylindre de longueur 1.2 m. L'entrée d'air se fait par un injecteur de diamètre de 25 mm et pénétrant dans la chambre d'une distance de 150 mm. En raison de l'axisymétrie du phénomène, on considère une tranche d'épaisseur une maille; ce qui rend le problème bidimensionnel.

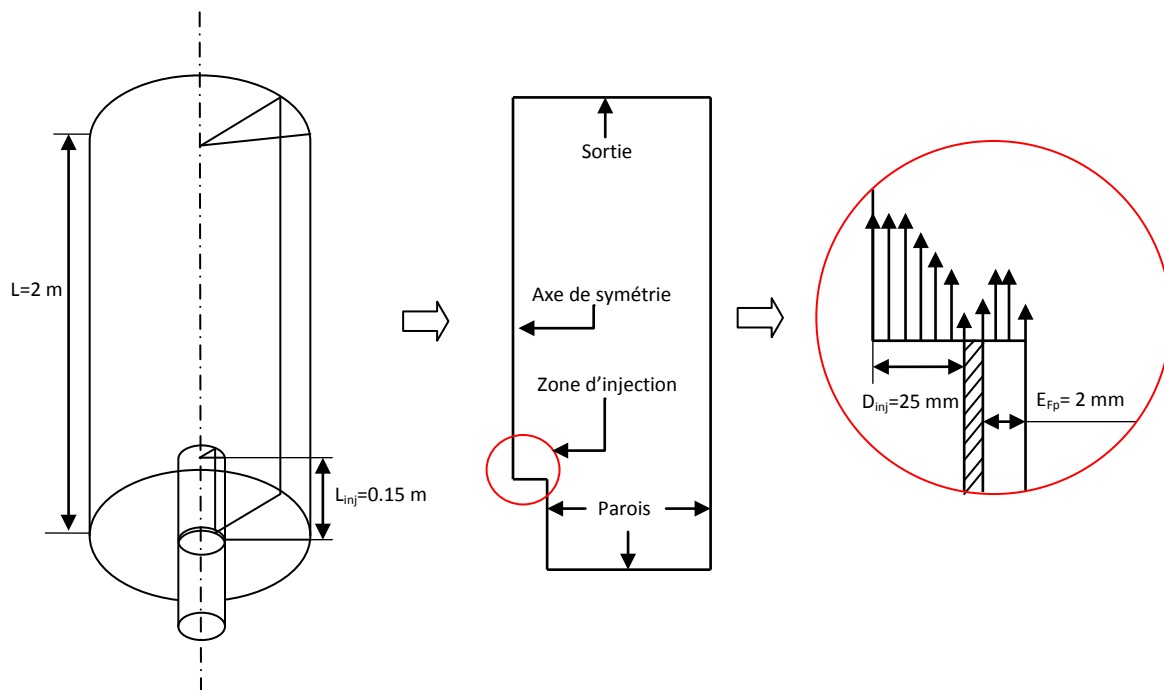


Figure 7.2 Géométrie détaillée de la chambre de combustion

3) ETUDE NUMERIQUE DU JET D'AIR TURBULENT DANS LA CHAMBRE DE COMBUSTION

Pour connaître la structure de l'écoulement dans la chambre de combustion, un premier test est fait avec un jet d'air non réactif [15]. Le mélange air-combustible est remplacé par la même quantité d'air seul à température ambiante. En effet, la proportion de méthane à richesse 0.6 ne représente que 4% en masse de la quantité d'air et ne change quasiment pas les viscosités.

3.1) Conditions aux limites

Les conditions aux limites prises de l'expérience sont :

Entrée du jet principal

Vitesse u : Voir figure 7.3

Energie de turbulence k : Voir figure 7.3

Taux de dissipation ε : Son profil est calculé à partir de celui de k par la relation [60]:

$$\varepsilon = k^{3/2}/(0.3D_h)$$

où D_h est le diamètre hydraulique.

Entrée de la flamme pilote

Dans ce calcul non réactif, plusieurs simulations ont été faites pour confirmer que l'effet de la flamme pilote est négligeable. C'est pourquoi elle est remplacée par une paroi dans le calcul numérique.

Sortie de la chambre

Pression de sortie: Celle de l'air ambiant, elle est prise égale à 1 atm ou 101.3 kPa .

Taux de turbulence faible: L'écoulement à la sortie est établi, l'intensité de turbulence est 1 %.

Axe de symétrie de la chambre

On a choisit une limite de type axe de symétrie (tous les gradients sont nuls avec une vitesse $v=0$).

Parois solides

Les études expérimentales [15] ont montrés que l'effet des parois est négligeable. Le calcul numérique montre que des parois avec ou sans glissement donnent les mêmes résultats.

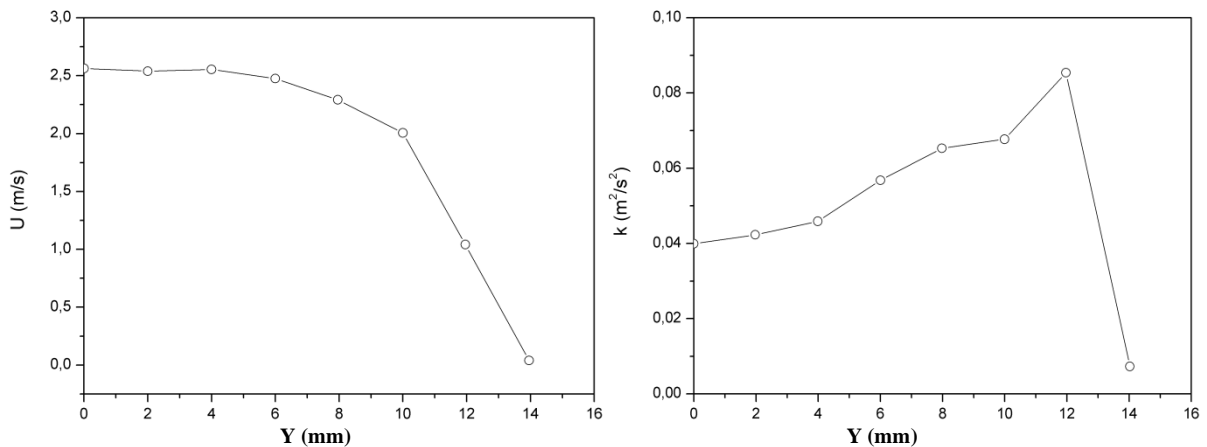


Figure 7.3 Vitesse et énergie de turbulence à l'entrée de l'injecteur

3.2) Maillage de calcul

La première étape du calcul réside dans l'élaboration d'un maillage qui assure la convergence de la procédure numérique, et qui est capable de capter toutes les variations des paramètres dans le domaine de calcul. En plus, un maillage doit assurer l'indépendance de la solution du raffinement (augmentation du nombre de mailles), ce critère est dit « indépendance maillage-solution ». Dans notre étude plusieurs maillages ont été testés, on a choisis le maillage qui assure ces critères avec un nombre minimal de cellules.

Le maillage de calcul élaboré est non uniforme, il est fin dans les zones de forts gradients de vitesse (près des parois de l'injecteur, dans la couche cisillée du jet). Les cellules les plus petites sont placées sur les lèvres de l'injecteur. La figure 7.4 représente une partie du maillage à la proximité de sortie d'injecteur. Le maillage est formé par 68040 nœuds et 33727 éléments dont 33528 hexaèdres et 199 prismes

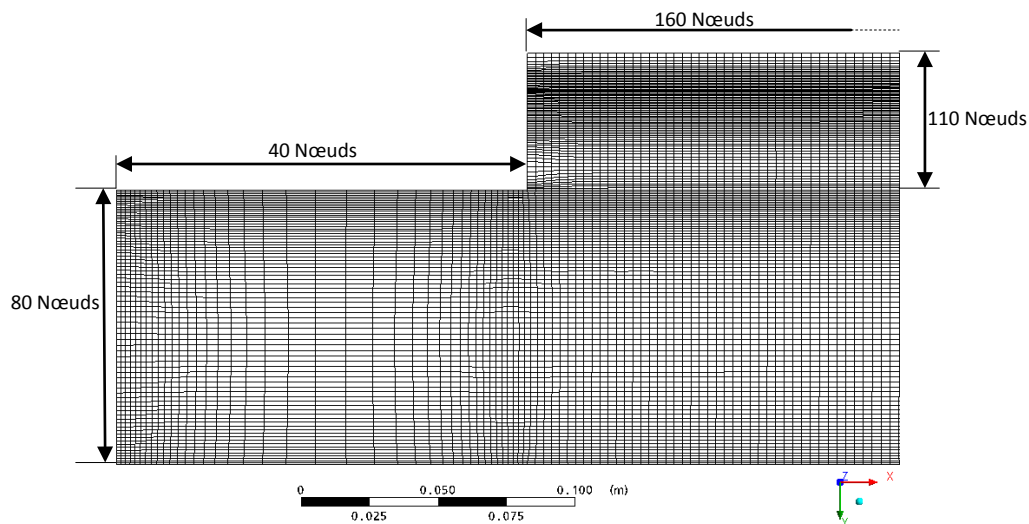


Figure 7.4 Maillage près de la zone d'injection

3.3) Résultats de la simulation

Les résultats du calcul sont présentés sous forme de champs bidimensionnels des variables. Des coupes longitudinales et transversales (figure 7.5) dans le domaine de calcul permettront de montrer l'aspect quantitatif des paramètres et la comparaison avec les mesures.

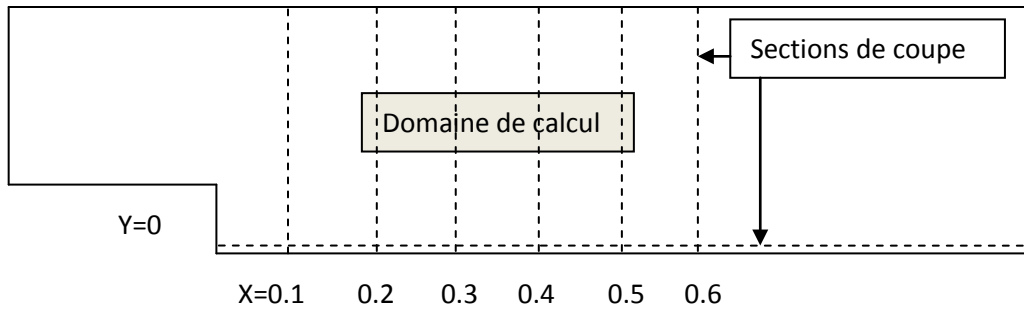


Figure 7.5 Sections utilisées pour la représentation des résultats

3.3.1) Ajustement de la correction de POPE

L'introduction de la correction de Pope (paragraphe 2.3.2) est faite par un programme externe, écrit en Fortran, qui est compilé et exécuté avec CFX. L'utilisation de cette forme de la correction provoque une divergence immédiate de la procédure de résolution. Cela est dû aux termes en gradients qui sont très grands aux régions de cisaillement et près des parois. Pour remédier à ce problème, on a utilisé une autre version de la correction Pope proposée par D. Davidenko[35]. Cette version permet stabiliser la procédure numérique, elle s'écrit :

$$S_{pope} = C_{\epsilon 3} \frac{\epsilon^2}{k} \min(\kappa, \kappa_{lim}) \text{sign}(\kappa)$$

avec κ_{lim} la valeur maximale que peut prendre κ (eq. 4.23) et $\text{sign}(\kappa)$ donne le signe de κ .

Cette version de la correction nécessite l'ajustement de deux constantes $C_{\epsilon 3}$ et κ_{lim} . Les calculs ont montrés que pour chaque configuration (géométrie et conditions aux limites) une mise au point de ces constantes est obligatoire. Dans cette étude, la première constante est laissée à sa valeur initiale proposée par Pope ($C_{\epsilon 3} = 0.79$), la deuxième à fait l'objet de plusieurs ajustements.

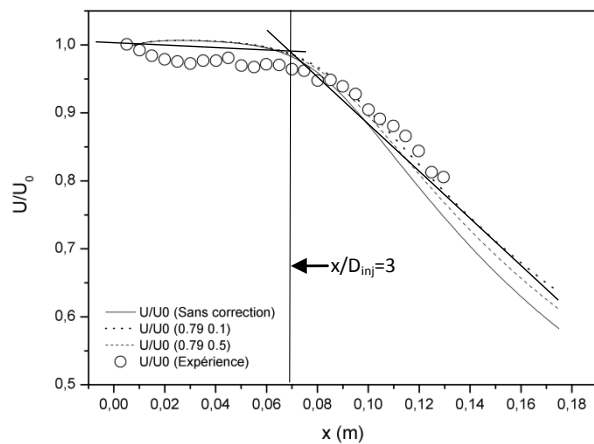


Figure 7.6 Vitesse axiale

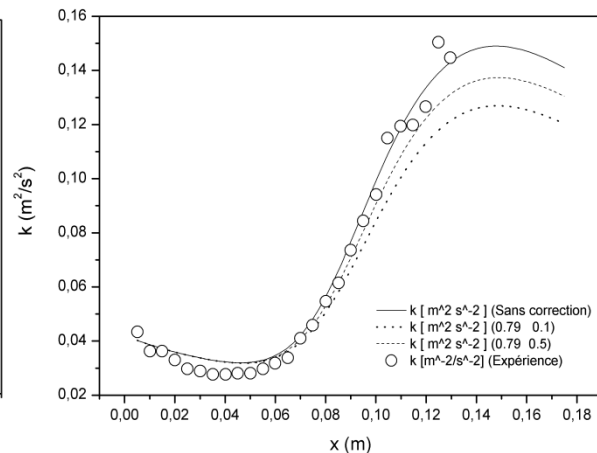


Figure 7.7 Energie de turbulence sur l'axe

Les figures 7.6 et 7.7 montrent l'effet de la variation de κ_{lim} sur la variation axiale de la vitesse u et de l'énergie cinétique de turbulence k . Les petites valeurs de κ_{lim} donnent un épanouissement meilleur du jet, mais au détriment de l'énergie cinétique de turbulence. Dans notre cas, on a choisi $\kappa_{lim} = 0.5$, valeur donnant un bon compromis entre vitesse et énergie de turbulence.

3.3.2) Cœur potentiel

Une des caractéristiques les plus importantes des jets est la longueur du cœur potentiel ou cône potentiel. Ce cœur est créé par la décharge du jet dans la chambre de combustion où la vitesse est très faible (de l'ordre de 0.01 m/s). Le jet trouve la couche de cisaillement et le phénomène d'entraînement qui le fait perdre sa quantité de mouvement au profit du fluide ambiant (figure 7.8). Cette perte se traduit par la diminution de la vitesse du jet à sa périphérie et par une production de l'énergie de turbulence k (figure 7.9). A la sortie du brûleur, la zone du mélange turbulent n'a pas d'épaisseur. Elle s'épaissit en s'éloignant de l'injecteur et finit par atteindre l'axe où la vitesse axiale commence à décroître. La zone limitée par la sortie du brûleur et la position où la vitesse axiale commence à décroître est appelée cœur potentiel. La figure 7.6 montre le changement de pente (à $x = 75\text{mm}$ où $x/D_{inj} = 3$) indiquant la fin du cœur potentiel. Plus loin dans le jet, lorsque le profil ne varie plus d'une section à l'autre, le jet est dit pleinement développé.

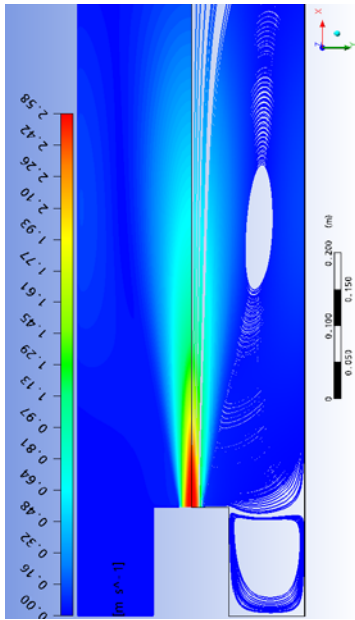


Figure 7.8 Champ de vitesse u [m/s].

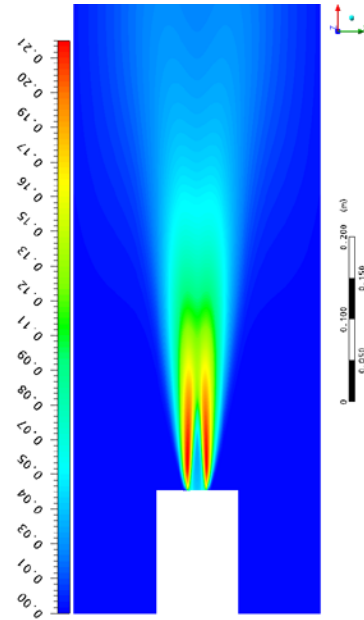


Figure 7.9 Energie cinétique de turbulence k [m²/s²].

Les figures 7.10 et 7.11 montrent respectivement la distribution de la vitesse et l'énergie de turbulence. La vitesse est maximale sur l'axe de symétrie, elle diminue pour s'annuler sur les parois solides. La quantité du mouvement introduite par le jet est transférée à l'écoulement stagnant dans la chambre. Le mouvement tourbillonnaire dans la chambre provoque une légère augmentation de la vitesse a proximité des parois.

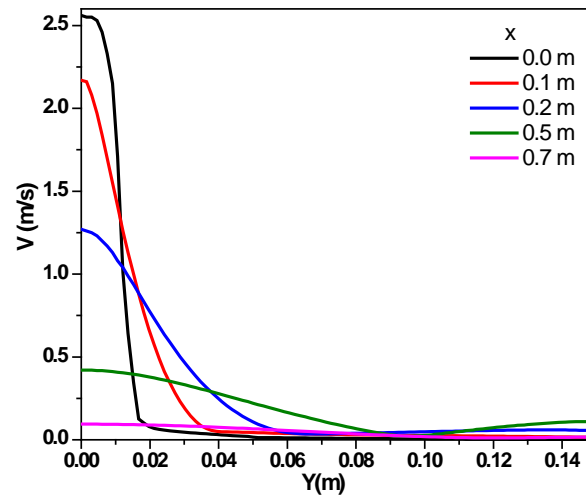


Figure 7.10 Distribution des vitesses pour l'écoulement

L'énergie de turbulence est générée sur la périphérie du jet aux zones de cisaillement. Elle diminue au fur et à mesure qu'on s'éloigne de l'injecteur et de l'axe. L'épaisseur de la couche de mélange est traduite par la largeur des pics de l'énergie k . Cette largeur augmente vers la sortie où l'énergie est dissipée et l'écoulement devient établi. On remarque que l'énergie de turbulence est minimale à la sortie de la chambre de combustion.

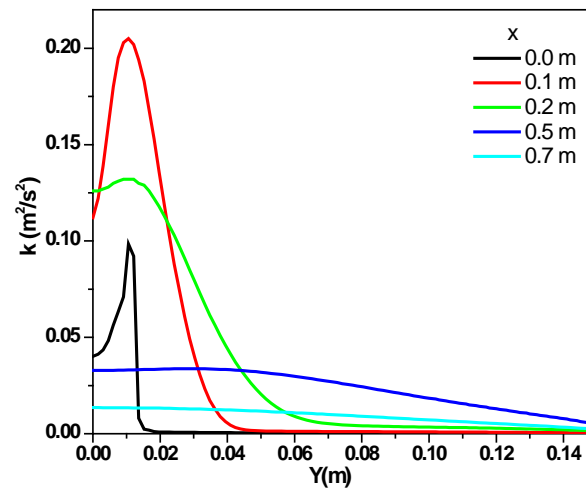
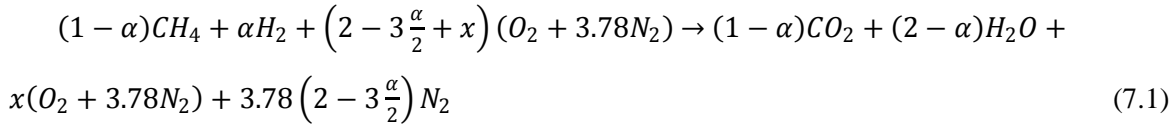


Figure 7.11 Distribution de l'énergie de turbulence pour l'écoulement froid

4) CALCUL DE L'ÉCOULEMENT TURBULENT REACTIF

Dans le cas réactif, nous avons considéré le méthane avec trois richesses ($\phi = 0.6, 0.7$ et 0.8) et deux mélanges méthane-hydrogène contenant 10% et 20% d'hydrogène à richesse globale constante $\phi = 0.6$. La richesse ϕ et la fraction molaire d'hydrogène ajoutée α sont définies à partir de l'équation du bilan de la réaction de combustion suivante [16] :



La richesse du mélange est donnée par :

$$\phi = \frac{\frac{m_{carb}}{m_{air}}}{\left(\frac{m_{carb}}{m_{air}}\right)_{stoec h}} = \frac{m_{carb}}{m_{air}} \frac{\left(2 - \frac{3\alpha}{2}\right)(2W_o + 2*3.78W_N)}{(1-\alpha)W_{CH_4} + \alpha W_{CH_2}} \quad (7.2)$$

avec α est la fraction molaire de l'hydrogène ajoutée :

$$\alpha = \frac{n_{H_2}}{n_{H_2} + n_{CH_4}} \quad (7.3)$$

où n est le nombre de moles.

L'excès d'air est donné par :

$$x = \frac{2 - 3\frac{\alpha}{2}}{\phi} - 2 + 3\frac{\alpha}{2} \quad (7.4)$$

4.1 Effet de la richesse sur la flamme du méthane

4.1.1) Calcul par le modèle EDM

Dans cette partie, on a calculé les flammes de méthane pour trois richesses $\phi = 0.6, 0.7$ et 0.8 . Le but de ces calculs est de voir l'effet de la richesse sur la production du CO_2 et du CO . Les résultats trouvés sont comparés à ceux expérimentaux [16], ils concernent principalement la variable d'avancement de la réaction c .

Conditions aux limites

En plus des conditions aux limites citées dans la section 3.1, les fractions massiques des différentes espèces à l'entrée sont nécessaires.

Entrée du brûleur

A l'entrée du brûleur, les fractions massiques en fonction de la richesse sont :

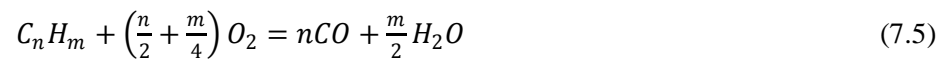
Richesse ϕ	0.6	0.7	0.8
Y_{CH_4}	0.0337	0.0390	0.0444
Y_{O_2}	0.2243	0.2231	0.2219

Entrée de la flamme pilote

Dans le modèle EDM, le taux de réaction a le temps caractéristique ε/k , il est gouverné par le micro mélange turbulent. Lorsqu'il y a présence de réactifs avec la proportion adéquate, ce modèle donne des produits de réaction même en l'absence d'ignition. La flamme pilote n'a aucun rôle, elle est remplacée par une paroi.

Résultats du calcul

Nous avons effectuée deux calculs avec la richesse $\phi = 0.6$ et en adoptant le mécanisme réactionnel réduit de C.K. Westbrook et F.L. Dryer [51]. Dans le premier calcul, une seule réaction est utilisée, dans le deuxième on a considéré les deux réactions pour tenir compte du CO . Pour le cas d'un hydrocarbure, ces réactions sont :



En utilisant les constantes standard ($A=4$ et $B=1$) du model EDM, les résultats trouvés sont loin des mesures, l'optimisation de ces constantes est nécessaire [52]. Cette optimisation est faite en effectuant une variation aléatoire des valeurs des constantes A et B pour contrôler le taux de réaction et ainsi la vitesse de la flamme et par conséquent la position du front de flamme. Malgré les résultats trouvés, cette procédure reste aléatoire et ne repose sur aucune argumentation physique.

L'introduction de la fonction d'efficacité de la combustion Γ_K permet d'utiliser les paramètres physico-chimiques du combustible pour ajuster le modèle EDM. Cette fonction dépend de la vitesse de la flamme laminaire S_L et de son épaisseur l_f . On a utilisé le code PREMIX avec le mécanisme réactionnel GRIMECH 3.0 pour calculer ces paramètres.

Le tableau 7.1 résume les résultats du calcul fait par PREMIX.

ϕ	T_{ad} (K)	S_L (m/s)	$l_{f_{zel}} 10^{-3}$ (m)	$l_{f_{spa}} 10^{-3}$ (m)
0.6	1664.4	0.113	0.199	0.988
0.7	1838.5	0.190	0.118	0.675
0.8	1997.8	0.270	0.084	0.541

Table 7.1 Propriétés de la flamme laminaire pour une pression $P=1$ bar et $T=300$ K.

L'épaisseur de la flamme est calculée par la formule de Spalding $l_{f_{spa}}$ et de Zeldovich $l_{f_{zel}}$ [26].

La figure 7.12 montre le résultat donné par l'utilisation du modèle EDM standard ($A=4$, $B=2$), de l'optimisation ($A=10$, $B=2$) et de l'introduction de la fonction Γ_K . Cette figure représente la variation axiale de la variable d'avancement de la réaction c qui peut être calculée en fonction des espèces en réaction ou de la température. On note le bon accord avec les mesures.

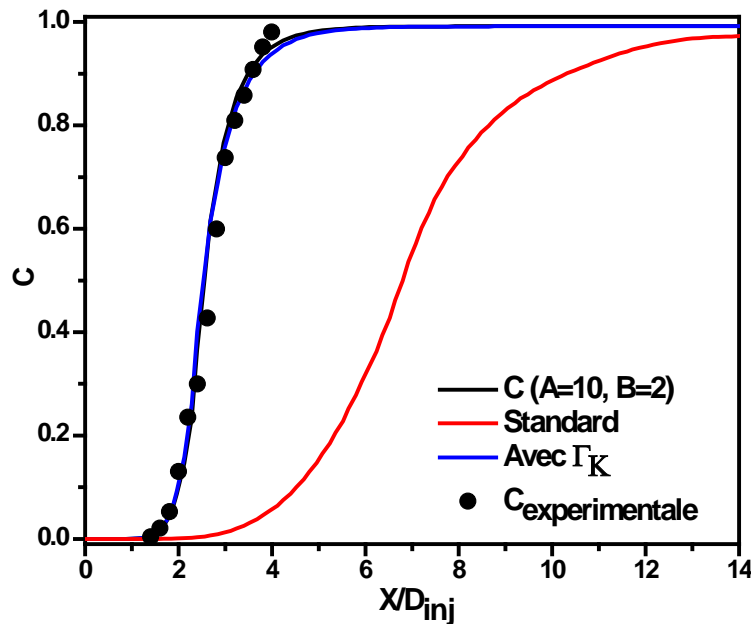


Figure 7.12 Variable d'avancement sur l'axe pour $\phi = 0.6$

La figure 7.13 compare le champ de la variable d'avancement c avec les lignes de courant calculées avec ajustement des constantes A et B et avec introduction de la fonction d'efficacité Γ_K , on note que la différence n'est pas significative. Cette remarque peut être aussi confirmée par les figures 7.14 et 7.15 qui montrent respectivement la distribution radiale de la variable d'avancement et du taux de réaction.

Sur la figure 7.13, on voit que les lignes de courants sont parallèles dans la zone du cône potentiel des gaz frais. En s'approchant de la zone de préchauffage, le gaz s'échauffe et atteint la température d'inflammabilité puis s'enflamme. La diminution de la densité des gaz chaud provoquent la détente et les lignes de courant divergent.

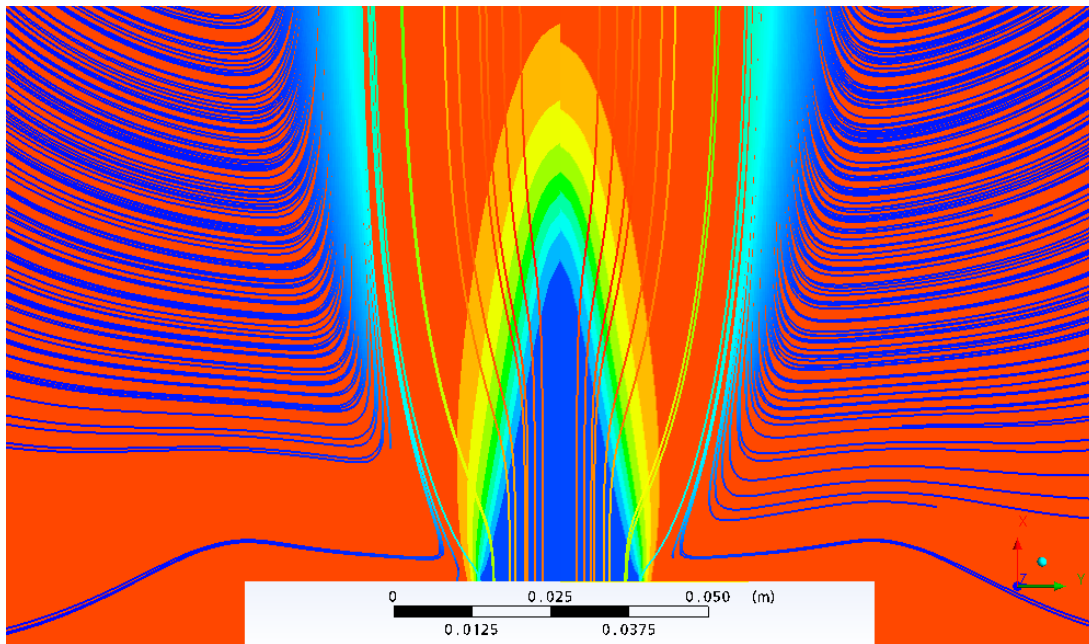


Figure 7.13 Champ de c et lignes de courant :
A droite avec Γ_K , à gauche $A=10$, $B=2$.

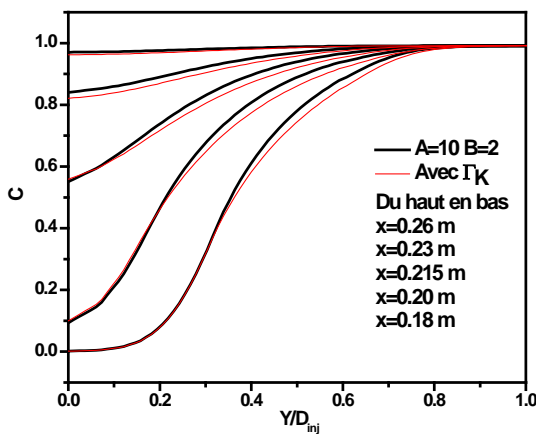


Figure 7.14 Distribution radiale de la variable d'avancement

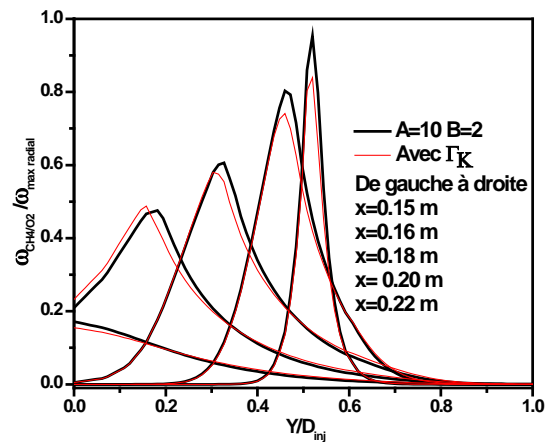


Figure 7.15 Distribution radiale du taux de réaction $\text{CH}_4\text{-O}_2$

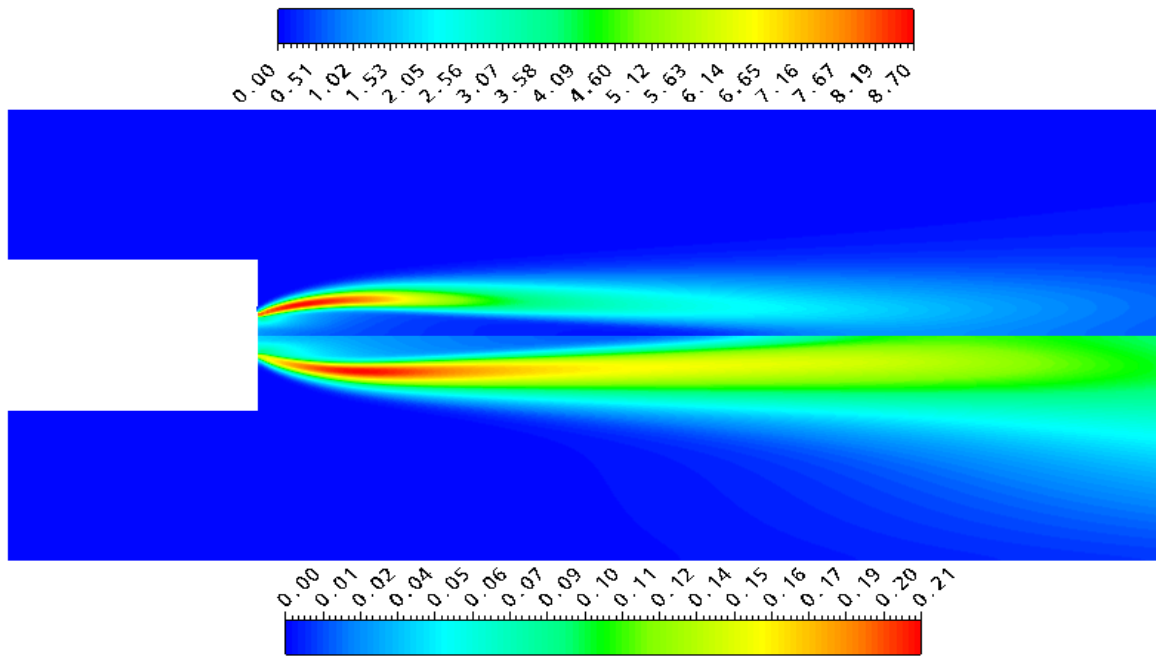


Figure 7. 16 : Bas) Energie cinétique de turbulence k [m^2/s^2]
Haut) Taux de dissipation ε [m^2/s^3]

La figure 7.16 montre l'énergie de turbulence et son taux de dissipation dans le cas réactif. Similairement au cas froid, cette dernière est produite essentiellement dans la zone de cisaillement entre le jet et le fluide en stagnation dans la chambre.

Structure interne de la flamme de prémélange méthane-air

Dans le premier calcul où la combustion est approximée par une seule réaction chimique, le méthane est complètement consommé pour donner le dioxyde de carbone et la vapeur d'eau. La structure interne de la flamme du prémélange méthane-air est montrée par la figure 7.17. Les fractions massiques et le taux de réaction sont normalisés par leurs valeurs maximales sur l'axe. On note que l'excès d'air est traduit par une quantité d'oxygène qui reste dans les produits de la combustion. Le taux de réaction est maximal à $x/D_{inj}=2.5$ [57]. On voit la bonne concordance des résultats de calcul avec l'expérience pour la variable d'avancement.

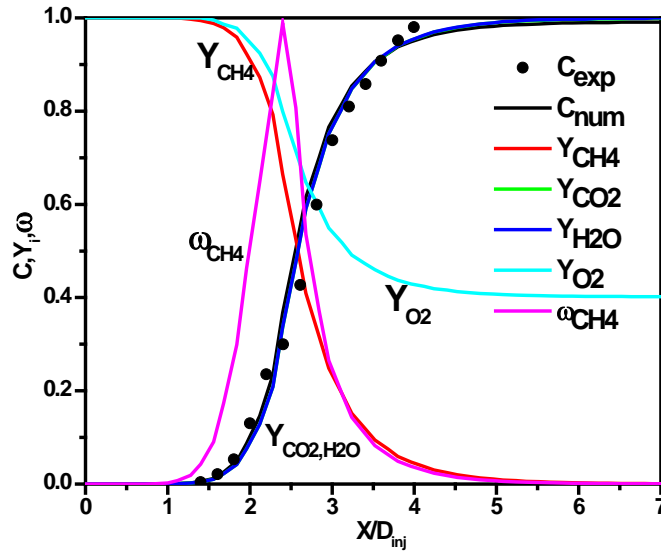


Figure 7. 17 Espèces chimiques normalisées sur l'axe de symétrie pour $\phi = 0.6$

Dans le deuxième calcul où on a considéré la combustion en deux étapes, on a pu calculer la distribution du monoxyde de carbone (CO). La figure 7.18 montre la structure interne de la flamme. On note qu'elle est pratiquement similaire au premier cas sauf dans les distributions de CO et CO_2 . Vu la décomposition du CO_2 pour donner le CO et O_2 , sa concentration maximale se trouve inférieure au premier cas. La figure montre une production maximale du CO dans la zone de haute température, cette concentration diminue en s'éloignant de la flamme. Dans ce mécanisme très simple le CO se recombine pour donner le CO_2 . A la sortie on trouve le CO_2 et H_2O .

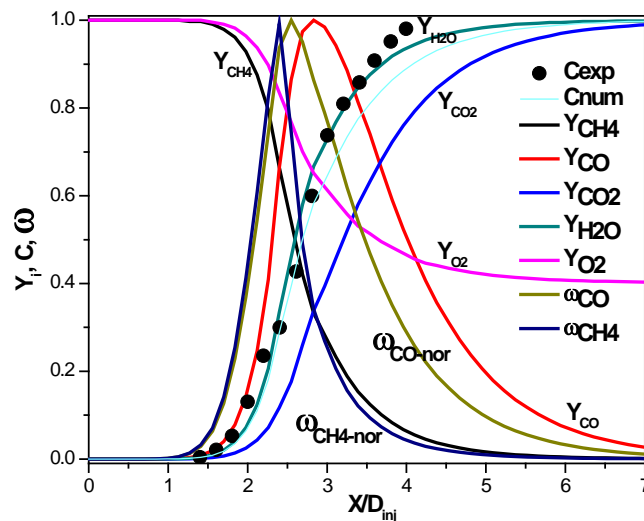
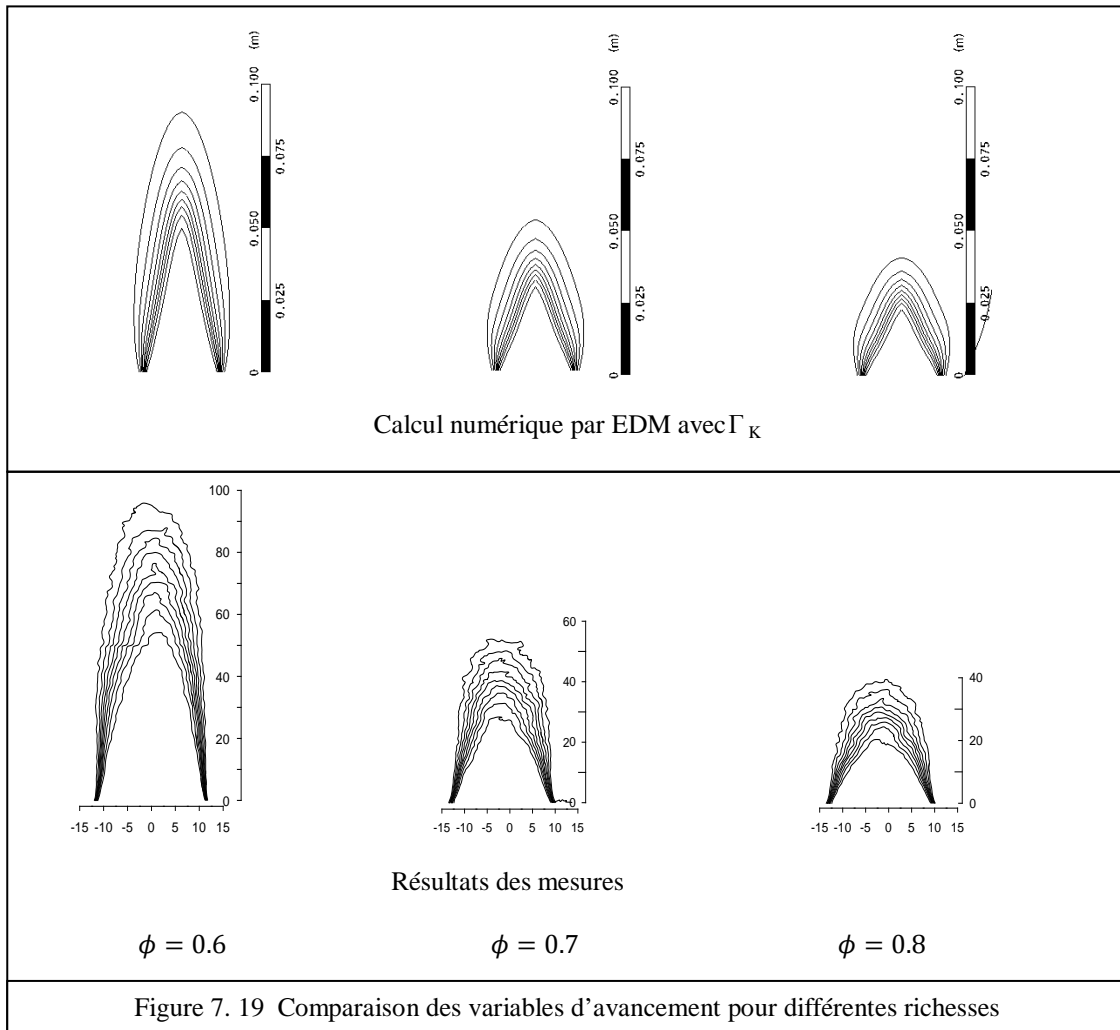


Figure 7. 18 Espèces chimiques normalisées sur l'axe de symétrie pour $\phi = 0.6$

Finalement, on a calculé les flammes pour des richesses de 0.7 et 0.8. On a trouvé que la longueur de la flamme augmente avec diminution de la richesse, ceci est du à la diminution de la vitesse de la flamme turbulente. La longueur de la flamme passe de 95, 55 à 40 mm pour les richesses 0.6, 0.7 et 0.8 respectivement (figure 7.19). La structure interne de la flamme reste inchangée sauf la longueur de la flamme et l'augmentation de la production du CO_2 . On a aussi remarqué que l'épaisseur globale de la flamme calculée est plus importante que celle mesurée au voisinage du brûleur.



4.2) Calcul par le modèle TFC

4.2.1) Conditions aux limites

En plus des conditions aux limites considérées dans le cas froid, les fractions de mélange sont nécessaires à l'entrée du brûleur et de la flamme pilote stœchiométrique. Cette dernière est nécessaire dans ce cas pour l'ignition de la combustion.

Les fractions de mélange sont calculées par l'équation (5.9) pour différentes richesses et résumées par le tableau suivant :

ϕ	0.6	0.7	0.8
$Z_{brûleur}$	0.0337	0.0391	0.0445
$Z_{flamme\ pilote\ st}$	0.055	0.055	0.055

Dans cette partie le calcul est fait par le modèle TFC, on a pris un mécanisme réactionnel détaillé de 17 espèces chimiques (O_2 , H , OH , O , H_2 , H_2O , HO_2 , H_2O_2 , CO , CO_2 , CH , CHO , CH_2 , CH_2O , CH_3 , CH_4 et N_2) avec 55 réactions élémentaires disponibles dans le code CFX. Les résultats sont présentés pour trois flammes de méthane $\phi=0.6$, 0.7 et 0.8. On a calculé la vitesse de la flamme laminaire par la corrélation bêta (équation (5.84)), celle de la flamme turbulente par la formule de Mueller (équation (5.77)). Les résultats trouvés confirment ceux du modèle EDM.

Sur les figures 7.20 et 7.21, on a représenté l'évolution de la fraction massique du CO , CO_2 , CH_4 et OH sur l'axe de symétrie. On note que l'augmentation de la richesse du mélange provoque l'augmentation des concentrations des espèces citées. Contrairement à EDM, ce modèle donne la fraction du CO à la sortie de la chambre de combustion. Aussi, on a remarqué l'augmentation de la température adiabatique de combustion, de la vitesse de la flamme turbulente, ce qui explique la diminution de la longueur de la flamme (de 90 mm à 40 mm environs) lorsque la richesse passe de 0.6 à 0.8 (voir figure 7.22).

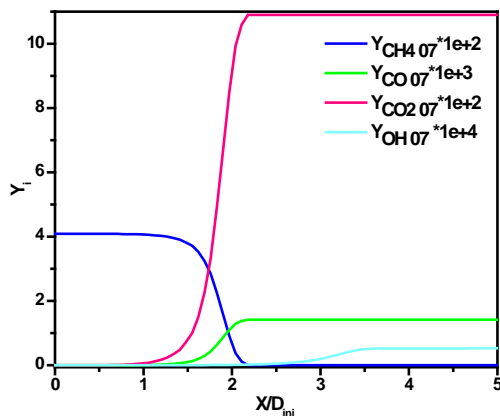


Figure 7.20 Espèces majoritaires et minoritaires pour $\phi = 0.7$

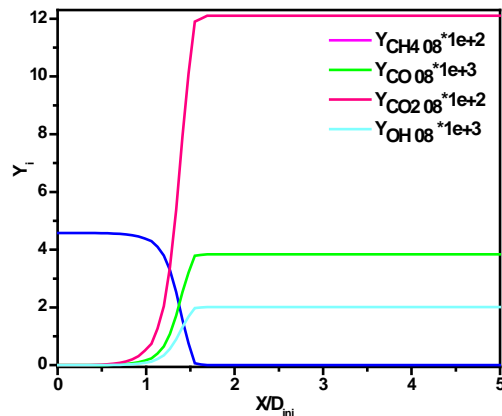
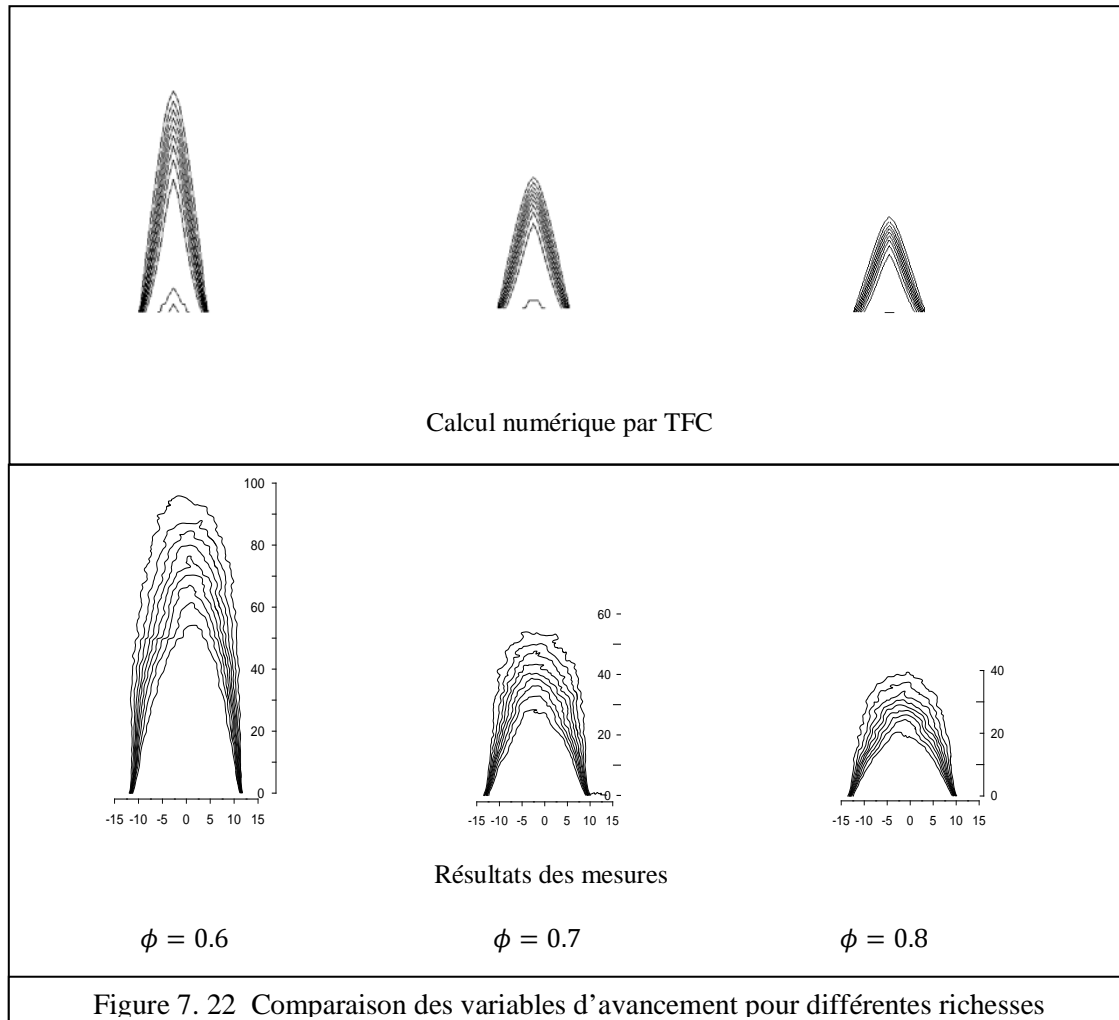


Figure 7.21 Espèces majoritaires et minoritaires pour $\phi = 0.8$

On remarque sur la figure 7.22 que l'épaisseur globale de la flamme est bien reproduite surtout dans la zone proche du brûleur. On note aussi que la longueur de la flamme est en bon accord avec les mesures.



4.2.2) Effet de la richesse sur le champ dynamique et la structure interne de la flamme

Sur les figures 7.23, on a représenté l'effet de la richesse sur la vitesse de l'écoulement et l'énergie cinétique turbulente. Comparativement au cas froid (fig. 7.9 et 7.10), les vitesses sont plus importantes dans les cas réactifs, elles augmentent avec la richesse du combustible. Cela est dû à l'expansion des gaz (diminution de leurs densités) sous l'effet de la chaleur dégagée par la combustion. Pour les grandes richesses, le dégagement de la chaleur est important et par conséquent les vitesses.

On remarque un déplacement du maximum de l'énergie de turbulence de $Y=0.01m$ pour le cas froid à $Y=0.03m$ pour l'écoulement réactif. Ce déplacement est dû à la relaminarisation de l'écoulement dans la zone près du brûleur à cause de la diminution de densité (qui passe de 1.12 kg/m^3 à 0.2 kg/m^3 pour le cas du CH_4 à $\phi=0.6$) provoquant la diminution du nombre de Reynolds. Après l'expansion des gaz, l'augmentation de vitesse et de densité provoquent l'augmentation du nombre de Reynolds, cela génère des gradients de vitesses plus importants et par conséquent des énergies de turbulence plus grandes que le cas de l'écoulement froid. Finalement, on peut dire que l'énergie turbulente augmente en fonction de la richesse.

La figure 7.24 représente la variation de la température et de H_2O produite par la combustion. La température est maximale sur l'axe de symétrie, elle diminue ensuite vers un minimum créé par le tourbillon qui recircule dans la chambre et qui entraîne les gaz frais, à la fin elle augmente vers une température d'équilibre sur la paroi solide supposée adiabatique. La température maximale de combustion est bien reproduite par le mécanisme réactionnel, elle augmente en fonction de la richesse. On a trouvé une température maximale de 1669 K pour une richesse de 0.6 , 1845 K pour une richesse de 0.7 et 2011 K pour une richesse de 0.8 . Ces valeurs sont légèrement supérieures aux températures adiabatiques de combustion, cela est dû à notre avis au mécanisme réactionnel de CFX qui n'est pas aussi précis que le mécanisme GRIMECH 3.0 utilisé pour le calcul des températures adiabatiques de combustion. La fraction massique de l'eau produite par la combustion, ainsi que la CO et le CO_2 augmentent en fonction de la richesse. L'augmentation du CO est significative, sa valeur maximale croît plus de cent fois lorsque la richesse passe de 0.6 à 0.8 .

Sur la figure 2.26, on représente l'évolution des vitesses de la flamme laminaire et turbulente. La première est une caractéristique du gaz, elle dépend des paramètres physico-chimiques du mélange. La deuxième dépend de l'écoulement et principalement de la turbulence. Le maximum de la vitesse de la flamme laminaire augmente de 0.065 m/s (pour une richesse de 0.6) à 0.278 m/s (pour une richesse de 0.8). Celui de la vitesse de la flamme turbulente passe de 1.0 m/s à 1.15 m/s lorsque la richesse varie de 0.6 à 0.8 . Les tourbillons présents dans l'écoulement turbulent étirent le front de la flamme, cela fait croître la surface de la flamme et par conséquent la production des espèces.

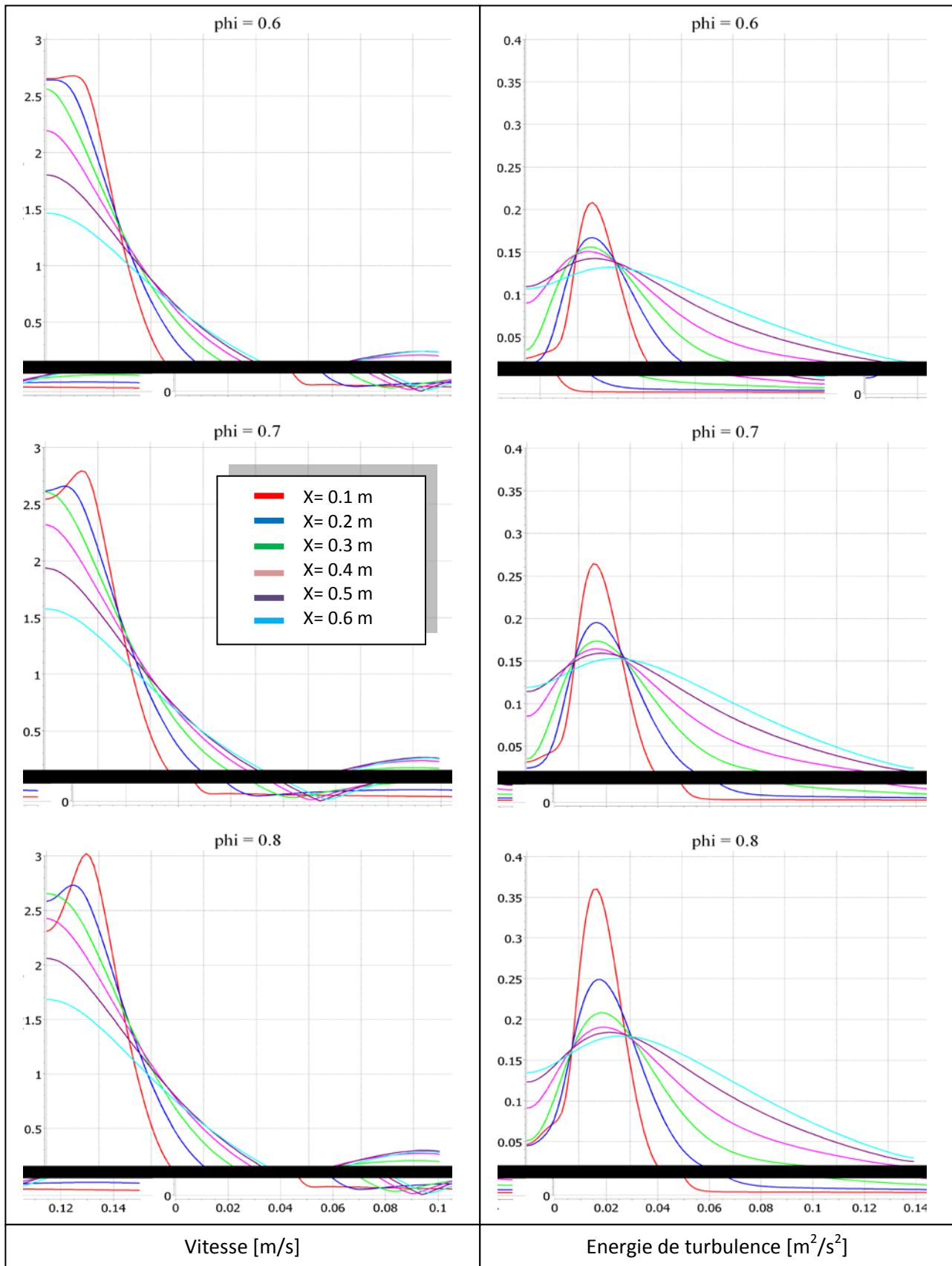


Figure 7.23 Effet de la richesse du mélange sur le champ dynamique

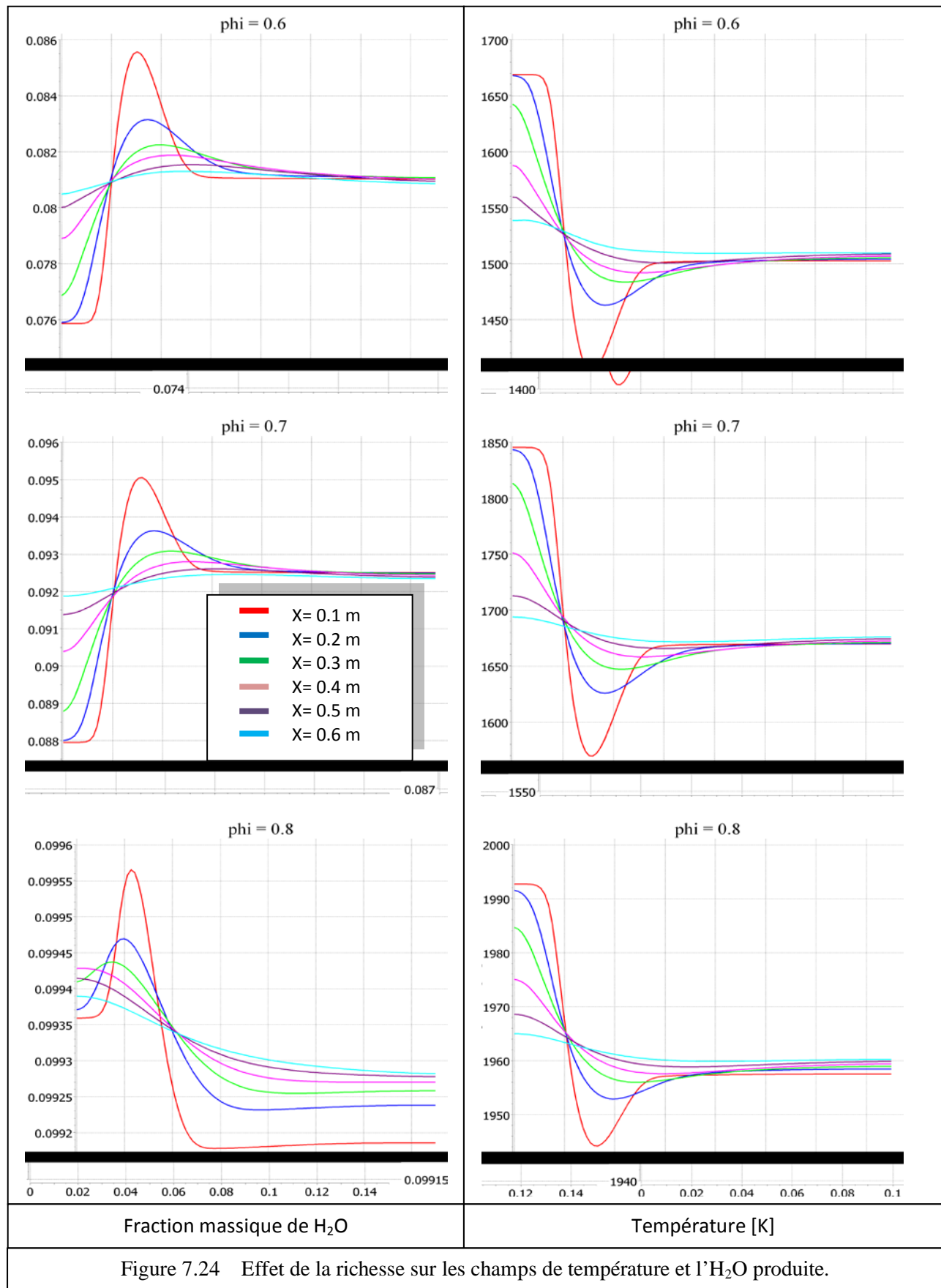
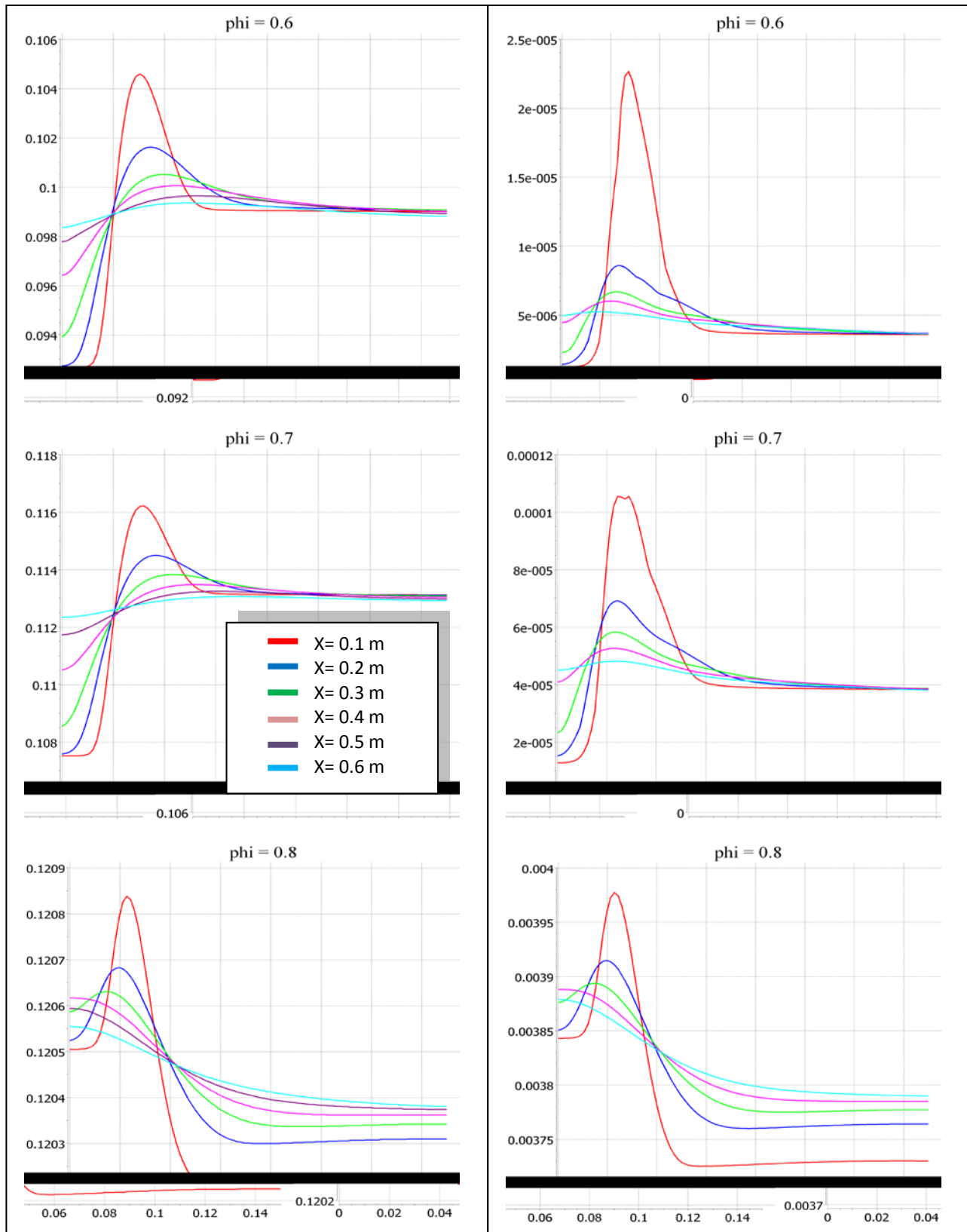


Figure 7.24 Effet de la richesse sur les champs de température et l'H₂O produite.



Fraction massique de CO_2

Fraction massique de CO

Figure 7.25 Effet de la richesse sur les fractions de CO_2 et CO .

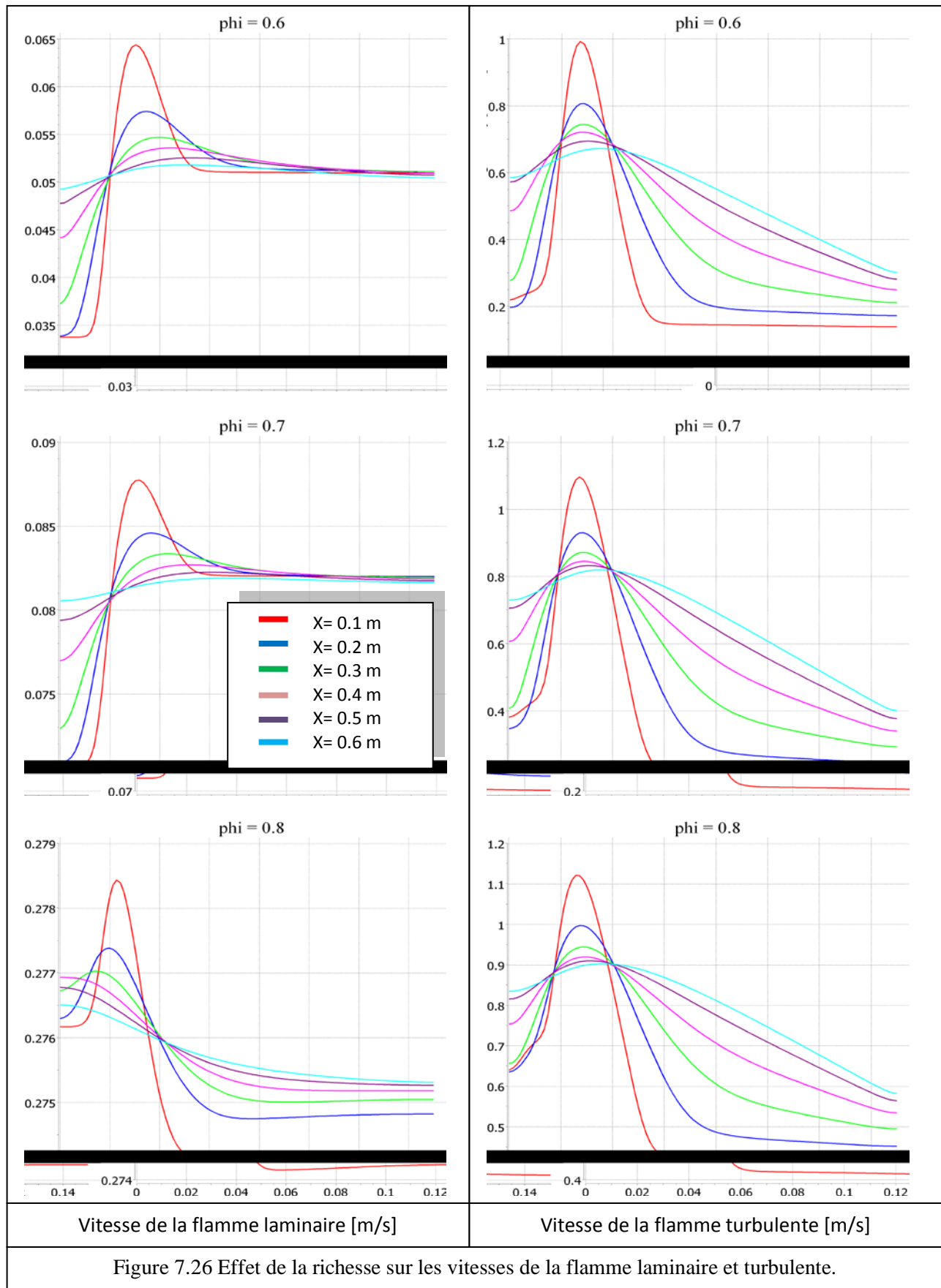


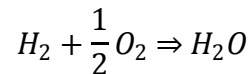
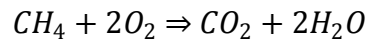
Figure 7.26 Effet de la richesse sur les vitesses de la flamme laminaire et turbulente.

4.2) Effet de l'enrichissement par l'hydrogène sur la flamme du méthane

On a refait les mêmes calculs pour la flamme pauvre de méthane enrichie à l'hydrogène avec des quantités de 10% et 20% en volume et à richesse globale $\phi = 0.6$.

4.2.1) Calcul par EDM

Dans ce calcul, on a considéré un mécanisme réactionnel très simple composé de deux réactions fondamentales. La première concerne la combustion du méthane et la deuxième de l'hydrogène. Les deux réactions donnent l' H_2O et le CO_2 . Le taux de réaction global est la somme des deux taux de réactions élémentaires. Les réactions chimiques s'écrivent :



La dissociation du CO_2 , pour donner le CO , n'a pas pu être prise en compte car la procédure numérique diverge dans la majorité des cas. Cela est dû au modèle EDM qui ne peut traiter plus de deux réactions élémentaires.

Pour ajuster le modèle, les caractéristiques de la flamme laminaire sont calculées par le code PREMIX en utilisant le mécanisme GRIMECH 3. La table 7.2 résume les résultats pour différents taux d'enrichissement.

% H_2	T_{ad} (K)	S_L (m/s)	$l_{fzel} 10^{-3}$ (m)	$l_{fspa} 10^{-3}$ (m)
10	1674	0.124	0.184	0.916
20	1680	0.135	0.172	0.858

Table 7.2 Propriétés de la flamme laminaire pour une pression $P=1$ bar et $T=300$ K

La figure 7.27 montre la structure de l'écoulement proche du brûleur pour les deux flammes. À gauche celle du méthane et à droite celle du méthane enrichie à 10% d'hydrogène (à une richesse globale de $\phi = 0.6$). La remarque qui peut être directement faite est que la longueur de la flamme enrichie est nettement inférieure à celle du méthane. Cela signifie que la vitesse de la flamme enrichie est supérieure à la flamme du méthane.

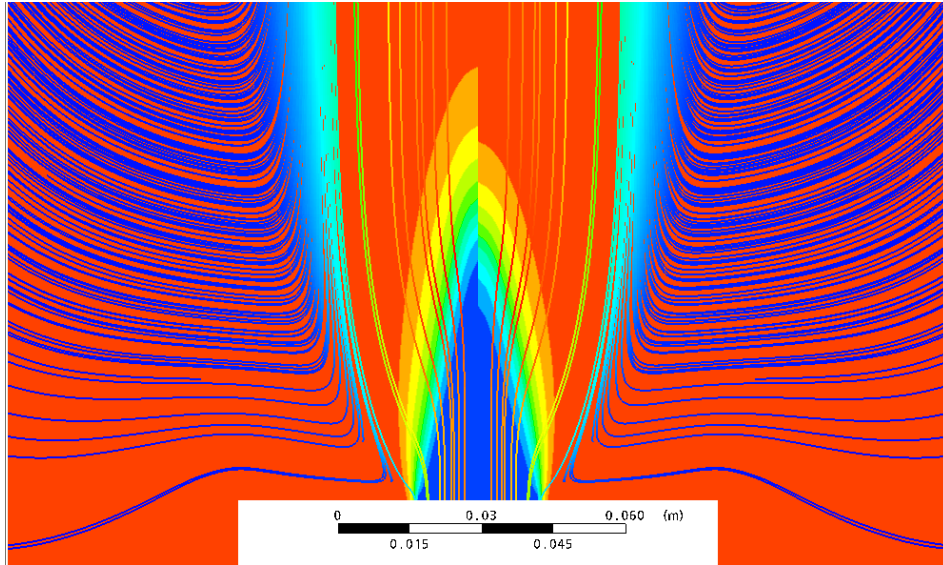


Figure 7.27 : Variable d'avancement et lignes de courant pour une flamme de méthane (à gauche) et avec ajout de 10% d'hydrogène (à droite) à $\phi = 0.6$.

Structure interne de la flamme de prémélange méthane-hydrogène-air

La structure interne de la flamme est représentée sur la figure 7.28, elle représente l'évolution axiale normalisée des espèces mises en jeu à travers la flamme ainsi que les taux de réactions élémentaires.

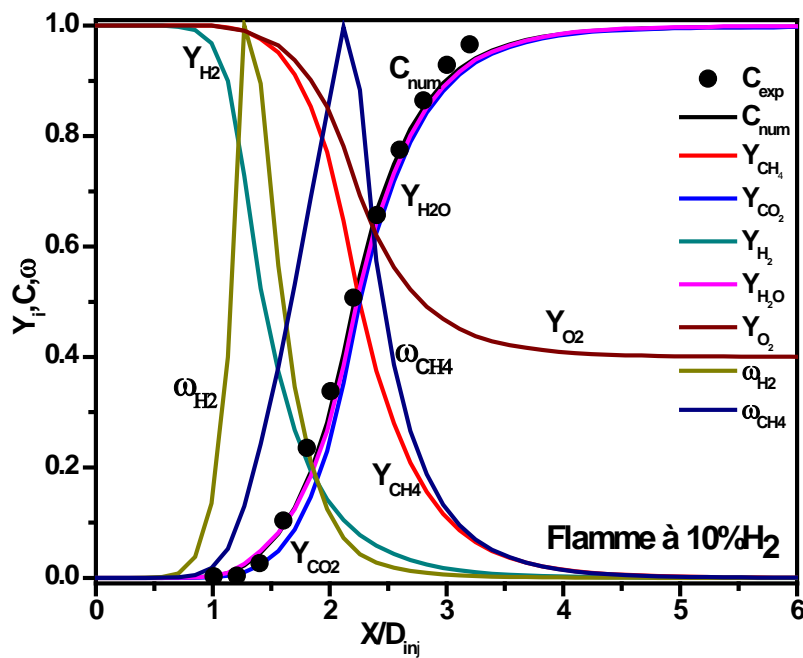


Figure 7. 28 Espèces chimiques normalisées sur l'axe de symétrie

On remarque que le maximum du taux de réaction du méthane est localisé à $X/D_{inj} = 2.1$ (pour le méthane pur on a trouvé $X/D_{inj} = 2.1$), celui de l'hydrogène à $X/D_{inj} = 1.2$. La consommation de l'hydrogène se fait rapidement comparativement au méthane, la flamme est plus réactive. La vitesse de combustion est plus importante ce qui explique la diminution de la longueur de la flamme. On remarque toujours le surplus de l'oxygène qui se trouve avec les gaz brûlés.

Une comparaison avec la mesure est faite pour la variable d'avancement dans les trois flammes à la même richesse globale $\phi = 0.6$: une flamme du méthane, une autre avec 10% d'hydrogène et la dernière avec 20% d'hydrogène (figure 7.29). On note que la structure interne de la flamme est la même, la réactivité du mélange augmente avec le taux d'hydrogène, la température maximale de la combustion augmente mais elle n'est pas significative (+7K pour 10% d' H_2 et +9K pour 20% d' H_2). La figure 7.29 montre l'effet de l'ajout d'hydrogène sur la production du CO_2 , on remarque qu'elle augmente légèrement à cause de la réactivité du mélange.

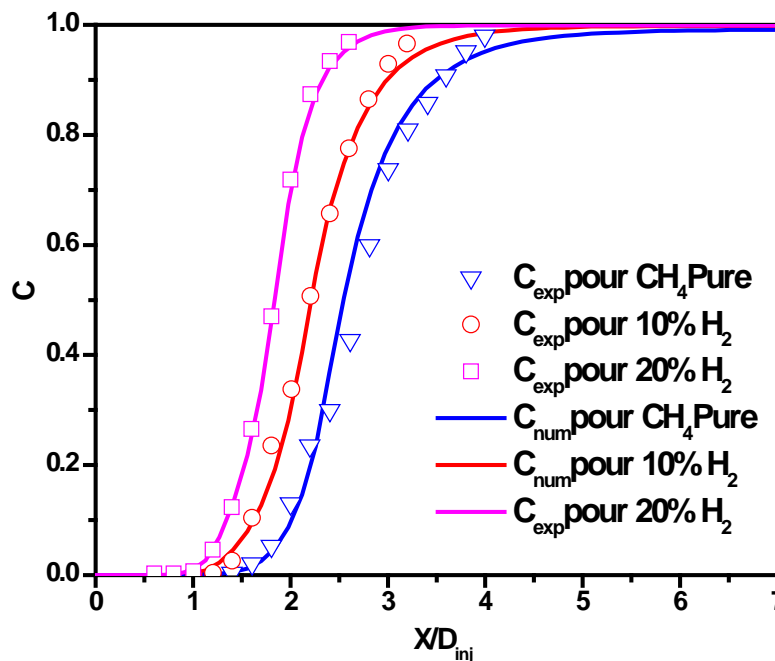
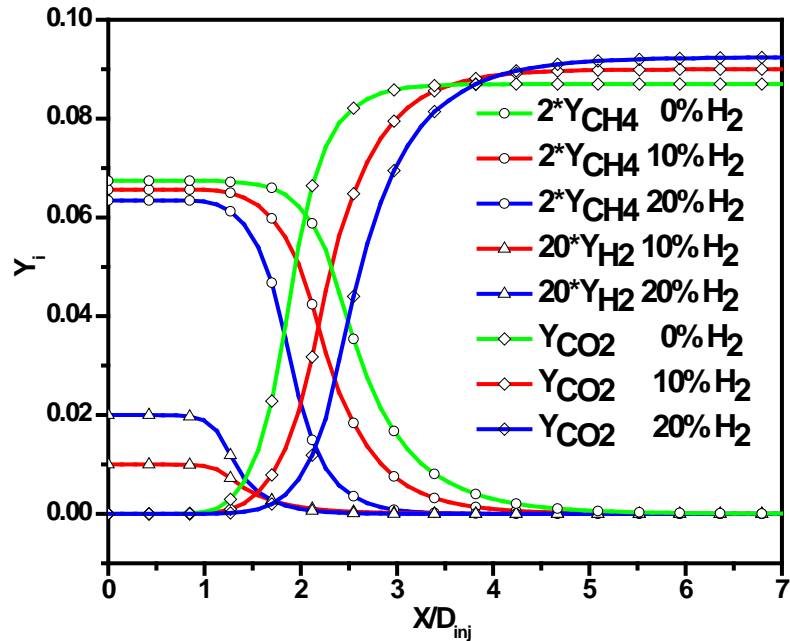


Figure 7. 29 Variables d'avancement mesurées et calculées sur l'axe de symétrie.

Figure 7.30 Production du CO₂ sur l'axe de symétrie

4.2.2) Calcul par TFC

Conditions aux limites

En plus des conditions aux limites considérées dans le cas froid, on doit introduire les fractions de mélange comme conditions aux limites pour les espèces chimiques, elles sont calculées par l'équation (5.9). Les valeurs pour la flamme à 10% et 20% d'hydrogène sont résumées par le tableau suivant :

H ₂ %	10 %	20 %
$Z_{brûleur}$	0.0323	0.0307
$Z_{flamme\ pilote\ st}$	0.0550	0.0550

La description de la chimie est faite par un mécanisme réactionnel livré avec CFX et élaboré pour les flammes des mélanges gazeux. Ce mécanisme est composé de 49 espèces et 508 réactions élémentaires.

Les figures 7.31 à 7.34 représentent les champs de température, vitesse, variable d'avancement, lignes de courant, vitesse de la flamme laminaire, vitesse de la flamme turbulente, fraction de mélange et densité. Elles sont tracées pour le cas de 10% H₂. Pour l'enrichissement à 20% de H₂ on a pratiquement la même structure.

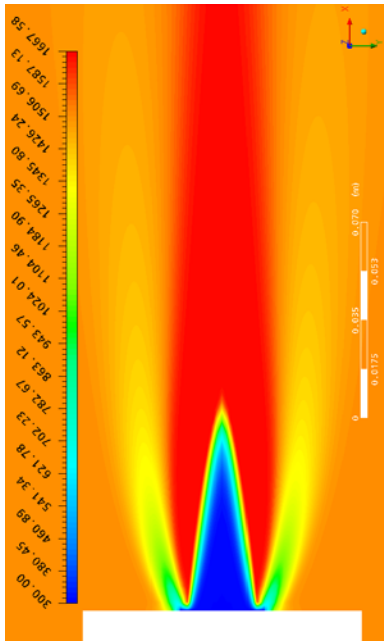


Figure 7.31 Champ de température

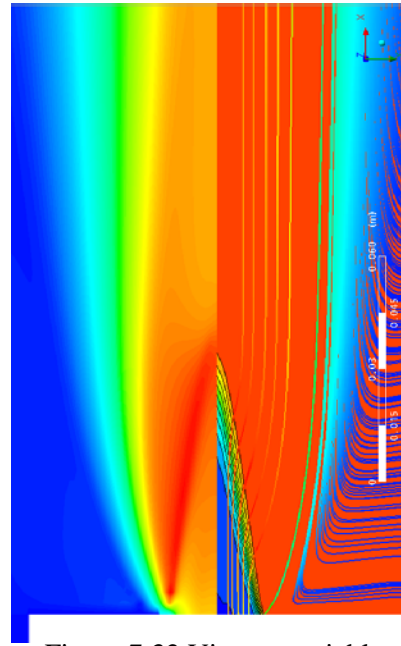


Figure 7.32 Vitesse, variable d'avancement et lignes de courant

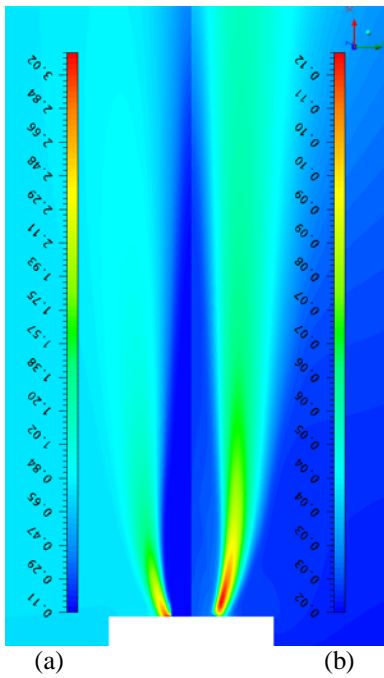


Figure 7.33 Vitesse de la flamme [m/s]
(a) Laminaire (b) turbulente

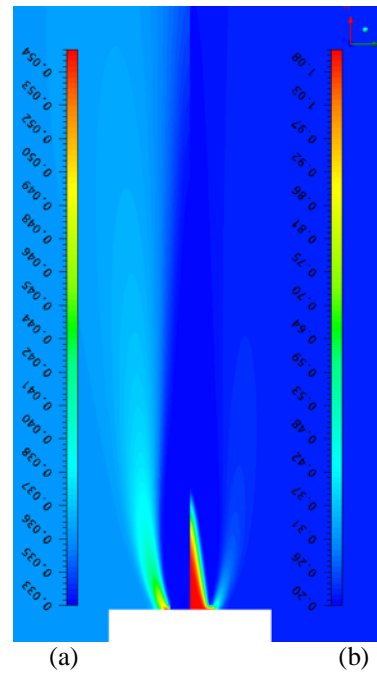


Figure 7.34 (a) Fraction de mélange
(b) Densité [kg/m³]

Sur la figure 7.35, on représenté la distribution axiale de quelques espèces. On note l'augmentation de la production des espèces avec l'enrichissement à l'hydrogène. Malgré le remplacement d'une fraction du méthane par l'hydrogène, la production du CO et du CO_2 augmente. Ce phénomène est du à la réactivité de la flamme dopée qui consomme rapidement le combustible et produit beaucoup plus d'émissions.

Sur la figure 7.36, une comparaison du calcul et de la mesure est faite. On remarque que l'écart est plus important que dans le cas du modèle EDM (figure 2.29). A notre avis, cela est du au mécanisme réactionnel qui n'est pas adapté pour ce type de mélange surtout lorsque la fraction d'hydrogène augmente.

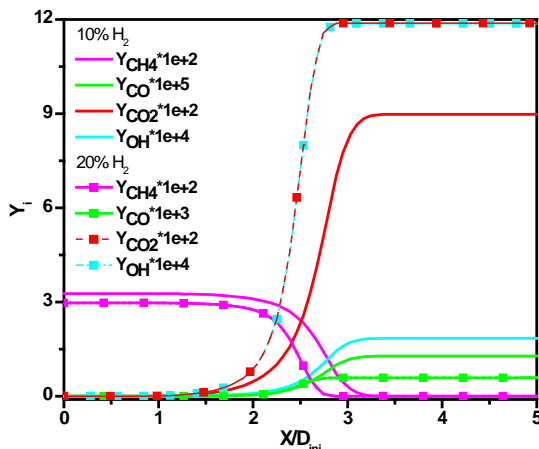


Figure 7.35 Variation de la fraction des espèces le long de l'axe de symétrie.

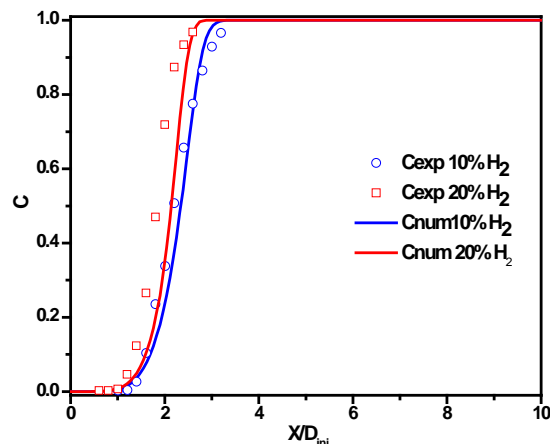


Figure 7.36 Variable d'avancement sur l'axe de symétrie.

4.2.3) Effet du dopage par l'hydrogène sur le champ dynamique et la structure interne de la flamme

Sur les figures 7.37 à 7.40, on étudie l'effet du dopage sur la structure de la combustion. Pour le champ dynamique (Fig. 7.37), la distribution des vitesses et de l'énergie de turbulence est quasiment similaire au cas de l'augmentation de la richesse. Un dopage de 10% produit un effet semblable à une richesse $\phi = 0.7$, la même chose pour un dopage de 20% qui est presque similaire à la richesse $\phi = 0.8$. La figure 7.38 montre le champ de température et de H_2O produite par combustion. Contrairement à l'augmentation de la richesse où les températures augmentent de façon considérable, on note que l'augmentation de la température est négligeable dans le cas du dopage par l'hydrogène (sauf pour le cas de 20% d' H_2 par le modèle TFC où le mécanisme réactionnel n'est pas adapté). La production de H_2O augmente avec le dopage, elle reste similaire au cas de l'accroissement de la richesse.

Pour CO et CO_2 (figure 7.39), le résultat est légèrement inférieur à celui de l'augmentation de la richesse. Finalement, les vitesses de la flamme laminaire et turbulente (figure 7.40) augmentent avec le niveau de l'enrichissement par l'hydrogène. La vitesse de la flamme turbulente est nettement supérieure à celle produite par augmentation de la richesse.

En conclusion, on peut dire que l'augmentation de la richesse du mélange fait croître la production des émissions CO et CO_2 , des vitesses de la flamme turbulente et laminaire ainsi que la température qui augmente de façon considérable ceci peut générer les NO_x thermiques qui sont produits à partir d'une température d'ordre de ~ 1750 K.

Dans le cas du dopage par l'hydrogène, on a constaté une légère diminution de la production du CO et CO_2 . Aussi, on a constaté une augmentation dans les vitesses de la flamme laminaire et turbulente et une petite variation de la température qui ne favorise pas la formation des NO_x .

Finalement, on peut dire que le phénomène de combustion est complexe vu le dégagement intense de la chaleur, la variation rapide des paramètres, la production et la consommation des espèces et en plus la turbulence qui rend le problème très complexe. C'est pourquoi les mécanismes réactionnels du code CFX donnent de très bons résultats pour le cas du méthane à différentes richesses (dans ce cas on a un seul combustible). Les résultats sont acceptables pour le cas des mélanges de méthane-hydrogène (surtout pour un taux de dopage important) malgré l'utilisation de mécanismes très détaillés.

5) Conclusion

Dans ce dernier chapitre, on a pu montrer l'effet de la richesse sur la flamme du méthane. On a démontré que l'augmentation de la richesse pour stabiliser la flamme n'est pas bénéfique. A richesse proche de la stœchiométrie, les températures de combustion sont assez élevées pour former les NO_x , CO et CO_2 .

Par contre le dopage par l'hydrogène peut stabiliser la flamme tout en gardant un niveau quasi constant de températures. Cela inhibe la formation des émissions nocives.

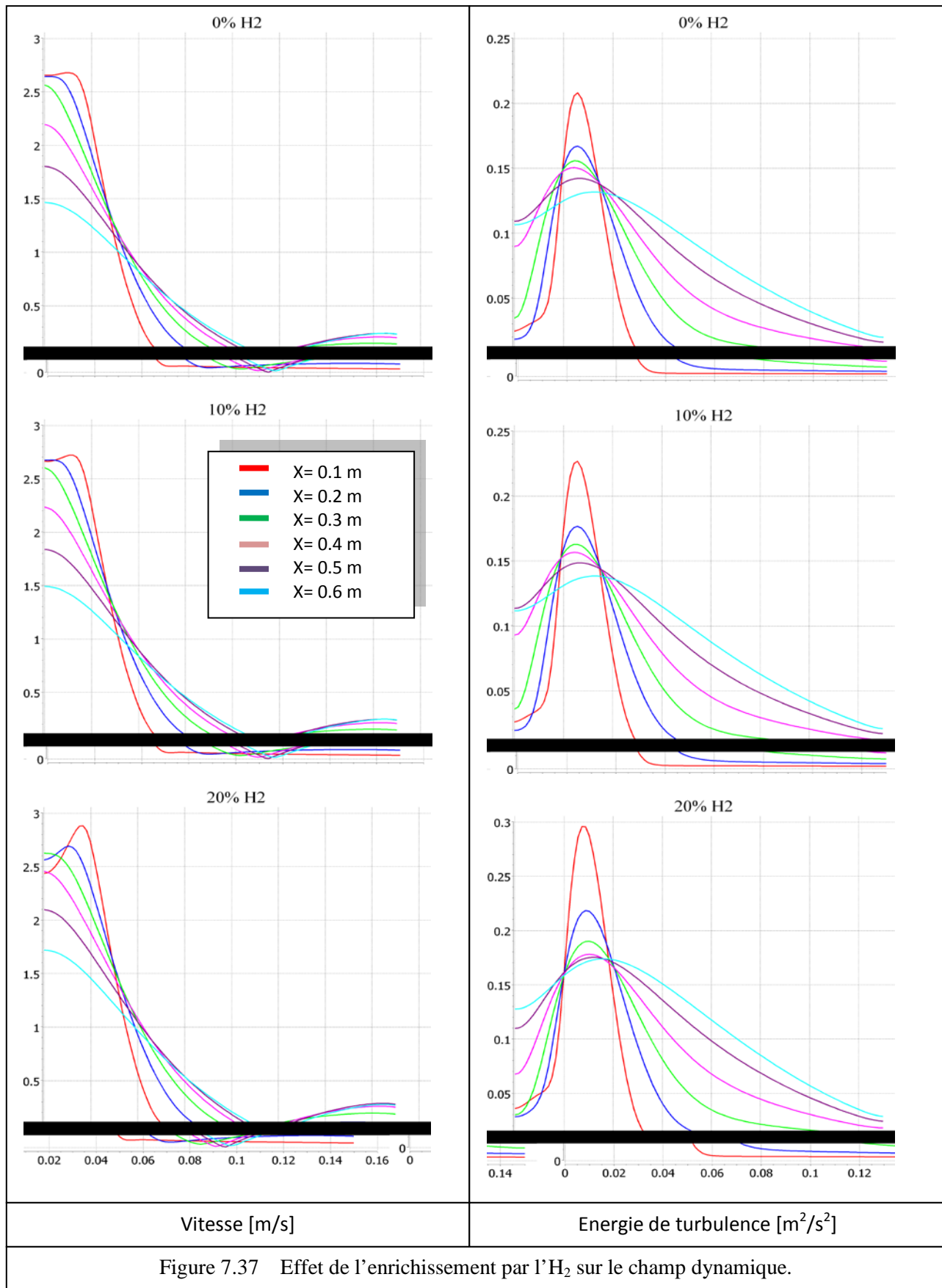


Figure 7.37 Effet de l'enrichissement par l'H₂ sur le champ dynamique.

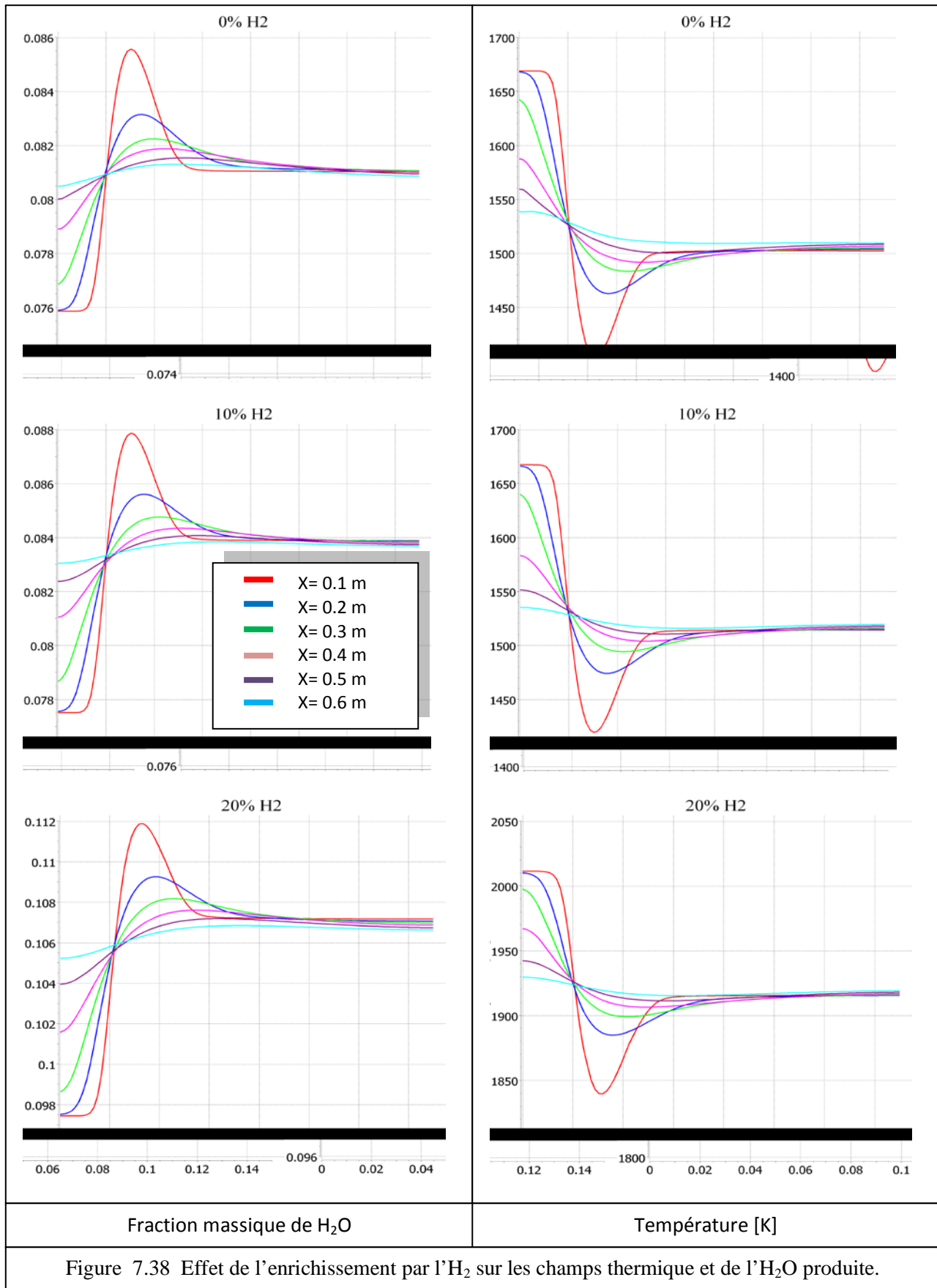


Figure 7.38 Effet de l'enrichissement par l'H₂ sur les champs thermique et de l'H₂O produite.

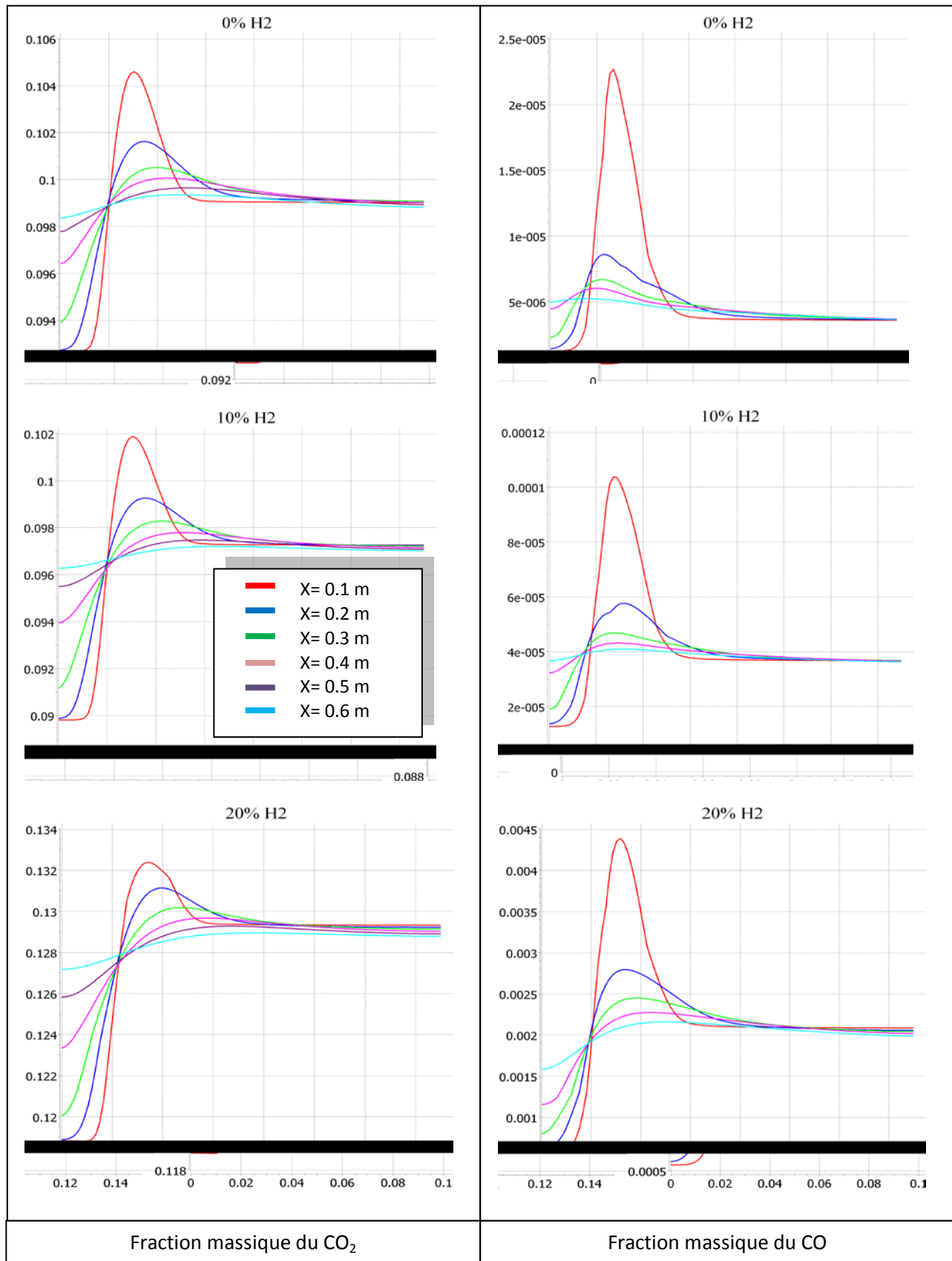


Figure 7.39 Effet de l'enrichissement par l'H₂ sur la production du CO et du CO₂.

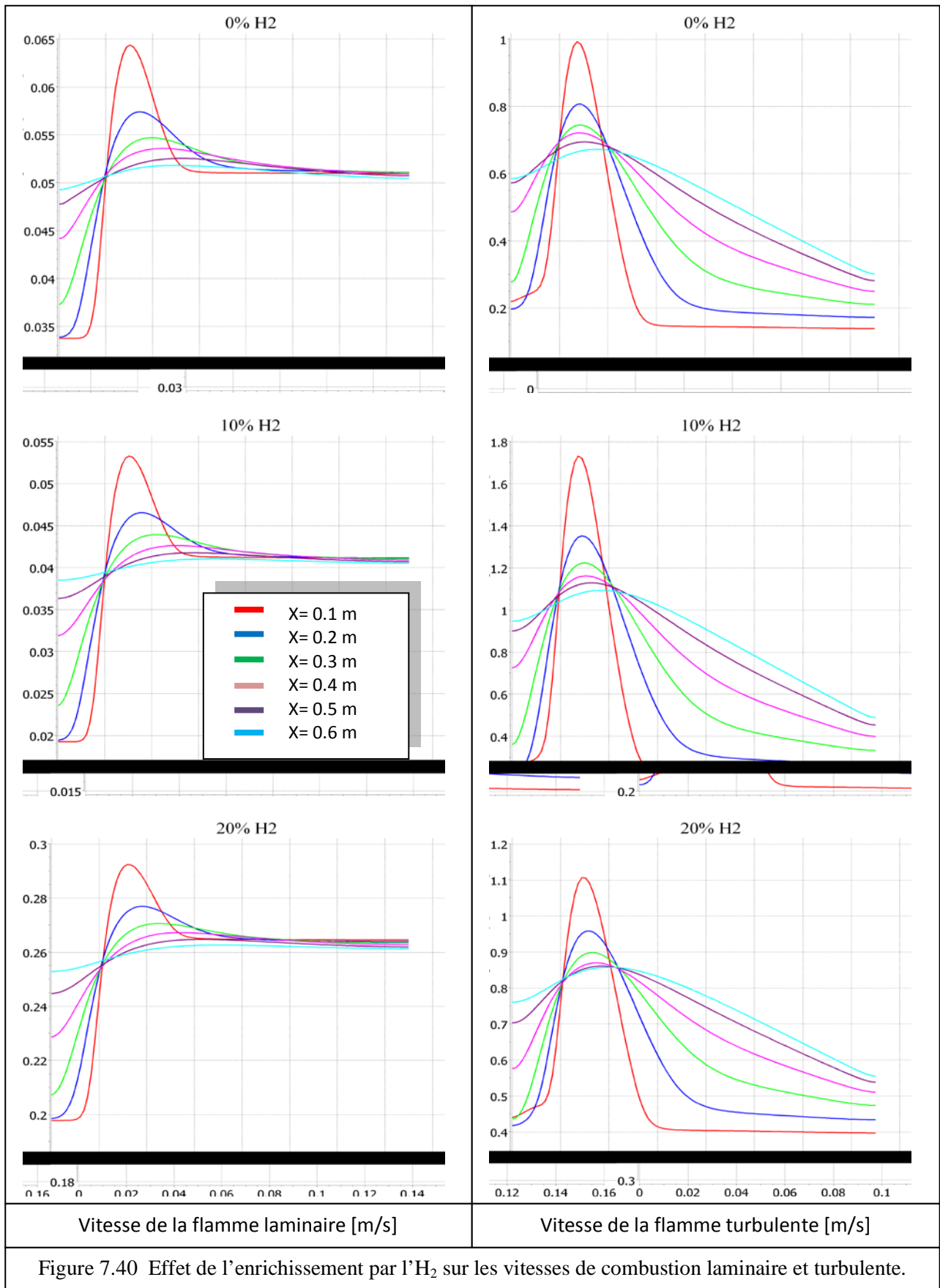


Figure 7.40 Effet de l'enrichissement par l'H₂ sur les vitesses de combustion laminaire et turbulente.

CONCLUSION GENERALE

Ce travail de recherche vise à améliorer la connaissance et la compréhension des phénomènes mis en jeu lors d'un processus de combustion turbulente en milieu prémélangé. En particulier, notre but était de caractériser l'effet de la richesse et l'ajout de l'hydrogène sur la combustion turbulente du mélange pauvre méthane/air.

L'étude bibliographique effectuée dans le premier chapitre présente l'effet de la richesse sur la combustion et le large potentiel offert par l'enrichissement en hydrogène, qui permet en particulier d'étendre les limites pauvres d'inflammabilité du mélange, d'accroître la stabilité de la flamme et de minimiser le CO et CO₂. Ces propriétés permettent la diminution de la richesse globale du mélange et donc une réduction des polluants tels que les NO_x.

Afin d'aboutir à notre but, le code CFX est utilisé pour le calcul, il a fait l'objet de plusieurs améliorations. Nous avons introduit la correction de Pope au niveau de l'équation du taux de dissipation de l'énergie de turbulence. Ce terme source a pour objectif de remédier au problème lié au taux d'épanouissement dans les jets ronds. Ensuite, nous avons introduit la fonction d'efficacité dans le modèle de combustion EDM. Ce dernier ne calcule pas correctement la position du front de flamme, sauf si on ajuste deux constantes libres. L'utilisation de la fonction d'efficacité nous a permis d'ajuster ces constantes en utilisant les informations physico chimiques du combustible (épaisseur et vitesse de la flamme laminaire) et les caractéristiques de l'écoulement turbulent (intensité de turbulence et échelle intégrale de longueur). Ces informations peuvent être calculées ou mesurées pour ajuster le modèle EDM. Dans notre cas, le code PREMIX est utilisé, avec le mécanisme réactionnel Grimech-3.0, pour calculer l'épaisseur et la vitesse de la flamme laminaire.

Dans un premier calcul, nous avons considéré l'écoulement d'air dans la chambre de combustion. Cela nous a permis de comprendre le comportement du code, de vérifier la correction de Pope et de valider les résultats trouvés.

Pour caractériser l'effet de la richesse sur la structure de la flamme, nous avons premièrement fait le calcul par le modèle EDM pour trois richesses 0.6, 0.7 et 0.8. On a pris une réaction élémentaire pour décrire la combustion, cela nous a permis de calculer la structure interne de la flamme avec un nombre réduit d'espèces (CH₄, O₂, CO₂ et H₂O). Malgré la simplicité des mécanismes réactionnels utilisés, la variable d'avancement de la réaction était en bon accord avec l'expérience. Ensuite, nous avons pris deux réactions

élémentaires pour décrire la production du CO. On a remarqué que lorsque la richesse augmente, la vitesse de la flamme augmente, et par conséquent la longueur de la flamme diminue. Les résultats de calcul pour la variable d'avancement ont été comparés avec les mesures. Du point de vue longueur de la flamme, on a obtenu un bon accord. Pour l'épaisseur globale de la flamme l'accord était acceptable.

On a repris les calculs par le modèle TFC (Turbulent flamme Closure), une chimie détaillée de 17 espèces chimiques et 55 réactions élémentaires a été utilisée. On a eu une bonne concordance entre le calcul et les mesures de la variable d'avancement, une caractérisation de la structure interne de la flamme est faite en termes des espèces chimiques majoritaires et minoritaires et du champ de la température. On a constaté que l'augmentation de la richesse en régime pauvre stabilise la flamme et diminue sa longueur (à cause de l'augmentation de la vitesse de la flamme turbulente) mais augmente la température qui favorise la formation des NO_x thermiques et produit plus de CO et de CO₂.

La deuxième partie de cette étude est concentrée à l'effet du dopage de la flamme pauvre du méthane par l'hydrogène. La richesse globale est maintenue constante à 0.6. On a ajouté 10% et 20% en volume d'hydrogène. Un premier calcul est fait par le modèle EDM avec deux réactions élémentaires, une pour la combustion de l'hydrogène et l'autre pour le méthane, le taux global de réaction est la somme des deux taux de réaction. Finalement, un dernier calcul était fait avec le modèle TFC avec une chimie rapide, des mécanismes réactionnels détaillés ont été utilisés (49 espèces et 508 réactions). On a trouvé que l'ajout de l'hydrogène augmente la réactivité du mélange et par conséquent la vitesse de la flamme turbulente ce qui diminue la longueur de la flamme. Cette dernière se trouve en grande partie près du brûleur exposée à la turbulence de grille qui améliore le transport de la quantité de chaleur et des radicaux. Aussi, on a noté une diminution de la concentration de CO et CO₂ car le méthane est remplacé par l'hydrogène qui ne contient pas de carbone. Pour la température de la flamme, son augmentation est négligeable, elle ne dépasse pas les 10K dans les deux cas d'enrichissement.

En conclusion, la combustion pauvre peut être utilisée pour diminuer la température de la flamme et minimiser la production des NO_x (les plus importants sont les NO_x thermiques qui ne sont produits qu'aux températures supérieures à 1750K). La flamme pauvre est instable, elle peut s'éteindre facilement. Pour remédier à ce problème, on utilise l'enrichissement par l'hydrogène à richesse globale constante, celui-ci augmente la stabilité de la flamme tout en gardant les niveaux de température constants. De plus, on minimise la production du CO et du CO₂.

Nous recommandons de reprendre ces calculs avec un autre mécanisme réactionnel plus élaboré tel que le GRIMECH 3.0 pour la génération de la bibliothèque des flammelettes turbulentes. Ceci nécessite l'utilisation d'un code externe autre que celui fourni par ANSYS CFX pour générer cette table. De même, nous recommandons de déterminer les NO_x qui pourront être ajoutés par des équations de transport à part car leur chimie est lente et ne peuvent pas être tabulés dans la bibliothèque des flammelettes.

REFERENCES BIBLIOGRAPHIQUES

- [1] Energy International Agency Report DOE0484(2007) EIA 2007
- [2] S.M. CANNON *et al*, **PDF Modeling of lean premixed combustion using in situ tabulated chemistry**, Comb. & Flame 119:223-252(1999)
- [3] S.B. Pope, Prog. Ener. Combust. Sci. 11:119-192 (1985)
- [4] Grimech 3, www.me.berkeley.edu/gri_mech/
- [5] M.Jazbec *et al*, **Simulation of the ignition of lean methane mixtures using CFD modeling and a reduced chemistry mechanism**, Elsevier App. Math. Modeling 24 (2000) 689-696.
- [6] A.L. Sanchez *et al*, **The reduced kinetic description of lean premixed combustion**, Comb. & Flame 123:436-464 (2000).
- [7] P.Griebel *et al*, **Flow field and structure of turbulent high pressure premixed methane/air flames**, ASME GT 2003-38398.
- [8] P.Griebel *et al*, **Flame characteristics and turbulent flame speeds of turbulent, high pressure, lean premixed methane/air flames**, ASME GT 2005-68565.
- [9] B.E. Milton J.C. Keck, **Laminar burning velocities in stoichiometric hydrogen and hydrogen-hydrocarbon gas mixtures**, Combustion & flames 58: 13-22 (1984).
- [10] G. Yu C.K. Law & C.K. WU, **Laminar flame speeds of hydrogen addition**, Combustion & flames 63: 339-347 (1986).
- [11] S.R. BELL & M. GUPTA, **Extension of the lean operating limit for natural gas fueling of a spark ignited engine using hydrogen blending**, Combust. Sci. & Tech. 1997, Vol. 123, pp. 23-48.
- [12] J.L.GAUDUCHEAU *et al*, **A numerical study of lean CH₄/H₂/Air premixed flames at high pressure**, Combust. Sci. & Tech. 1998, Vol. 137, pp. 81-99.
- [13] G. S. Jackson *et al*, **Influence of H₂ on the response of lean premixed CH₄ flames to high strained flows**, Combustion & Flame 132 (2003) 503-511.
- [14] E.R. Hawkes & J.H. Chen, **Direct numerical simulation of hydrogen enriched lean premixed methane-air flames**, Combustion & flame 138 (2004) 242-258.
- [15] T. Lachaux, **Etude des effets de la haute pression sur la structure et la dynamique des flammes turbulentes de prémélange pauvre de méthane-air**, Thèse de doctorat, univ. D'Orléans 2004.
- [16] F. Halter, **Caractérisation des effets de l'ajout d'hydrogène et de la haute pression dans les flammes turbulentes de prémélange méthane/air**, Thèse de doctorat, univ. D'Orléans 2005.
- [17] C. Meneveau & T. Poinso, **Stretching and quenching of flamelets in premixed turbulent combustion**, Combustion & flame 86:311-332(1991)

- [18] V.L. Zimont W. Polifke M. Bettelini et W. Weisenstein, **An efficient computational model for premixed turbulent combustion at high reynolds numbers based on a turbulent flame speed**, ASME JEGTP Vol 120 (1998) pp 526-532.
- [19] S.B. Pope, **An explanation of the turbulent round jet/plane jet anomaly**, AIAA Journal Tech. Notes (16), pp. 279-281, 1978.
- [20] Kenneth K. KUO, **Principles of combustion**, 2nd ed. John Wiley & Sons ed. 2005
- [21] J.O. HINZE, **Turbulence**,
- [22] P. Chassaing, **Turbulence en mécanique des fluides**, Cépaduès ed. 2000
- [23] S.B. Pope, **Turbulent flows**, Cambridge univ. Press ed. 2003
- [24] I. Fediouin, **Turbulence en fluide incompressible**, Ecole polyt. Univ. Orléans 2007
- [25] Stephen R. Turns, **An introduction to combustion**, 2nd ed. Mc Graw Hill ed. 2006
- [26] N. Peters, **Turbulent combustion**, Cambridge University Press 2000
- [27] N. Peters, **The turbulent burning velocity for large-scale and small-scale turbulence**, J. Fluid Mech. (1999) vol. 384, pp. 107-132.
- [28] T. Poinso, D. Veynante, **Theoretical and numerical combustion**, Edwards ed. 2001.
- [29] W.D. McComb, **The physics of fluid turbulence**, Oxford science pub. 1990.
- [30] D.C. Wilcox, **Turbulence Modeling for CFD**, DCW industries inc. 1994.
- [31] M. Lesieur, O. Métais et P. Comte, **Large eddy simulations of turbulence**, Cambridge Univ. Press 2005
- [32] J. Blazek, **Computational fluid dynamics: principles and applications**, Elsevier 2001
- [33] J. Janika and N.Peters, **Prediction of turbulent jet diffusion flame lift-off using a PDF transport equation**, Combustion Institute ed. 9th int. symposium on combustion. Pp 367-374, Pittsburgh, 1982.
- [34] R.P. Lindstedt, S. A. Louloudi and E.M. Vaos, **Joint scalar pdf modeling of pollutant formation in piloted turbulent jet diffusion flames with comprehensive chemistry**, Proc. Comb. Inst. (28) pp.149-156, 2000.
- [35] D. Davidenko, **Contribution au développement des outils de simulation numérique de la combustion supersonique**, Thèse de doctorat univ. Orléans 2005
- [36] J.C. Ferreira, **Flamelet modeling of stabilisation in turbulent non premixed combustion**, Ph. D Dissertation, ETHZ Switerland, 1996.
- [37] Bilger R.W., **The structure of turbulent non-premixed flames**, Proc. Combust. Inst., vol. 22, pp. 475 - 488. (1988)
- [38] Spalding DB., **Mixing and chemical reaction in steady confined turbulent flames**, 13th Int. Symposium on Combustion. Pittsburgh: the combustion institute, 1971. P 649-657.
- [39] Magnussen B. F., Hjertager B. H., *Proceeding of the Combustion Institute*, **16**, 719

(1976)

- [40] Bradely D, Lawes M, Scott MJ. *Combust. Flame* 1994; 99:581-590.
- [41] Lundgren TS. **Distribution function in the statistical theory of turbulence**. *Phys. Fluids* 1967; 10(5):969-975.
- [42] Libby PA, Williams FA, **Turbulent combustion: fundamental aspects and a review**. In: Libby PA, Williams FA, editors. **Turbulent reacting flows**. London: Academic Press, 1994. P.2-61.
- [43] S.B. Pope, **Computation of turbulent combustion: progress and challenges**. 23rd Int. Symposium on Combustion. Pittsburgh: the combustion institute, 1990.
- [44] N. Peters, **Laminar flamelet concepts in turbulent combustion**, 21st Int. Symposium on Combustion. Pittsburgh: the combustion institute, 1986. P 1231-1250.
- [45] N. Peters, **Laminar diffusion flamelet models in non-premixed turbulent combustion**, *Prog. Energy Combust. Sci.*, 10:319-339 (1984).
- [46] V.L. Zimont, **Gas premixed combustion at high turbulence. Turbulent flame closure combustion model**, *ETF Sci.* (1999) pp.179-186.
- [47] J.H.Ferziger, M Péric, **Computational methods for fluid dynamics**, 3rd ed. Springer 2002.
- [51] C.K. WESTBROOK & F.L. DRYER, *Hydrocarbon oxidation mechanisms*, 1981
- [52] Ansys deliverable, LES of premixed combustion, 2005.
- [53] H. Lahjaily et al, Introduction of dilution in the BML model: Application to a stagnating turbulent flame, *Combust. Sci. & Tech.* 1998, vol. 135, pp 153-173.
- [54] P. Bailly et al, Experimental and numerical study of a premixed flame stabilized by rectangular section cylinder, 26th int. symposium on combustion/ the combustion institute. 1996 pp 923-929.
- [55] S.A. Filatyev et al, Measured properties of turbulent premixed flames for model assessment, including burning velocities, stretch rates, and surface densities, *Combust. & flame* 141 (2005) 1-21.
- [56] Reaction Design, Chemkin-III a software package for the analysis of gas-phase chemical and plasma kinetics, 1999.
- [57] A. MAMERI et al, **Simulation numérique de la stabilisation d'une flamme turbulente de méthane en régime pauvre par ajout d'hydrogène**, *Revue des Ener. Renouv.* Vol 10 N°1(2007)39-48.
- [58] F. El Mahallawy S. Edin Habik, **Fundamentals and technology of combustion**, Elsevier 2002.
- [59] L. Gagnepain, Contribution à l'étude de la structure des flammes turbulentes prémélangées pauvres. Détermination des échelles caractéristiques des champs dynamique et scalaire, Thèse de Doctorat Univ. D'Orléans, 1998.
- [60] P.A. Libby and F.A. Williams, **Turbulent reacting flows**, Springer-Verlag ed. 1980.
- [61] A. Linan, The asymptotic structure of conterflow diffusion flames for large activation energies, *Acta Astronautica*, 1, 1007 (1974)

- [62] F.A. Williams, **Progress in knowledge of flamelet structure and extinction**, Progress in Energy and Combustion Science 26 (2000) 657–682.
- [63] Alejandro M. Briones, Suresh K. Aggarwal, Viswanath R. Katta, **Effects of H₂ enrichment on the propagation characteristics of CH₄–air triple flames**, Combustion and Flame 153 (2008) 367–383
- [64] E. Knudsen *, H. Pitsch, **A general flamelet transformation useful for distinguishing between premixed and non-premixed modes of combustion**, Combustion and Flame ••• (••••) •••–•••

ملخص

إن إثراء الهيدروكربونات بالهيدروجين يمكن من تحسين أداء الاحتراق (زيادة التفاعلية، مقاومة التمثيط، الاستقرار، الحد من التلوث، ...). إن معرفة خصائص الاحتراق في ظروف فيزيائية و كيميائية مختلفة مهم جدا و ذلك لاستعمالها بنجاحة في المنشآت الصناعية. إن المنهج التجريبي هو اصح وسيلة للحصول على المعلومات ولكنه مكلف جدا و محدود في حالتنا هذه. من جهة أخرى و نظرا للتطور الهائل الذي عرفه مجال الأعلام الآلي و الحساب أو التنظير العددي فان النمذجة العددية تمثل ثاني أهم سبيل للحصول على هذه المعلومات.

في هذا الإطار تهدف هذه الرسالة العلمية إلى تكملة البحوث التجريبية التي أنجزت في معهد الاحتراق و التفاعلية باورليون في فرنسا.

إن تأثيرات تثمين الغازات بإضافة الهيدروجين و تكوين الملوثات مدروسة في هذا البحث. إن الزيادة في نسبة الميثان يمكن من استقرار الشعلة و لكنه يسبب ارتفاع درجة الحرارة و زيادة إنتاج الغازات الملوثة. كحل لهذه المشكلة يتم استبدال نسبة من حجم الميثان بالهيدوجين الذي يؤدي إلى استقرار الشعلة و يحافظ على المستوى المقبول لدرجة الحرارة و الغازات السامة. ان تبديل نسبة 10 أو 20 بالمائة من حجم الميثان بالهيدروجين خاصة ذي المصدر المتجدد له اثر هام على الاقتصاد الوطني.

الكلمات الرئيسية . الأحتراق المضطرب، الأحتراق المسبق الخلط، الأثراء بالهيدروجين، نموذج MDE, CFT.